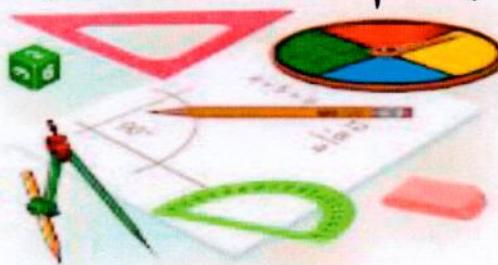


الدجابت:
Hala Labeeb
٤٤.٦.
٢٠١٩ - ٢٠٢٠



وزارة التربية
الادارة العامة لمنطقة الأحمدي التعليمية
سهيل بن عمرو المتوسطة بنين

قسم الرياضيات



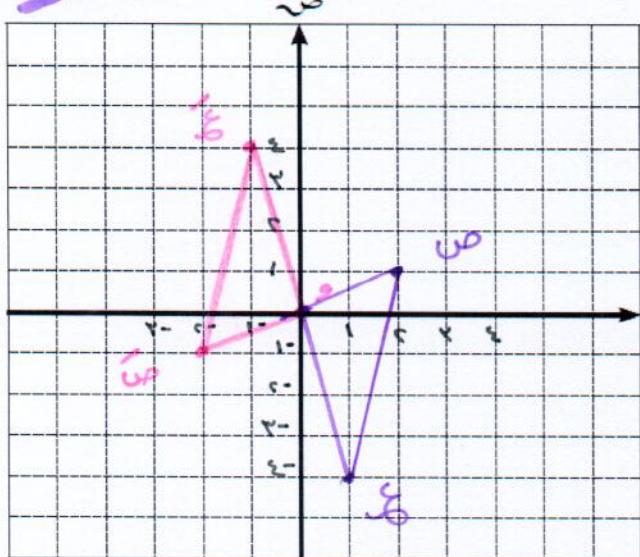
مذكره

الصف السادس

الفصل الدراسي الثاني

العام الدراسي ٢٠١٨ / ٢٠١٩ م

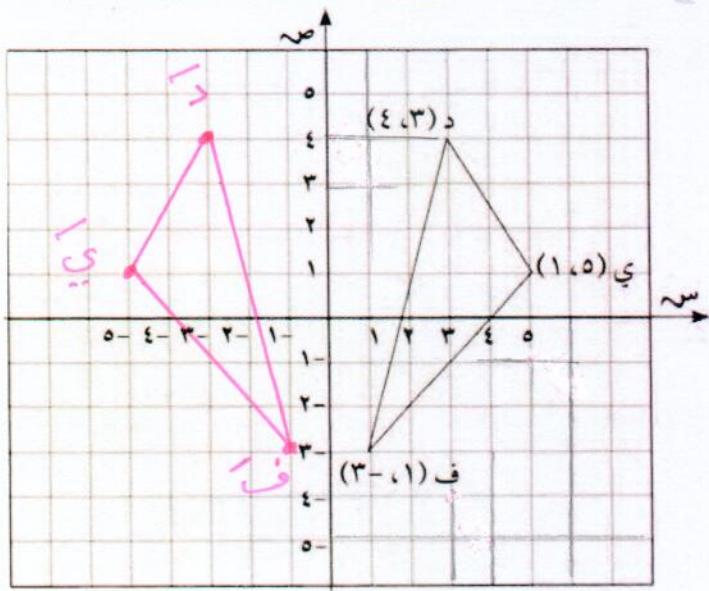
H.L.



إذا كان Δ و Γ هما صورة
 Δ و Γ بالانعكاس في نقطة
 الأصل (O) ، وكانت $O = (0,0)$ ،
 $\Delta = (2,1) \cup (1,1) \cup (0,0)$ ،
 فعين إحداثيات الرؤوس
 و ، Γ ، ثم ارسم المثلثين في سه
 مستوى الإحداثيات .

١

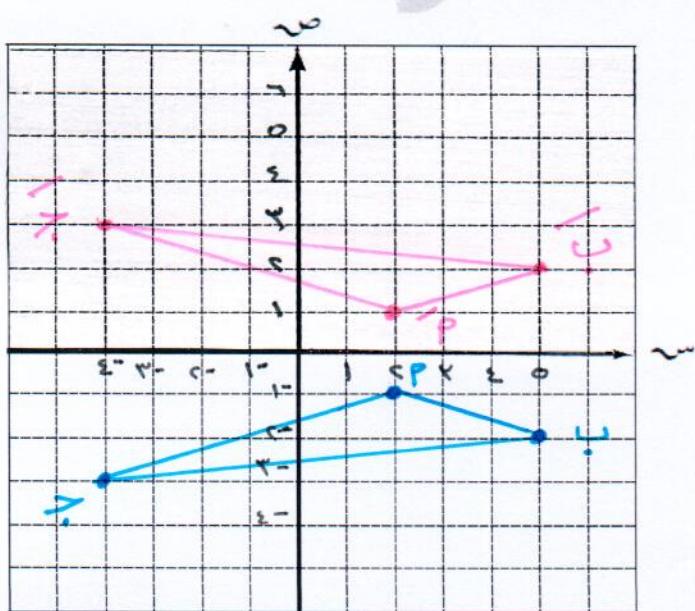
و (٠٠٠)
 ح (١٠٠)
 ع (٤٣١)



ارسم صورة المثلث الذي بالشكل وذلك
 بالانعكاس في محور الصادات

د (٤،٣) \rightarrow د (-٤،٣)
 ي (١،٥) \rightarrow ي (-١،٥)
 ف (٣،١) \rightarrow ف (-٣،١)

٢



ارسم المثلث ب ج في المستوى

الإحداثي الذي رؤوسه ب (-٢،٥) ،
 ج (-٤،٣) ، ث ارسم
 صورته بالانعكاس في محور السينات
 ب (١،٤) \rightarrow ب (-١،٤)
 ج (٣،٥) \rightarrow ج (-٣،٥)
 ب (-٣،٦) \rightarrow ب (٣،٦)

٣

ارسم $\triangle ABC$ صورة $\triangle PQR$ بالإزاحة بـ

٤

(س، ص) \leftarrow (٣، ٣، ص + ١)

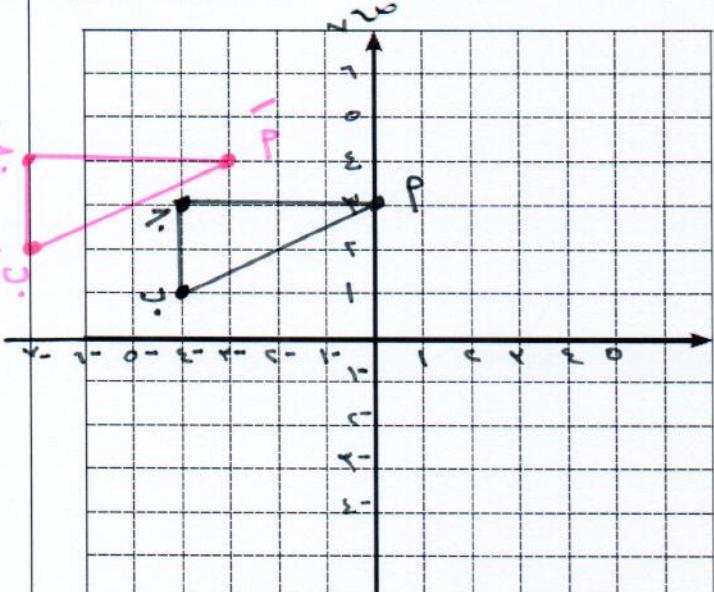
حيث أن $P(2, 0)$, $Q(1, 1)$, $R(-4, -1)$

$\triangle PQR \leftarrow \triangle P'Q'R'$ (٤٦٣ -)

$P(-4, 1) \leftarrow P'(1, 1)$ (٤٦٧ -)

$Q(1, 1) \leftarrow Q'(4, 2)$ (٤٦٤ -)

$R(-1, -2) \leftarrow R'(2, -2)$ (٤٦٦ -)



ارسم صورة المثلث الذي بالشكل بإزاحة ٣ وحدات
لليمين و ٤ وحدات للأسفل

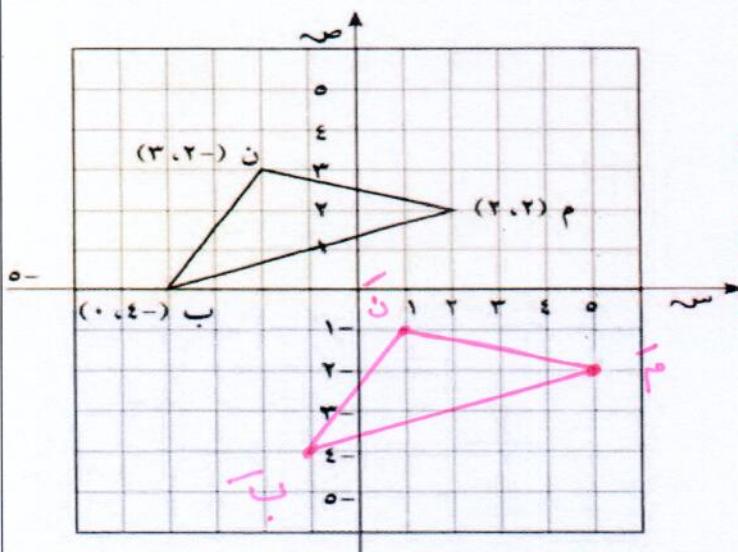
٥

(س، ص) \leftarrow (٣، ٣، ص - ٤)

$\triangle ABC \leftarrow \triangle A'B'C'$ (٤٦٩ -)

$A(-2, 3) \leftarrow A'(1, 0)$ (٤٦٢ -)

$B(0, 4) \leftarrow B'(-1, 1)$ (٤٦٤ -)



مثلث ABC رؤوسه هي :

٦

$A(2, 1)$, $B(3, 0)$, $C(2, -1)$

أوجد صور رؤوسه بعد الإزاحة تبعاً

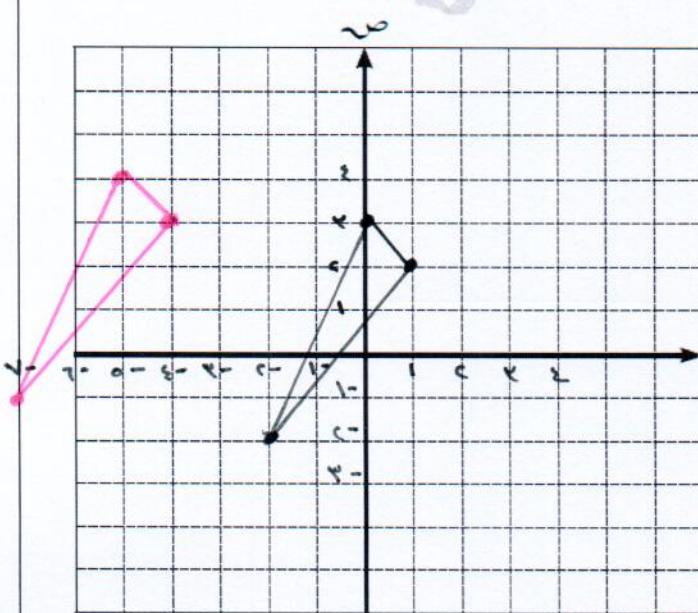
للقاعدة :

(س، ص) \leftarrow (س - ٥، ص + ١)

$A(-1, 1) \leftarrow A'(0, 0)$ (٤٦١ -)

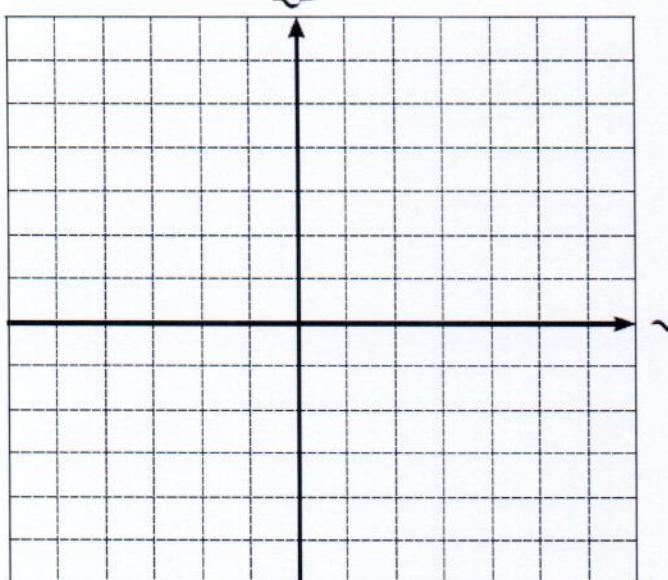
$B(0, -1) \leftarrow B'(-1, 0)$ (٤٦٠ -)

$C(1, 0) \leftarrow C(-1, 1)$ (٤٦٧ -)



٧

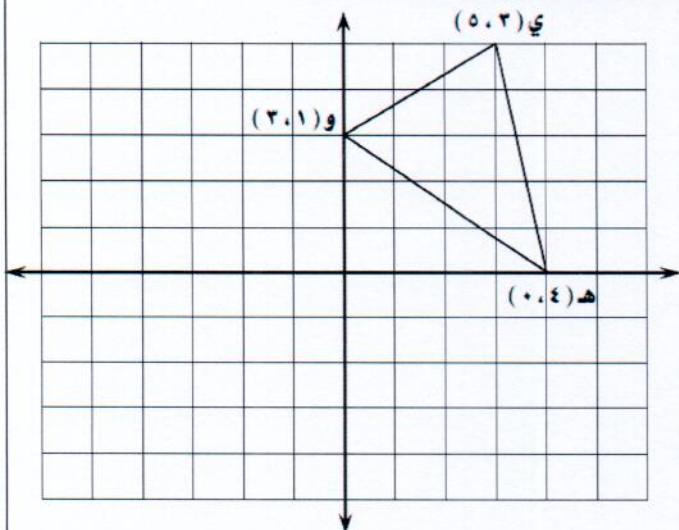
ارسم صورة الشكل الرباعي س ص ع ل ،
حيث س (٠، ١)، ص (٣ - ٢، ٠)،
ع (٥، ٣)، ل (٤ - ٠، ٥) بالدوران حول
نقطة الأصل وبزاوية قياسها 180° .



معلم

٨

ارسم صورة $\triangle \text{هـوـي}$ تحت تأثير دوران 90° ، ومركز الدوران هي نقطة الأصل



معلم

٩

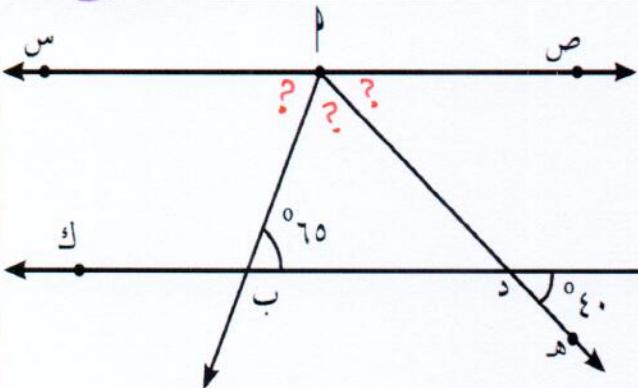
ارسم المثلث ب ج الذي رؤوسه (٢، ٢)، ب (١، ٢)، ج (١ - ١، ١)



ثم ارسم صورته بدوران مركزه نقطة الأصل
وزاوية دوران 270° عقارب الساعة

معلم

H.L.



١٠ في الشكل المقابل: $s \parallel t$ \leftrightarrow

$\angle B$ نقطة تنتهي إلى s t

$\angle B$ شعاع أيضًا \leftrightarrow
أوجد $m(\angle B)$, $m(\angle C)$, $m(\angle D)$

المعطيات: $s \parallel t$ \leftrightarrow

$$m(\angle D) = 40^\circ$$

$$m(\angle B) = 65^\circ$$

المطلوب: ١) إيجاد $m(\angle B)$

٢) إيجاد $m(\angle C)$

٣) إيجاد $m(\angle D)$

البهان:

$$\text{١) } m(\angle B) = m(\angle D) = 65^\circ \text{ (بالتوافر والتبادل)}$$

$$\text{٢) } m(\angle C) = m(\angle D) = 65^\circ \text{ (بالتوافر والتضاد)}$$

$$\text{٣) } m(\angle B) = 180^\circ - (65 + 40)^\circ =$$

$$= 105^\circ$$

105° (بالتجاوز على خط مستقيم)

١١ $s \parallel t$, l قاطع \leftrightarrow

$$m(\angle 7) = 60^\circ$$

أوجد: $m(\hat{1})$, $m(\hat{2})$, $m(\hat{3})$, $m(\hat{4})$,

$m(\hat{5})$, $m(\hat{6})$, $m(\hat{8})$

المعطيات: $s \parallel t$ \leftrightarrow

$$m(\angle 7) = 60^\circ$$

المطلوب: إيجاد $m(\hat{1}), m(\hat{2}), m(\hat{3}), m(\hat{4})$

$m(\hat{5}), m(\hat{6}), m(\hat{8})$

البهان: $m(\hat{1}) = m(\angle 7) = 60^\circ$ (بالتوافر والتبادل)

$m(\hat{2}) = m(\angle 7) = 60^\circ$ (بالتوافر والتبادل)

(التوازي والتضاد)

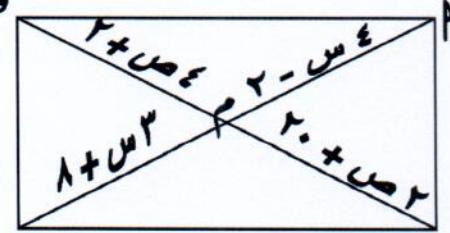
$$m(\angle 2) = 60^\circ$$

$m(\hat{3}) = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$ (بالتجاوز على خط مستقيم)

$m(\hat{4}) = m(\angle 3) = 120^\circ$ (بالتوافر والتبادل)

و $m(\hat{5}) = m(\angle 1) = 60^\circ$ (بالتوافر والتبادل)

$m(\hat{6}) = m(\angle 2) = 60^\circ$ (بالتعابير الرأس)

١٢ في الشكل المقابل ، $\triangle ABC$ و مستطيلاحسب قيم s ، c المعطيات: $\triangle ABC$ و مستطيلالطلوب: حساب قيم s و c

البرهان:

حيث $\triangle ABC$ متطابق (لـ معين) أو (مترافق)

$$s + c = c + s \quad \dots \dots \dots$$

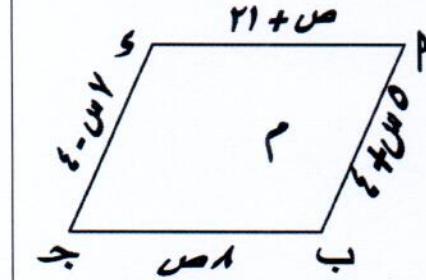
$$s - c = c - s \quad \dots \dots \dots$$

$$18 + 18c = 18c \quad \dots \dots \dots$$

$$18 = 18c - 18c \quad \dots \dots \dots$$

$$18 = 0 \quad \dots \dots \dots$$

$$9 = s \quad \leftarrow \quad 18 = 18c$$

١٣ في الشكل المجاور $\triangle ABC$ و معين ،احسب قيم s ، c المعطيات: $\triangle ABC$ و معينالطلوب: حساب قيم s و c

البرهان:

حيث $\triangle ABC$ ج فيه (معين) أو (مترافق)نـ $\angle B = \angle C$ (أضلاع ج فيه متطابقة)

$$s + c = c + s \quad \dots \dots \dots$$

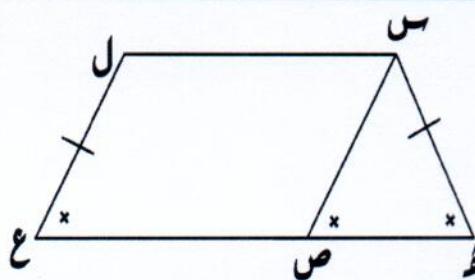
$$s - c = c - s \quad \dots \dots \dots$$

$$18 + 18c = 18 + 18c \quad \dots \dots \dots$$

$$18 = 18c - 18c \quad \dots \dots \dots$$

$$18 = 0 \quad \dots \dots \dots$$

$$9 = s \quad \leftarrow \quad 18 = 18c$$

١٤ في الشكل المقابل $\triangle FED$ = $\triangle CBA$ (سـ صـ هـ) = (جـ عـ)

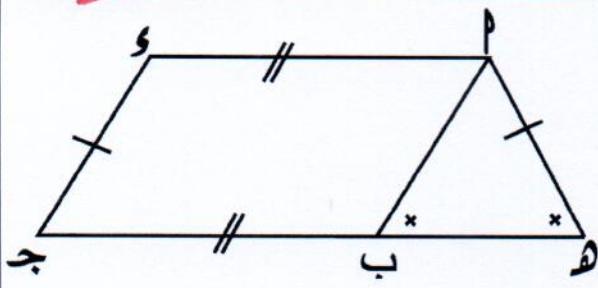
اثبت أن الشكل سـ صـ عـ متوازي أضلاع

المعطيات: ① $m(\angle F) = m(\angle C)$ (سـ صـ هـ) = (جـ عـ)② $m(\angle E) = m(\angle B)$ الطلوب: اثبت أن $\triangle FED$ سـ صـ عـ متوازي أضلاعالبرهان في $\triangle FED$ سـ صـ عــ $m(\angle D) = m(\angle A)$ (سـ صـ هـ) (معين) أو (مترافق)ـ $m(\angle E) = m(\angle B)$ (سـ صـ عـ) (معين) أو (مترافق)ـ $m(\angle F) = m(\angle C)$ (سـ صـ هـ) (معين) أو (مترافق)ـ $m(\angle E) = m(\angle F)$ (سـ صـ هـ) (معين) أو (مترافق)ـ $m(\angle F) = m(\angle E)$ (سـ صـ هـ) (معين) أو (مترافق)ـ $m(\angle C) = m(\angle B)$ (سـ صـ عـ) (معين) أو (مترافق)ـ $m(\angle C) = m(\angle E)$ (سـ صـ هـ) (معين) أو (مترافق)

من ① و ② نستنتج أن:

ـ $m(\angle F) = m(\angle C)$ (سـ صـ هـ) (معين) أو (مترافق)ـ $m(\angle E) = m(\angle B)$ (سـ صـ عـ) (معين) أو (مترافق)ـ $m(\angle D) = m(\angle A)$ (سـ صـ هـ) (معين) أو (مترافق)ـ $m(\angle F) = m(\angle E)$ (سـ صـ هـ) (معين) أو (مترافق)ـ $m(\angle C) = m(\angle B)$ (سـ صـ عـ) (معين) أو (مترافق)ـ $m(\angle C) = m(\angle E)$ (سـ صـ هـ) (معين) أو (مترافق)ـ $m(\angle F) = m(\angle C)$ (سـ صـ هـ) (معين) أو (مترافق)ـ $m(\angle F) = m(\angle E)$ (سـ صـ هـ) (معين) أو (مترافق)ـ $m(\angle F) = m(\angle F)$ (سـ صـ هـ) (معين) أو (مترافق)ـ $m(\angle F) = m(\angle F)$ (سـ صـ هـ) (معين) أو (مترافق)ـ $m(\angle F) = m(\angle F)$ (سـ صـ هـ) (معين) أو (مترافق)

الى



في الشكل المقابل ، $\angle \omega = \angle \beta$ ، $\angle \phi = \angle \gamma$

١٥

$$\angle(\omega\beta) = \angle(\phi\gamma)$$

أثبت أن الشكل $\square ABCD$ متوازي أضلاع

المطابقات - $\angle \omega = \angle \beta$

$\angle \phi = \angle \gamma$

$\angle(\omega\beta) = \angle(\phi\gamma)$

المطلب: أثبت أن $\square ABCD$ متوازي أضلاع

البرهان: في المثلث $\triangle ABC$:

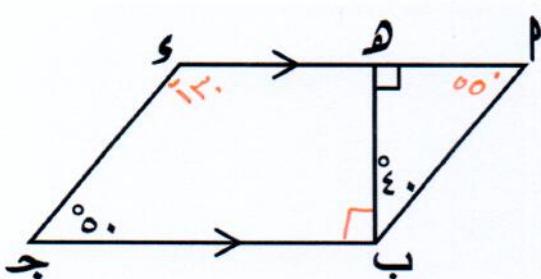
$\angle \omega = \angle \beta$ (من خواص المثلث متطابق)

$\angle \phi = \angle \gamma$ (من خواص المثلث متطابق)

$\therefore \angle \omega + \angle \phi = \angle \beta + \angle \gamma$ (كمل فنونه متساوين)

(كل فنونه متساوين ملائمة (الصلبيات))

متطلبات (الصلبيات)

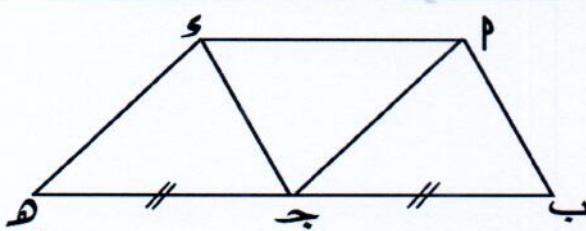


في الشكل المقابل ، $\angle \omega \parallel \angle \beta$ ، $\angle \phi \parallel \angle \gamma$

١٦

برهن أن الشكل $\square ABCD$ متوازي أضلاع

→ ادل



في الشكل المقابل ، $\angle \omega = \angle \beta$ ، $\angle \phi = \angle \gamma$

١٧

$$\angle \omega = \angle \beta , \angle \phi = \angle \gamma$$

أثبت أن الشكل $\square ABCD$ متوازي أضلاع

المطابقات - $\angle \omega = \angle \beta$ (من خواص المثلث متساوين)

$\angle \phi = \angle \gamma$ (من خواص المثلث متساوين)

المطلب: أثبت أن $\square ABCD$ متوازي أضلاع

البرهان: $\angle \omega = \angle \beta$ (من خواص المثلث متساوين)

$\angle \phi = \angle \gamma$ (من خواص المثلث متساوين)

$\therefore \angle \omega + \angle \phi = \angle \beta + \angle \gamma$ (كمل فنونه متساوين)

(كمل فنونه متساوين ملائمة (الصلبيات))

متطلبات (الصلبيات)

H.C.

١٦

الخطبات:

$\overline{D}\parallel\overline{B}$

$$\angle C = 50^\circ$$

$$\angle A = 40^\circ$$

$\overline{B}\perp\overline{D}$

الخطوب:

أبْلَتْ زَوْجِيَّ بَعْدَ مُتَوازِيْ أَضْلَاعِ

البرهان:

في المثلث $\triangle ABC$:

$$\angle A = 180^\circ - (90^\circ + 40^\circ) \\ 180^\circ - 130^\circ =$$

(مجموع قياسات زوايا المثلث = 180°)

$\therefore \overline{D}\parallel\overline{B}$ (مُعطى)

$\angle C = \angle D = 90^\circ$ (متوازي و المتعادل)

$$\angle A = 180^\circ - 90^\circ =$$

(متوازي والثالث يساوي 90°)

في المثلث $\triangle ABC$:

$$\textcircled{1} - \quad \angle A = \angle C$$

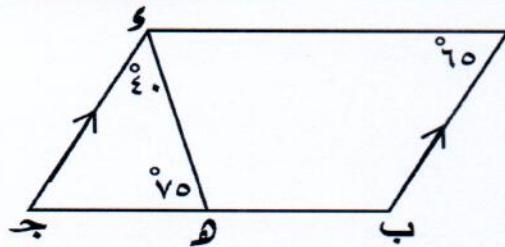
$$\textcircled{2} - \quad \angle B = \angle A$$

من هنا، ينبع أن:

$\therefore \overline{D}\parallel\overline{B}$ متوازي أضلاع.

(كل زاويتين متساوين مترافقتين في الصيغتين)

H.6.

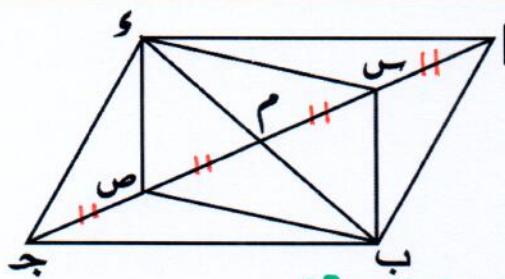


١٨

في الشكل المقابل، $\overline{AB} \parallel \overline{DG}$ ، $m(\angle 1) = 65^\circ$ ، $m(\angle 2) = 70^\circ$ ، $m(\angle D) = 40^\circ$

برهن أن الشكل $ABGD$ متوازي أضلاع

المخطىءات: $\overline{AB} \parallel \overline{DG}$ (١)
 $m(\angle 1) = 70^\circ$ ، $m(\angle 2) = 40^\circ$
 الأدلة: اثبات زاوية مترابطة
 البرهان: $m(\angle 1) + m(\angle 2) = 110^\circ$
 $m(\angle 1) + m(\angle 2) = 110^\circ - 110^\circ = 0^\circ$
 $m(\angle 1) + m(\angle 2) = 0^\circ$ (مجموع زوايا زاوية مترابطة هي ١٨٠°)
 $m(\angle 1) = 0^\circ$ (بالتعارض والتعارض مطلوب)



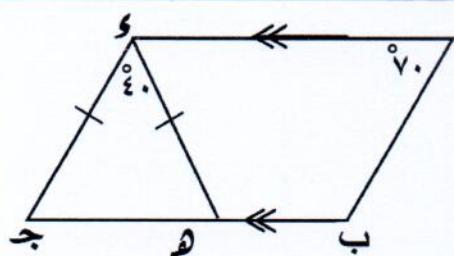
١٩

في الشكل المقابل $ABGD$ متوازي أضلاع

م منتصف \overline{AB} ، ص منتصف \overline{CM}

أثبت أن الشكل $SCBM$ متوازي أضلاع

المخطىءات: $\overline{AB} \parallel \overline{DG}$ (متوازي)
 SC منتصف \overline{CM} (متناصف)
 CM منتصف \overline{AB}
 الأدلة: اثبات زاوية مترابطة
 $m(\angle 1) = m(\angle 2)$ (متناصف)
 $m(\angle 1) = m(\angle 2)$ (متوازي)
 $m(\angle 1) = m(\angle 2)$ (متناصف)
 $m(\angle 1) = m(\angle 2)$ (متوازي)
 $m(\angle 1) = m(\angle 2)$ (متناصف)
 $m(\angle 1) = m(\angle 2)$ (متوازي)
 $m(\angle 1) = m(\angle 2)$ (متناصف)



٢٠

في الشكل المقابل: $\overline{DG} \parallel \overline{BC}$ ، $m(\angle D) = 40^\circ$ ، $m(\angle G) = 65^\circ$

برهن أن الشكل $ABGD$ متوازي أضلاع

→ امثل

٤٠

٤.٦.

المطبات :

$$\overline{2} // \overline{B}$$

$$D = C$$

$$m(\hat{C}) = 40^\circ$$

$$m(\hat{B}) = 70^\circ$$

المطلوب : اثبات $\triangle ABC$ متساوية الأضلاع

البرهان : في المثلث DCH :

$$\therefore D = C \text{ (مطباً)}$$

$m(\hat{C}) = m(\hat{D})$ (من خواص المثلث المتطابق الضلعية)

$$m(\hat{D}) = m(\hat{B}) = \frac{180^\circ - 40^\circ}{2} = 70^\circ$$

$$m(B) = \frac{180^\circ - 70^\circ}{2} = 55^\circ \quad (\text{مجموع زوايا المثلث} = 180^\circ)$$

$$m(B) = 90^\circ - 55^\circ = 35^\circ$$

$\therefore \overline{2} // \overline{B}$ (بالتعارض والخلاف مع C)

$m(\hat{D}) = m(\hat{B}) = 35^\circ$ (بالتعارض والبساطة)

$$m(C) = 180^\circ - 70^\circ - 35^\circ = 75^\circ$$

$$\textcircled{1} \quad m(\hat{B}) = m(\hat{C})$$

$$\textcircled{2} \quad m(B) = m(C)$$

من \textcircled{1} \textcircled{2} ينبع N :

$\triangle ABC$ متساوية الأضلاع

(كل زاويتين متناظرتين متطابقتان)

H.6.



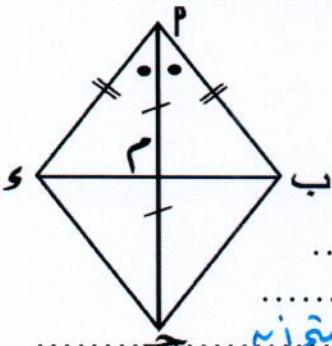
٢١ في الشكل المقابل : M مركز الدائرة ، $AB = GH$

أثبت أن AB جو متوازي أضلاع.

من ١ م٢ ينبع أن $\angle M = \angle G$ (مساوية الدائرة)
 ٢ $MB = MG$ (مقدار الأصلان)
 من $MG = MG$ (القطران ينبعون منهما التضاد) $\angle B = \angle G$ (مساوية المسارتين)

المطلوب : $AB = GH$ ، $AB \parallel GH$ (الخاتمة)

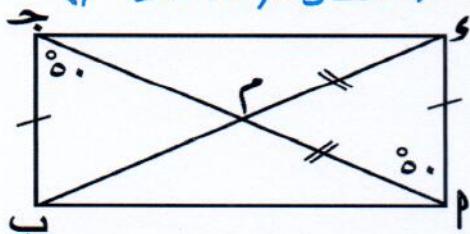
البرهان : في المثلث ABG $\angle A = \angle G$ (مساوية الدائرة) $\angle B = \angle G$ (ما نسبناه) $AB = GH$ (الكترانات ينبعون منهما التضاد) $\triangle ABG \cong \triangle GHG$ (الكترانات ينبعون منهما التضاد)



٢٢ في الشكل المقابل $M = H$ ، M منصف $(B\hat{A}G)$

برهن أن الشكل M جو معين

ص ٣٤١ ينبع أن $\angle B = \angle D$ (مساوية الدائرة)
 $\angle B = \angle G$ (مقدار الأصلان)
 $\angle D = \angle H$ (مقدار الأصلان)
 $\angle B = \angle G = \angle D = \angle H$ (ما نسبناه)
 $M = H$ (مساوية المثلثات المترابطة) $\triangle BHD \cong \triangle CHG$ (الكترانات ينبعون منهما التضاد)
 $M = H$ (مقدار المثلثات المترابطة) $\triangle BHD \cong \triangle CHG$ (الكترانات ينبعون منهما التضاد)



٢٣ في الشكل المقابل $M = H$ ، M جو

$$M = B\hat{G} = M = B\hat{H}$$

أثبت أن M جو مستطيل

$M = H$ (مساوية المثلثات المترابطة)

المطلوب : M جو $\angle B = \angle D$ (مساوية الدائرة)
 البرهان : في المثلث BHD $\angle B = \angle D$ (مساوية الدائرة) $\angle B = \angle H$ (ما نسبناه) $M = H$ (مساوية المثلثات المترابطة) $\triangle BHD \cong \triangle CHG$ (الكترانات ينبعون منهما التضاد)

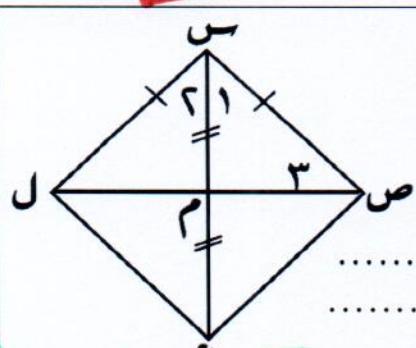
$M = H$ (مساوية المثلثات المترابطة) $\angle B = \angle H$ (ما نسبناه) $M = H$ (مساوية المثلثات المترابطة)

المطلوب : M جو $\angle B = \angle H$ (مساوية الدائرة)

ص ٣٦٩ ينبع أن $\angle B = \angle H$:
 M جو مستطيل
 $(\text{الكترانات مستطيل})$

المطلوب : M جو $\angle B = \angle H$ (مساوية الدائرة)
 $\angle B = \angle H$ (ما نسبناه) $M = H$ (مساوية المثلثات المترابطة) $\triangle BHD \cong \triangle CHG$ (الكترانات ينبعون منهما التضاد)
 M جو مستطيل

H.L.



في الشكل المقابل : $S = C = U = L$

٢٤

$$S(1) = C(2) = U(3)$$

أثبت أن الشكل $S = C = U = L$ مربع

المعلمات : $S = C = U = L$

$C(1) = U(2) = S(3)$

الطلبات : في المثلث $S = C$

$S = C$ (فرضنا)

$C = U$ (فرضنا)

$S = U$ (فرضنا)

$S = C = U$ (فرضنا)

يتبين أن $S = C = U$

المعلمات : $C = U$

$C = U$ (فرضنا)

$C = U = S$ (يتبين كل منهما الآخر)

الخطوات : ١- $S = C$ (بعض خواص المثلث)

٢- $C = U$ (بعض خواص المثلث)

٣- $S = U$ (بعض خواص المثلث)

٤- $S = C = U$ (الخطوة ١+٢+٣)

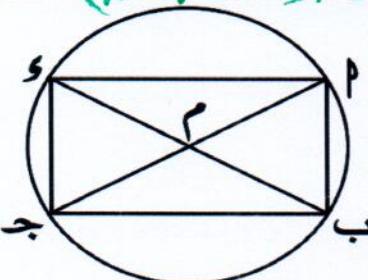
٥- $S = C = U = L$ (الخطوة ٤+٥)

الخطوات : ٦- $S = C = U = L$ (مربع)

٧- $S = C = U = L$ (ما نري)

٨- $S = C = U = L$ (ما نري)

٩- $S = C = U = L$ (ما نري)



في الشكل المقابل : M مركز الدائرة

أثبت أن الشكل $A B C D$ مستطيل

المعلمات : M مركز الدائرة

الطلبات : $A B = C D$ (بعض خواص الدائرة)

$B C = A D$ (بعض خواص الدائرة)

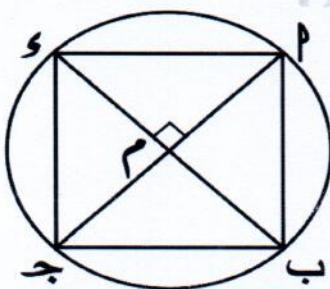
يتبين أن $A B = C D$ (متوازي اضلاع)

(المعلمات يتحقق منهما الآخر)

$B C = A D \rightarrow (بعض خواص الدائرة)$

يتبين أن $B C = A D$ (متوازي اضلاع)

(المعلمات يتحقق منهما الآخر)



في الشكل المقابل : $A \perp B$ ، M مركز الدائرة

أثبت أن الشكل $A B C D$ مربع

المعلمات : $A \perp B$

M مركز الدائرة

الطلبات : $A B = C D$ (مربع)

$B C = A D$ (بعض خواص الدائرة)

يتبين أن $A B = C D$ (متوازي اضلاع)

(المعلمات يتحقق منهما الآخر)

$B C = A D \rightarrow (بعض خواص الدائرة)$

$A B = C D$ (متوازي اضلاع)

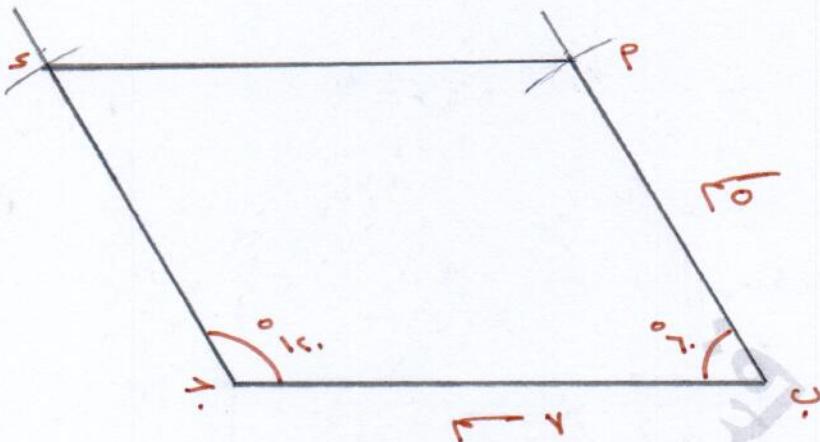
يتبين أن $A B = C D$ (متوازي اضلاع)

(المعلمات يتحقق منهما الآخر)

H.7

٢٧ ارسم متوازي الأضلاع $\square ABCD$ الذي فيه $|AB| = 5$ سم ، $|BC| = 7$ سم ، $|CD| = 6$ سم ، $|DA| = 4$ سم

٢٧



أوجد الناتج ما يأتي في أبسط صورة :

٢٨

$$72 = \frac{8-4}{8} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$

ب

$$0 = \frac{1}{0} = \frac{3+2-0}{0} = \frac{-5}{0}$$

د

$$012 = \frac{4-0}{4} = \frac{4}{4} = 1$$

هـ

$$21 = \frac{4-2}{2} = \frac{2}{2} = 1$$

سـ

$$\frac{3}{2} = \frac{3-2}{2} = \frac{1}{2}$$

شـ

$$7 = \frac{4+4}{4} = 2 \times \frac{4}{4} = 2$$

فـ

$$(s^2)^2 \times (s^3) = s^{2+3} = s^5$$

جـ

$$\frac{42 \times 35}{25 \times 32} = \frac{14}{10} = \frac{7}{5}$$

هـ

$$\left(\frac{2}{3}\right) \times \left(\frac{3}{2}\right) = 1$$

نـ

$$(s^3)^2 = s^{3+3} = s^6$$

شـ

أوجد الناتج ما يأتي في أبسط صورة :

٢٩

$$\frac{1}{\frac{1}{2}} = \frac{1}{\frac{1}{4}} = \frac{4}{1} = 4$$

بـ

$$\frac{3}{2} \times \frac{7}{7} = 3$$

فـ

$$\frac{\frac{2}{10} \times \frac{3}{10}}{\frac{1}{10}} = \frac{\frac{6}{100}}{\frac{1}{10}} = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$$

دـ

$$\frac{3}{2} \times \frac{9}{9} = 3$$

جـ

$$\frac{\frac{2}{9} - \frac{1}{9}}{\frac{1}{9}} = \frac{\frac{1}{9}}{\frac{1}{9}} = 1$$

$$\frac{\frac{4}{9} - \frac{5}{9}}{\frac{5}{9}} = \frac{\frac{-1}{9}}{\frac{5}{9}} = -\frac{1}{5}$$

١١

٨١

H.L.

أكمل الجدول التالي :

٣٠

درجة كثيرات الحدود	الترتيب التنازلي لكثيرات الحدود	كثيرات الحدود
الدرجة الرابعة	$s^4 + s^3 - s^2 - 5$	$2s^4 + 5s^3 - 3s^2$
الدرجة الخامسة	$s^5 + s^4 - s^3 - 4s^2 - 7$	$7 - 3s^5 + 2s^4 + s^3$
الدرجة الخامسة	$s^5 - 4s^4 + s^3 + 6s^2 + 8$	$8 + 2s^5 + 4s^4 + s^3 - 6s^2$

٣١ أحسب قيمة كل من كثيرات الحدود التالية عندما $s = 3$

$$= 7 - 3s^2 + 4s^3 - s^4 \\ = 7 - 3(3)^2 + 4(3)^3 - (3)^4 \\ = 7 - 27 + 108 - 81 \\ = 7 - 108 + 27 - 81 \\ = 7 - 105$$

$$= 2s^2 + 3s^3 - 5 \\ = 0 - 2(3)^2 + 3(3)^3 - 5 \\ = 0 - 9 + 27 - 5 \\ = 0 - 9 + 18 \\ = 0 - 27$$

٣٢ أكتب المعكوس الجمعي لكل مما يلي :

$$(3 - s^4 + s^3 - s^2) - (-s^3 + s^4 - s^5) \\ = -s + 4s^2 - 3s^3 + s^4 - s^5 \\ = 3 + s^4 - s^3 - s^2 - s$$

$$= 8s^3 - 5s^4 - 4s^5 \\ = -s^4 - s^5 - 8s^3 + 3s^4 + s^5 \\ = -s^4 - 5s^3$$

٣٣ اجمع كثيرات الحدود التالية :

$$2) 4s^4 + 6s^3 - 5s^2 + 4s^5 + s^3 - 7s^2 \\ \underline{+ 5s^4 + 6s^3} \\ \underline{\underline{+ 7s^5 + 4s^4 + 3s^3 - 12s^2}}$$

$$1) s^5 + 5s^4 - 4s^3 + 2s^2 - 4s^5 \\ \underline{- s^4 + 5s^3} \\ \underline{\underline{+ 2s^2 - 4s^5}}$$

٣٤ اطرح الحدوبيات الآتية :

$$2) 9s^2 + s^3 - 6s^5 - 2s^4 + s^3 - 6s^2 + s^5 - s^9 - 6s^6 \\ = (9s^2 + s^5 - 6s^6) - (6s^4 + s^3 - 6s^2 + s^9)$$

$$1) 2s^4 - 3s^3 + 5s^2 - 6s^5 + s^3 - 1 \\ = (2s^4 - 3s^3 + 5s^2) - (6s^5 + s^3 - 1)$$

$$\underline{\underline{+ 6s^5 + 9s^4 - 6s^6}} \\ 9 + 11s^5 - s^9 - 6s^6$$

$$6s^4 + 5s^3 - 1 \\ \underline{- 2s^4 + 3s^3} \\ \underline{\underline{4s^4 + 8s^3 - 1}}$$

H.L.

$$= (2 - s) \times (s^2 + 3s + 2)$$

$$= 2s^2 - 2s + s^3 + 3s^2 + 2s$$

$$= s^3 + 5s^2 - 2s$$

ب

أوجد ضرب كثيرات الحدود:

$$= (s^3 - 3s^2 - 4s) \times (s^3 - 3s^2 - 4s)$$

$$= s^6 - 3s^5 - 3s^5 + 9s^4 - 3s^3 - 12s^2$$

٣٥

ج

$$= (s+2)(s+6)$$

$$= (s+2)(s+6) = (s+2)(s+6) = s^2 + 8s + 12$$

ج

$$= (3+s)(2-s) \times (s^2 + 4s - 2)$$

$$= (3+s)(2-s) \times (s^2 + 4s - 2) = (3+s)(2-s) \times (s^2 + 4s - 2)$$

$$= 6 + s^2 + 4s - 3s - 2s^2 - 4s + 3 - 6 + s^2 + 4s - 2$$

$$= s^2 + 8s + 11$$

د

$$= (s-4)(2s^2 + 3s - 4) \times (s-4)(2s^2 + 3s - 4)$$

$$= (s-4)(2s^2 + 3s - 4)(s-4)(2s^2 + 3s - 4) = (s-4)(2s^2 + 3s - 4)(s-4)(2s^2 + 3s - 4)$$

$$= 20 + s^2 - 17s - 3s^2$$

هـ

بسط كلاً من كثيرات الحدود التالية: حيث $s \neq 0$:

٣٦

$$= (2s^2 + 4s - 4) \times (3s^3 - 4s^2 - s + 4)$$

$$= [4 + 3s^2] + [(s-4) + s^2] + [(s-4) + s^2] + [s^2 + 3s - 3]$$

$$= (3s^3 - s^2 - 4s - 2) - (-4s^3 - 2s^2 + 4s + 2)$$

بـ

$$= 3s^3 - s^2 - 4s - 2 + 4s^3 + 2s^2 + 4s + 2 = 7s^3 + s^2 - 2s$$

$$= (1 + s^2 - s) \times (2 + 3s^2 - s) = (1 + s^2 - s) \times (2 + 3s^2 - s) = (1 + s^2 - s) \times (2 + 3s^2 - s)$$

$$= (1 + s^2 - s) \times (2 + 3s^2 - s) = (1 + s^2 - s) \times (2 + 3s^2 - s)$$

جـ

$$= (1 + s^2 - s) \times (2 + 3s^2 - s) = (1 + s^2 - s) \times (2 + 3s^2 - s)$$

دـ

$$= (1 + s^2 - s) \times (2 + 3s^2 - s) = (1 + s^2 - s) \times (2 + 3s^2 - s)$$

دـ

٤٦.

أكتب في أبسط صورة:

٣٧

$$1 \quad \text{اقسم } (6s^3 + 8s^2 - 2s) \text{ على } 2s^2$$

$$\frac{6s^3 + 8s^2 - 2s}{2s^2} = \frac{3s^3 + 4s^2 + 1}{1}$$

$$2 \quad \text{اقسم } 15s^2 - 12s^3 + 9s^4 \text{ على } 6s^2$$

$$\frac{15s^2 - 12s^3 + 9s^4}{6s^2} = \frac{5s^2 - 4s^3 + 3s^4}{1}$$

$$= \frac{5}{6}s^2 - \frac{4}{3}s^3 + \frac{3}{2}s^4$$

$$3 \quad 14s^3 + 7s^2 + 21s^1 = 7s(2s^2 + 3s + 3)$$

$$4 \quad 5s^3 - 10s^2 + s^1 = s(s^2 - 10s + 1)$$

$$6 \quad 36s^2 - (s^2 - 6s + 6) = (6s - 6)(s + 6)$$

$$8 \quad 50 - 2s^2 = (s^2 - 25) = (s - 5)(s + 5)$$

حل كل ما يأتي تحليلًا تماماً:

$$1 \quad 27s^3 + 9s^2 = 9s^2(3s + 1)$$

$$3 \quad 2s^2 - 2s = 2s(s - 1)$$

$$5 \quad \frac{4}{9}s^2 - \frac{16}{25}s^2 = \left(\frac{4}{9}s - \frac{16}{25}s\right)\left(\frac{4}{9}s + \frac{16}{25}s\right)$$

$$7 \quad 4s^2 - 81 = (4s - 9)(4s + 9)$$

٣٩ باستخدام التحليل أوجد قيمة كل من الأعداد التالية:

$$1 \quad (213 + 214)(213 - 214)^2 = (213 - 214)^2 = 427 \times 1 =$$

$$2 \quad (350 + 365)(350 - 365) = 2(355) - 2(365)$$

$$= 720 \times 10 = 7200$$

٤٦.

٤٠ اكتب المقادير التالية في أبسط صورة:

$$= \frac{4s^4 - s^3 + 2s^2}{s^2} \quad ٢$$

$$= \frac{3s^5 - 4s^3 + s}{s^3} \quad ١$$

$$\begin{aligned} &= \frac{s^5 - s^3 + s^2 - s^4}{s^3 - s^2 - s^3 + s^2 - s^4 - s^3} \\ &= \frac{s^5 - s^3 + s^2 - s^4}{s^5 - s^3 - s^4} \\ &= \frac{s^5 - s^3 + s^2 - s^4}{s^5 - s^3} \\ &= \frac{s^5 - s^3}{s^5} = 0 + 0 - 0 = 0 + 0 - 0 = 0 \end{aligned} \quad ٤$$

$$\begin{aligned} &= \frac{3s^9 + 3s^6 + 3s^3}{3s^9 + 3s^6 + 3s^3} \\ &= \frac{3s^9 + 3s^6 + 3s^3}{3s^9 + 3s^6 + 3s^3} \\ &= \frac{3s^9 + 3s^6 + 3s^3}{3s^9 + 3s^6 + 3s^3} \\ &= 3 = 3 \end{aligned} \quad ٣$$

$$\frac{(1 - 2^3) 2^2}{1 - 2^3} = \frac{2^2 - 3 \cdot 2^2}{1 - 2^3} \quad ٦$$

$$\frac{s^2 - (s^3 - s^2)}{4(s^3 - s^2)} = \frac{9 - 2}{12 - 4s^2} \quad ٥$$

$$2^2 =$$

$$\frac{3 + s^2}{4} =$$

$$\frac{(1 - 2^3) 2^2}{(1 + 2^3) 2^2} = \frac{2^2 - 3 \cdot 2^2}{2^2 + 2 \cdot 2^2} \quad ٧$$

$$\frac{9 - 2}{12 - 4s^2} = \frac{25 - 9s^2}{8s^2 + 8s^2} = \frac{16}{16s^2} = 1 \quad ٨$$

$$\frac{(1 + 2^3) 2^2}{(1 + 2^3) 2^2} = \frac{(1 + 2^3) 2^2}{(1 + 2^3) 2^2} =$$

$$\frac{8s^2 + 8s^2}{2} =$$

٤١ حل كلاً من المعادلات التالية ثم تحقق من صحة إجابتك :

$$17 = 2 + J_5 \quad ٧$$

$$92 = 83 + d \quad ٩$$

$$17 = 2 - 9 + J_5 \quad 82 - 92 = 82 - 83 + d$$

$$9 = d$$

$$10 = J_5$$

$$\text{التحقق: } 92 = 83 + d$$

$$\frac{10}{0} = \frac{J_5}{0}$$

$$92 = 92$$

$$3 = J$$

$$92 = 92$$

$$\text{التحقق: } 17 = 2 + 15$$

$$4 = 3 - \frac{s}{2} \quad ٧$$

$$9 + 2 - 2 = 3 + 15$$

$$\text{التحقق: } 3 + 4 = 3 + 3 - \frac{s}{2}$$

$$9 + 2 - 2 = 3 + 15$$

$$4 = 3 - \frac{s}{2}$$

$$9 + 2 - 2 = 3 + 15$$

$$4 = 3 - \frac{14}{2}$$

$$9 + 2 - 2 = 3 + 15$$

$$4 = 3 - 7$$

$$9 + 2 - 2 = 3 + 15$$

$$4 = 4$$

$$9 + 2 - 2 = 3 + 15$$

$$s = 14$$

$$9 + 2 - 2 = 3 + 15$$

$$s = 14$$

$$9 + 2 - 2 = 3 + 15$$

$$s = 14$$

H.6.

أوجد مجموعة حل كل من المعادلات التالية حيث $s \in \mathbb{N}$

٤٢

ب

$$\begin{aligned}
 81 &= s^2 \\
 0 &= 81 - s^2 \\
 0 &= (s-9)(s+9) = 0 \\
 0 &= 9-s \quad \text{أو} \quad s=9 \\
 9 &= s \\
 9 &= s \\
 9 &\in \mathbb{N} \\
 \therefore \text{مجموعة الحل} &= \{9-69\} = \{3-66\}
 \end{aligned}$$

٩

$$\begin{aligned}
 0 &= (s+4)(s-4) = 0 \\
 0 &= 4+s = 4-s \\
 0 &= s = -4 \\
 s &\in \mathbb{N} \\
 \therefore \text{مجموعة الحل} &= \{4-4\} = \{0\}
 \end{aligned}$$

د

$$\begin{aligned}
 0 &= 27 - s^3 \\
 0 &= (9-s^3) = 0 \\
 0 &= (s-3)(s^2+3s+9) = 0 \\
 0 &= s-3 \quad \text{أو} \quad s^2+3s+9=0 \\
 s &= 3 \\
 s &\in \mathbb{N} \\
 \therefore \text{مجموعة الحل} &= \{3-63\} = \{0-60\}
 \end{aligned}$$

ج

$$\begin{aligned}
 0 &= s^3 + 3s = 0 \\
 0 &= s(s^2+3) = 0 \\
 0 &= s+3 \quad \text{أو} \quad s=0 \\
 s &= -3 \\
 s &\in \mathbb{N} \\
 \therefore \text{مجموعة الحل} &= \{-3-6\} = \{0-6\}
 \end{aligned}$$

ـ

لابد من در درج = مدرس

$$\begin{aligned}
 0 &= 1 + s^4 \\
 0 &= 1 + 0 = 1 \\
 \text{مجموعة الحل} &= \emptyset
 \end{aligned}$$

هـ

$$\begin{aligned}
 0 &= 25 - 2(s+2) = 0 \\
 0 &= (5+2+s)(5+s-2) = 0 \\
 0 &= (7+s)(s+3) = 0 \\
 0 &= 7+s = 0 \quad \text{أو} \quad s+3=0 \\
 s &= -7 \\
 s &\in \mathbb{N} \\
 \therefore \text{مجموعة الحل} &= \{-7-62\} = \{0-62\}
 \end{aligned}$$

ـ

$$\begin{aligned}
 0 &= 49 - 2(s+3) = 0 \\
 0 &= (7+3+s)(7-3+s) = 0 \\
 0 &= 10+s = 0 \quad \text{أو} \quad s-4=0 \\
 s &= -10 \\
 s &= 4 \\
 s &\in \mathbb{N} \\
 \therefore \text{مجموعة الحل} &= \{4-65\} = \{0-65\}
 \end{aligned}$$

سـ

$$\begin{aligned}
 0 &= 18 - 2(s-5) = 0 \\
 0 &= [9 - (s-5)] = 0 \\
 0 &= (3+5-s)(3-s-5) = 0 \\
 0 &= (s-8)(s-8) = 0 \\
 0 &= s-8 = 0 \quad \text{أو} \quad s-8=0 \\
 s &= 8 \\
 s &\in \mathbb{N} \\
 \therefore \text{مجموعة الحل} &= \{8-68\} = \{0-68\}
 \end{aligned}$$

الجواب

٤٣ حل المتباينات التالية :

$$\begin{array}{l} \boxed{ب} \\ 1 \geq 5 - x \\ 0 + 1 \geq 0 + 5 - x \\ 6 \geq x \end{array}$$

حل المتباينة هو مجموعة الأعداد النسبية
الأصغر من أو تساوي ٦

$$\begin{array}{l} \boxed{م} \\ 7 < 5 + x \\ 0 - 7 < 0 - 5 + x \\ 2 < x \end{array}$$

حل المتباينة هو مجموعة الأعداد
النسبة الأكبر من ٢

$$\begin{array}{l} \boxed{د} \\ 7 > 5 - x \\ 0 + 7 > 0 + 5 - x \\ 12 > 5 - x \\ \frac{12}{5} > \frac{-x}{5} \\ 4 > x \end{array}$$

حل المتباينة هو مجموعة الأعداد النسبية
الأصغر من ٤

$$\begin{array}{l} \boxed{ج} \\ \frac{5}{2} \geq \frac{x}{6} \\ \frac{5}{2} \times 6 \geq x \\ 15 \geq x \end{array}$$

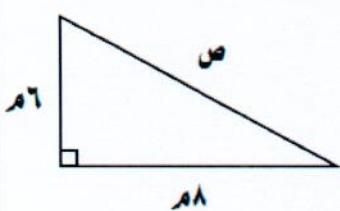
حل المتباينة هو مجموعة الأعداد
النسبة الأصغر من أو تساوي ١٥

$$\begin{array}{l} \boxed{هـ} \\ 6 \geq 9 - x \\ 9 + 6 \geq 9 + 9 - x \\ 15 \geq 18 - x \\ \frac{15}{18} \leq \frac{18 - x}{18} \\ \frac{5}{6} \leq \frac{x}{18} \end{array}$$

حل المتباينة هو مجموعة الأعداد النسبية
الأكبر من أو تساوي $\frac{5}{6}$

$$\begin{array}{l} \boxed{هـ} \\ 7 \leq 1 - 3x \\ 1 - 7 \leq 1 - 1 - 3x \\ -6 \leq -3x \\ \frac{6}{3} \geq \frac{-3x}{-3} \\ 2 \geq x \end{array}$$

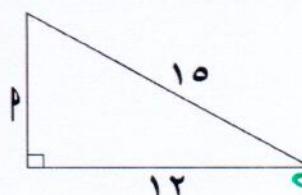
حل المتباينة هو مجموعة الأعداد النسبية
الأكبر من أو تساوي -٢



٤٤

مستخدما نظرية فيثاغورث أوجد طول الصلع الناقص فيما يأتي بالمثلثات القائمة :

$$\begin{array}{l} \boxed{ب} \\ \begin{aligned} c^2 &= 6^2 + 8^2 \\ c^2 &= 36 + 64 \\ c^2 &= 100 \\ c &= \sqrt{100} \\ c &= 10 \end{aligned} \end{array}$$



١٧

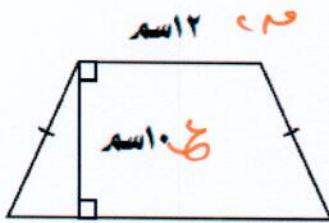
$$\begin{array}{l} \boxed{م} \\ c^2 = (15)^2 - (12)^2 \\ 225 - 144 = \\ 81 = \end{array}$$

$\sqrt{81} = 9$ وحدة طول

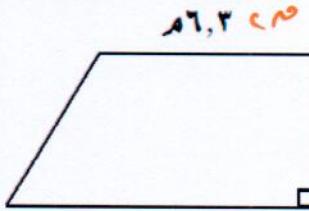
الجبر

احسب مساحة كل من شبه المنحرف فيما يأتي :

٤٥



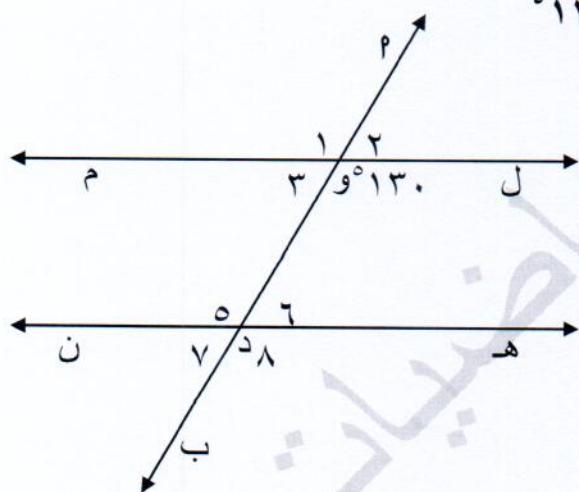
$$\begin{aligned} \text{مساحة شبه المنحرف} &= \frac{(12+10) \times 8}{2} \\ &= \frac{22 \times 8}{2} \\ &= 11 \times 8 = 88 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{مساحة شبه المنحرف} &= \frac{(10+8) \times 6}{2} \\ &= \frac{18 \times 6}{2} \\ &= 9 \times 6 = 54 \end{aligned}$$

مستخدما الشكل المقابل أكمل ما يأتي :

٤٦



إذا كان $M \parallel L$ ، $\angle 1 = \angle 2 = 130^\circ$

السبب بالتعارضي والمتبادل

١ $\angle 5 = \angle 6 = 130^\circ$

السبب بالتعارضي بالرأس

٢ $\angle 7 = \angle 8 = 130^\circ$

السبب بالتعارضي والمتاظهر

٣ $\angle 1 = \angle 5 = 130^\circ$

السبب بالتعارضي والمتاظهر

٤ $\angle 2 = \angle 8 = 50^\circ$

السبب بالتجانس على خط مستقيم مع $(L \parallel M)$

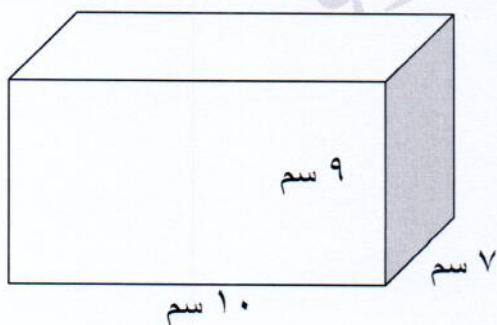
٥ $\angle 6 = \angle 7 = 50^\circ$

السبب بالتعارضي والمتاظهر

احسب مساحة سطح كل من المجسمات الآتية :

٤٧

١ شبه مكعب :



معلق

أسطوانة : ($\pi \cdot 14 = 43$)

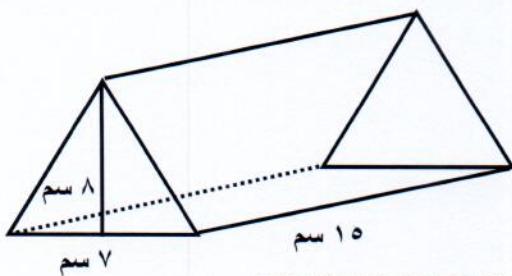
٢



معلمه

المنشور الثلاثي :

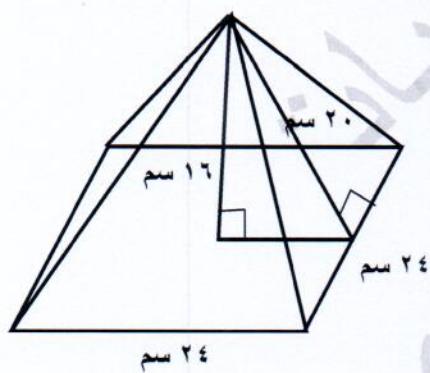
٣



معلمه

الهرم الرباعي :

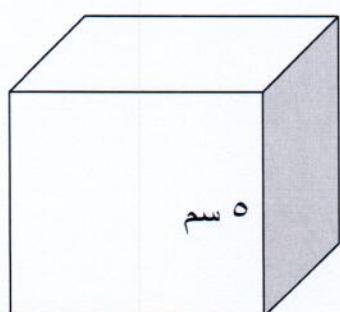
٤



معلمه

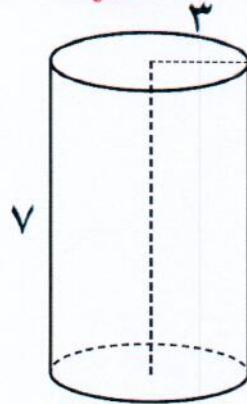
المكعب :

٥



معلمه

٤٦.



أوجد حجم كل مجسم مما يلي : (اعتبر $\pi = \frac{22}{7}$)

٤٨

أسطوانة دائيرية :

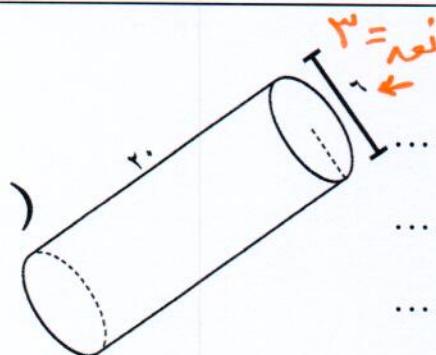
١

$$\text{حجم} = \pi \times \text{نطعه} \times \text{ارتفاع}$$

$$\pi \times 3 \times \frac{22}{7} =$$

$$9 \times \frac{22}{7} =$$

$$\text{وحدة حجم} = 198 =$$



(اعتبر $\pi = 3,14$)

أسطوانة دائيرية :

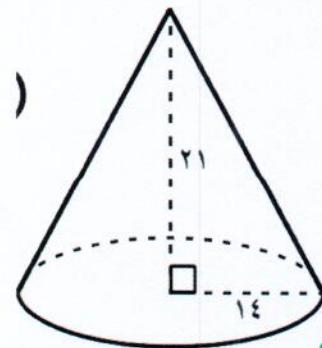
٢

$$\text{حجم} = \pi \times \text{نطعه} \times \text{ارتفاع}$$

$$\pi \times 3 \times 20 =$$

$$3,14 \times 9 \times 20 =$$

$$\text{وحدة حجم} = 565,2 =$$



(اعتبر $\pi = \frac{22}{7}$)

مخروط دائري :

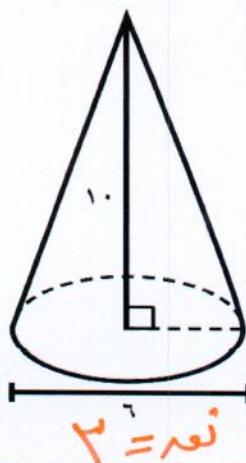
٣

$$\text{حجم} = \frac{1}{3} \times \pi \times \text{نطعه}^2 \times \text{ارتفاع}$$

$$\pi \times 7 \times (14) \times \frac{22}{7} \times \frac{1}{3} =$$

$$(3 \times 196 \times 22) \times \frac{1}{3} =$$

$$4312 = 12936 \times \frac{1}{3} =$$



(اعتبر $\pi = 3,14$)

مخروط دائري :

٤

$$\text{حجم} = \frac{1}{3} \times \pi \times \text{نطعه}^2 \times \text{ارتفاع}$$

$$3,14 \times 1 \times 1 \times 10 \times \frac{1}{3} =$$

$$(3,14 \times 1 \times 10) \times \frac{1}{3} =$$

$$94,2 = 482,6 \times \frac{1}{3} =$$

٢٠

H.L.

أوجد قيمة كل مما يلي : ٤٩

$$\frac{1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5}{1 \times 2 \times 3} = (b) !^5$$

$$\frac{1 \times 2 \times 3}{1 \times 2} = (a) !^3$$

$$\frac{1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 \times 6}{1 \times 2 \times 3} = (d) !^6$$

$$\frac{1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 \times 6 \times 7}{1 \times 2 \times 3} = (j) !^{(3-10)}$$

$$\frac{7 \times 8 \times 9 \times 10}{1 \times 2 \times 3} = (o) !^10$$

$$\frac{8 \times 9 \times 10}{1 \times 2 \times 3} = (h) !^10$$

$$\frac{7 \times 8 \times 9 \times 10 \times 11 \times 12}{1 \times 2 \times 3} = (y) !^12$$

$$\frac{8 \times 9 \times 10 \times 11 \times 12}{1 \times 2 \times 3} = (n) !^12$$

- أجب عن الأسئلة التالية :** ٥٠
- ١ كم عدد الطرائق التي يمكن أن يتم بواسطتها اختيار طالبين مع مراعاة الترتيب أو أن يكون واحداً تلو الآخر من ٨ طلاب؟

$$\text{عدد الطرائق} = 8!$$

$$= 7 \times 8 = 56$$

- ٢ بكم طريقة يمكن اختيار ٣ كؤوس من مجموعة من ٦ كؤوس؟

$$\text{عدد الطرائق} = 6!$$

$$= \frac{6 \times 5 \times 4}{1 \times 2 \times 3} = 20 \text{ طريقة}$$

- ٣ بكم طريقة يمكن اختيار ٥ طلاب من بين ٨ طلاب سوف يقومون بتقديم مسرحية في مسرح المدرسة؟

$$\text{عدد الطرائق} = 8!$$

$$= \frac{8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4}{1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5} = 1680$$

- ٤ ما عدد طرائق الاختيار لطلاء: من نوعين من الطلاء، ٥ ألوان؟

$$\text{عدد الطرائق} = 5 \times 2 = 10 \text{ طرائق}$$

H.6.

ما عدد طرائق الاختيار لدراجة : من ٥ ألوان ، ٣ أحجام ، ٤ موديلات ؟

$$\begin{aligned} \text{عدد الطرائق} &= 4 \times 3 \times 5 \\ &= 60 \end{aligned}$$

في لعبة الكراسي الموسيقية يقوم جاسم وخالد و محمد بالجري للجلوس على مقعدين ، أوجد عدد الطرائق المختلفة للجلوس على المقعدين .

$$\begin{aligned} \text{عدد الطرائق} &= 3 \times 2 \\ &= 6 \end{aligned}$$

اكتب فضاء العينة لتجربة رمي ثلاثة قطع نقود متمايزة مرة واحدة وحدد عدد النواتج

فضاء العينة = { (ص، ص، ص) ، (ص، ص، ك) ، (ص، ك، ك) ،
(ص، ك، ص) ، (ك، ك، ص) ، (ك، ك، ك) ،
(ك، ص، ص) ، (ك، ص، ك) }

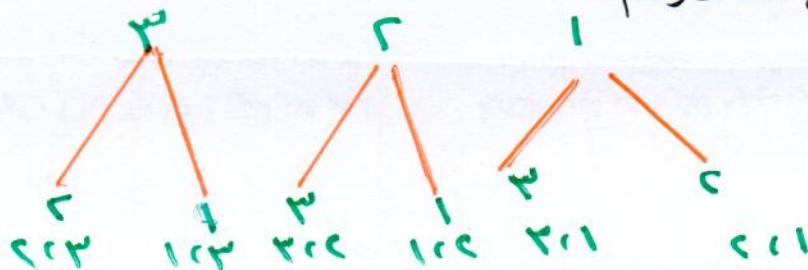
$$\begin{aligned} \text{عدد النواتج} &= 2 \times 2 \times 2 \\ &= 8 \end{aligned}$$

اكتب فضاء العينة لتجربة إلقاء حجر نرد ثم إلقاء قطعة نقود .

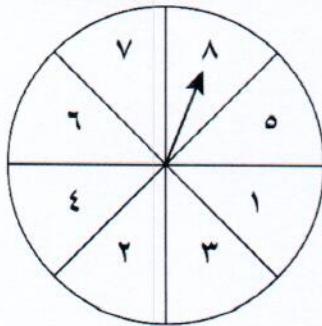
فضاء العينة = { (٦، ١)، (٦، ٢)، (٦، ٣)، (٦، ٤)، (٦، ٥)، (٦، ٦)،
(٦، ٧)، (٦، ٨)، (٦، ٩)، (٦، ١٠)، (٦، ١١) }

اختار جاسم الأرقام التالية : ١ ، ٢ ، ٣

ارسم مخطط الشجرة البيانية لتبيين كل الأعداد المكونة من رقمين مختلفين التي تختارها من بين هذه الأرقام .



٤٦.



قام عمر بتدوير اللوحة الدوارة المقابلة لمرة واحدة .

٥١

أوجد احتمال ما يأتي :

١

$$\text{وقف المؤشر عند الرقم } 1 = \frac{1}{8}$$

٢

$$\text{وقف المؤشر عند الرقم } 8 = \frac{1}{8}$$

٣

$$\text{وقف المؤشر عند رقم زوجي} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$

٤

$$\text{وقف المؤشر عند رقم فردي} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$

٥

$$\text{وقف المؤشر عند الرقم } 9 = \frac{0}{8}$$

إذا تم رمي قطعة نقود معدنية وحجر نرد معًا مرة واحدة فأوجد احتمال ما يأتي :

٥٢

$$\text{ظهور صورة والرقم } 5 = \frac{1}{12}$$

١

$$\text{ظهور كتابة والرقم } 2 = \frac{1}{12}$$

٢

$$\text{ظهور صورة ورقم زوجي} = \frac{1}{4} = \frac{3+3}{12} = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$$

٣

$$\text{ظهور صورة ورقم اكبر من } 6 = \frac{0}{12} = 0$$

٤

$$\text{ظهور كتابة او صورة ورقم اصغر من } 7 = \frac{1}{12} = 1$$

٥

صندوق فيه ٩ كرات متماثلة تماماً مرقطة من ١ إلى ٩ . سُحبَت كررة عشوائياً من الصندوق . أوجد احتمال كل من الأحداث التالية :

٥٣

$$1 \quad \text{« ظهور عدد اصغر من } 4 \» = \frac{1}{3} = \frac{3+3}{9} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$$

١

$$2 \quad \text{ب « ظهور عدد فردي »} = \frac{4}{9}$$

٢

$$3 \quad \text{ج « ظهور عدد اصغر من } 4 \text{ أو ظهور عدد فردي »} = \{9, 6, 7, 5, 3, 2, 1\}$$

٣

$$\frac{5}{9} = \frac{2+3}{9} =$$

يوجد في أحد معسكرات الشباب ٩ أشخاص من البحرين و ٨ أشخاص من الكويت ، ٧ أشخاص من السعودية . اختر من بينهم أحد الأشخاص عشوائياً احسب احتمال أن يكون من السعودية أو من الكويت .

$$\text{ل (أن يكون من السعودية أو من الكويت)} = \frac{15}{24} = \frac{5}{8}$$



عند رمي حجر نرد مرة واحدة ، وسحب كرة عشوائياً من الكيس المجاور الذي فيه كرات . أوجد احتمال كل من :

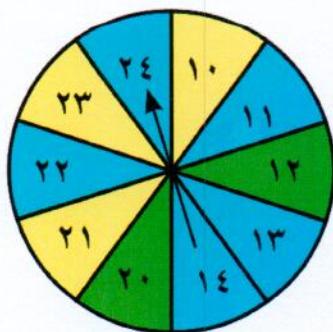
(٣ خضراء - ٢ بنفسجية - ١ برتقالية - ١ صفراء - ١ زرقاء - ٢ حمراء)

$$1 \text{ ل (الحصول على ١ و كرة حمراء)} = \frac{1}{6} \times \frac{2}{6} = \frac{1}{36}$$

$$2 \text{ ل (الحصول على ٣ و كرة بنفسجية)} = \frac{1}{6} \times \frac{5}{6} = \frac{5}{36}$$

$$3 \text{ ل (الحصول على عدد زوجي وكرة حضراء)} = \frac{3}{6} \times \frac{3}{6} = \frac{9}{36} = \frac{1}{4}$$

عند تدوير القرص المجاور مرة واحدة أوجد



$$1 \text{ احتمال الحصول على (العدد ١١ أو عدد أكبر من ٢١)} = \frac{4}{24} = \frac{1}{6}$$

$$2 \text{ احتمال الحصول على (قطاع أزرق أو عدد يقبل القسمة على ٢٣)} = \frac{6}{24} = \frac{1}{4}$$

$$3 \text{ احتمال الحصول على (قطاع أصفر أو مضاعف للعدد ١١)} = \frac{8}{24} = \frac{1}{3}$$

$$4 \text{ احتمال الحصول على (قطاع أخضر أو عامل من عوامل العدد ٧)} = \frac{4}{24} = \frac{1}{6}$$