

حل نماذج اختبارات

الصف الثامن

(رياضيات)

الفصل الدراسي الثاني

٢٠١٨ / ٢٠١٩ م

مدرسة هند م. بنات

أ/ فاطمة العظيمة

رئيسة القسم : أ/ خديجة إلياس

مديرة المدرسة : أ/ نوال بوصخر

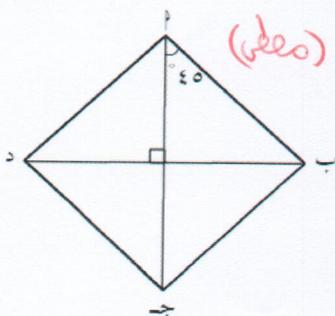
السؤال الأول

في تجربة إلقاء حجر نرد مرة واحدة ، وملاحظة العدد الظاهر على وجهه . أوجد احتمال كل من الأحداث التالية: ١ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦

- ١ ظهور عدد زوجي $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$
- ٢ ظهور عدد أولي $\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$
- ٣ لا يوجد ظهور عدد أكبر من ٧ $\frac{6}{6} = 1$ صفر
- ٤ ظهور عدد فردي $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$
- ٥ ظهور عدد أصغر من ٦ $\frac{5}{6}$

ب أ ب ج د معين فيه ق (ب أ ج) = ٤٥°

أثبت ان : الشكل أ ب ج د مربع

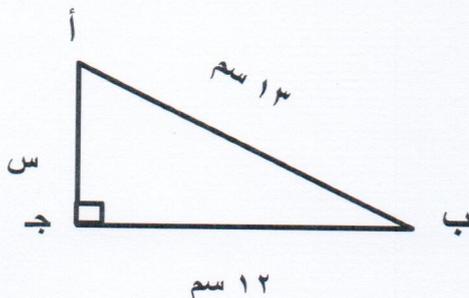


∴ أ ب ج د معين (ملاحظي) ، ∴ $\hat{P} = 90^\circ = 45^\circ + 45^\circ$ (ملاحظي)

∴ لأن أقطار المعين تنصف الزوايا المتقابلة فيه

∴ أ ب ج د مربع لأنه معين له زوايا قائمة قائمة

ج أوجد طول ضلع القائمة في المثلث أ ب ج المرسوم أمامك:



من نظرية فيثاغورس

$$c^2 = (a^2) + (b^2)$$

$$c^2 = (13)^2 + (12)^2$$

$$c^2 = 169 + 144$$

$$c^2 = 313$$

$$c = \sqrt{313} = 17.7$$

السؤال الثاني

أ ب ج د معين ، أ ب = ٢س + ١ وحدة طول ، ب ج = ٤ وحدة طول . أوجد قيمة س .

∴ أضلاع المربع متطابقة

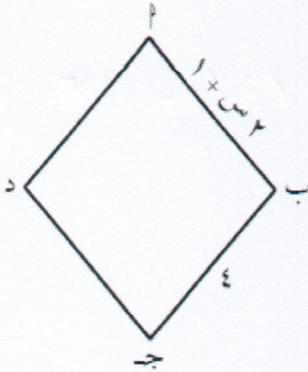
$$2س + 1 = 4$$

$$2س = 4 - 1$$

$$2س = 3$$

$$س = \frac{3}{2}$$

$$س = \frac{3}{2}$$



ب أوجد مجموعة حل المعادلة التالية حيث س ∈ ℤ .

$$٣س^٣ - ٢٧ = ٠$$

$$٣س^٣ - ٢٧ = ٠$$

$$\frac{٣س^٣}{٣} = \frac{٢٧}{٣}$$

$$س^٣ = ٩$$

$$س = (٣ + س)(٣ - س)$$

$$\Rightarrow س = ٣ \quad \leftarrow \text{إما } س = ٣$$

$$\Rightarrow س = -٣ \quad \leftarrow \text{أو } س = -٣$$

ج ا طرح (٥س^٢ + ٦س - ١) من (٤س^٢ - ١٤س + ١)

$$٤س^٢ - ١٤س + ١$$

$$- (٥س^٢ + ٦س - ١)$$

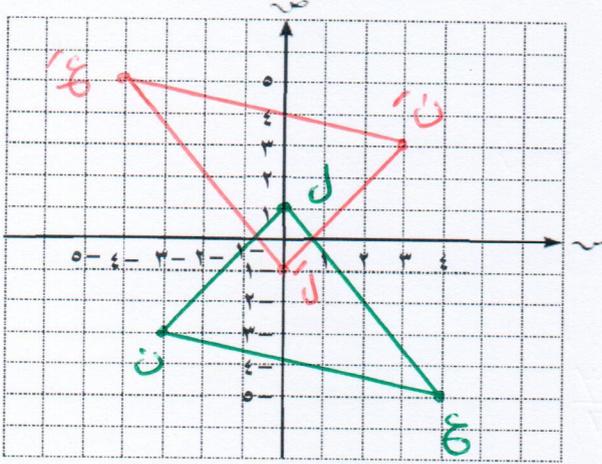
$$- ٥س^٢ - ٦س + ١$$

$$- ٥س^٢ - ٦س + ١ + ٤س^٢ - ١٤س + ١$$

ملاحظة: عملية الطرح تحول إلى جمع النظير الجمعي

السؤال الثالث

أرسم Δ ن ل ع حيث ن $(-3, -3)$ ، ل $(1, 0)$ ، ع $(5, -4)$ ، ثم عين صورته تحت تأثير د $(O, 180^\circ)$



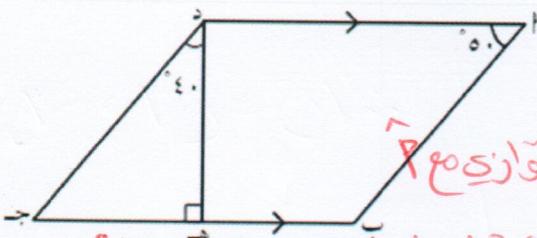
(ن، ل، ع) $\xrightarrow{180^\circ}$ (ن'، ل', ع')

ن $(-3, -3) \rightarrow$ ن' $(3, 3)$

ل $(1, 0) \rightarrow$ ل' $(1, 0)$

ع $(5, -4) \rightarrow$ ع' $(5, 4)$

ب أ ب ج د شكل رباعي فيه $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ، $\overline{DE} \perp \overline{AB}$ ، ق $(\hat{A}) = 50^\circ$ ،



ق $(\hat{HDE}) = 40^\circ$

فبرهن أن الشكل أ ب ج د متوازي أضلاع.

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ (مطلوب) بالتعاقب والتوازي مع \hat{A}

ق $\hat{B} = 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ$ بالتعاقب والتوازي مع \hat{A}

ق $\hat{D} = 180^\circ - (50^\circ + 90^\circ) = 40^\circ$ لأنه مجموع قياسات زوايا $\Delta = 180^\circ$

ق $\hat{C} = 180^\circ - 50^\circ - 130^\circ = 0^\circ$ وهما متقابلتان ① وهما متقابلتان ②

∴ م ①، ② ب ج د متوازي لأن كل زاويتين متقابلتين متساويتين بقين

أوجد ناتج:

$$5س^٢ص^٢ + ٣س^١ص^١ - ٥ \div ١٥س$$

$$\frac{٥س^٢ص^٢}{١٥س} + \frac{٣س^١ص^١}{١٥س} + \frac{٥-}{١٥س}$$

$$\frac{١س^٢ص^٢}{٣} + \frac{١س^١ص^١}{٥} + \frac{١-}{٣س}$$

السؤال الرابع

أ حل المتباينة $5 - 3 \leq 2 + 4$ ص حيث $\exists \text{ ن}$:

$$5 - 3 \leq 2 + 4$$

$$2 - 5 \leq 3 + 4$$

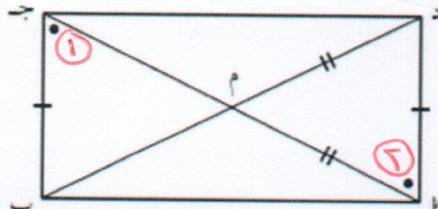
$$-3 \leq 7$$

$$\frac{-3}{4} \leq \frac{7}{4}$$

حل المتباينة هو مجموعة الأعداد النسبية الأكبر منه أو يساوي

$$\frac{-3}{4}$$

ب أثبت أن: الشكل أ ب ج د مستطيل .



$\angle 1 = \angle 2$ (معلومي) وهما في وضع تبادل

$$\therefore \overline{AD} \parallel \overline{BC} \quad (1)$$

$$\therefore \overline{AD} = \overline{BC} \quad (2) \text{ (معلومي)}$$

من (1) و (2) $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ و $\overline{AD} = \overline{BC}$ متوازيين ومتساويين
القطران متساويان في متوازي الأضلاع

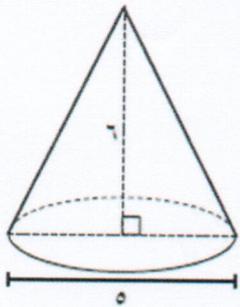
$$\therefore \overline{AM} = \overline{CM} \quad \overline{DM} = \overline{BM} \quad \overline{AC} = \overline{BD} \quad (3) \text{ (معلومي)}$$

$\overline{AD} = \overline{BC}$ و $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ من خواص المتساوية

من (1) و (2) و (3) $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ و $\overline{AD} = \overline{BC}$ متطابقان

ج أوجد حجم المخروط المرسوم أمامك. (اعتبر $\pi = 3,14$)

$$r = \frac{5}{2} = 2,5$$



$$\text{حجم المخروط} = \frac{\pi r^2 h}{3}$$

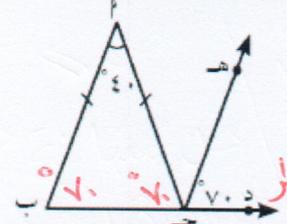
$$= \frac{3,14 \times 2,5^2 \times 7}{3}$$

$$= 39,25 \text{ وحدة مكعبة}$$

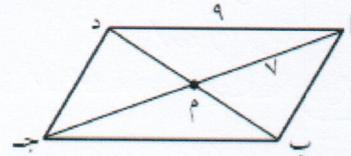
السؤال الخامس

أولاً: في البنود (١-٤) عبارات ، لكل بند ظلل في ورقة الإجابة
 (أ) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

١٢

<p>(ب) (أ)</p>	<p>١ في الشكل المرسوم ب أ // ج ه $\hat{ق} \hat{ب} = \hat{ه} \hat{د} = ٧٠^\circ$ وهما في وضع تناظر</p> 
<p>(ب) (أ)</p>	<p>٢ ناتج جمع $٣س^٢$ ، $٥س^٣$ هو $٨س^٥$ لا تجمع لانه الحدود مختلفة</p>
<p>(ب) (أ)</p>	<p>٣ حجم أسطوانة طول نصف قطرها ٧ وحدة وطول وارتفاعها ٥ وحدة طول يساوي ١١٠ وحدة مكعبة . $٧٧٠ = ٥ \times ٧ \times ٧ \times \frac{٢٢}{٧} = ٤٤٠ \pi = ٤$</p>
<p>(ب) (أ)</p>	<p>٤ $١٠ = ٢^\circ$ $٦ = ٤ \times ٥$</p>

ثانياً: في البنود من (٥ - ١٢) لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح ظلل الدائرة الدالة على الاختيار الصحيح فيما يلي :-

	<p>٥ في متوازي الأضلاع المرسوم ، أ ج = $٧ + ٧ = ١٤ =$ (أ) ٧ وحدة طول (ب) ١٤ وحدة طول (ج) ٣ وحدة طول (د) ٩ وحدة طول</p>
<p>صورة النقطة هـ (-٤ ، -١) باستخدام قاعدة الإزاحة $(٤ - ١ - ٦ ٥ + ٤ -)$ (س ، ص) ← (س + ٥ ، ص - ٤) هي : $(٥ - ٦ ١)$</p>	<p>٦ (أ) هـ (١ ، ٣) (ب) هـ (٥ ، ١) (ج) هـ (٥ ، ٩) (د) هـ (٥ ، ٩)</p>
<p>صورة النقطة ع (-٢ ، -٤) بالانعكاس في محور السينات هي : $(٤ - ٢ -)$ (س ، ص) ← (س - ٦ ، ص)</p>	<p>٧ (أ) ع (-٢ ، -٤) (ب) ع (-٢ ، -٤) (ج) ع (٤ ، ٢) (د) ع (٢ ، -٤)</p>

٨	$3س٢ - ٥ = ٦س٤ - ١٥$ <p> <input type="radio"/> أ $٥ - ٢س٦$ <input type="radio"/> ب $١٥ - ٢س٦$ <input checked="" type="radio"/> ج $٥ + ٢س٦$ <input checked="" type="radio"/> د $١٥ - ٢س٦$ </p>
٩	<p>المتباينة $٢س٢ < ٦$ تكافئ :</p> $\frac{٢س٢}{٢} > \frac{٦}{٢} \Leftrightarrow ٣ > ٣$ <p> <input type="radio"/> أ $١٢ < ٣س٢$ <input type="radio"/> ب $١ < ٣س٢$ <input checked="" type="radio"/> ج $٣ > ٣س٢$ <input type="radio"/> د $٣ < ٣س٢$ </p>
١٠	<p>في تجربة إلقاء حجري نرد متمايزين مرة واحدة فإن احتمال الحصول على رقمين مجموعهما يساوي ٨ هو: $(٦,٢) , (٢,٦) , (٥,٣) , (٣,٥) , (٤,٤)$</p> <p> <input checked="" type="radio"/> أ $\frac{٥}{٣٦}$ <input type="radio"/> ب $\frac{٥}{٦}$ <input checked="" type="radio"/> ج $\frac{١}{٦}$ <input type="radio"/> د ١ </p>
١١	<p>يعني ٥ أوجه</p> <p>علبة بدون غطاء على شكل مكعب طول ضلعه س، فإن المساحة السطحية للعلبة تساوي :</p> <p> <input type="radio"/> أ $٤س٢$ <input checked="" type="radio"/> ب $٥س٢$ <input checked="" type="radio"/> ج $٦س٢$ <input type="radio"/> د $٢س٢$ </p>
١٢	<p>إذا كان $٢س٢ - ١ = ٩$، فإن قيمة المقدار $١٠س٢ - ٥$ هي :</p> $١٠س٢ - ٥ = ١٠(١ + ٩) - ٥ = ١٠٠ - ٥ = ٩٥$ <p> <input type="radio"/> أ ٧٥ <input type="radio"/> ب ٥٥ <input checked="" type="radio"/> ج ٩٥ <input type="radio"/> د ٢٥ </p>

انتهت الأسئلة

$$\begin{aligned} 9 &= 1 - 2س٢ \\ 1 + 9 &= 2س٢ \\ \frac{10}{2} &= \frac{2س٢}{2} \\ 5 &= س٢ \end{aligned}$$

أولاً: الأسئلة المقالية: أجب على جميع الأسئلة موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول: -

١٢

٢) في تجربة إلقاء حجر نرد مرة واحدة ، وملاحظة العدد الظاهر على وجهه .

أوجد احتمال كل من الأحداث التالية : ٦، ٥، ٤، ٣، ٢، ١

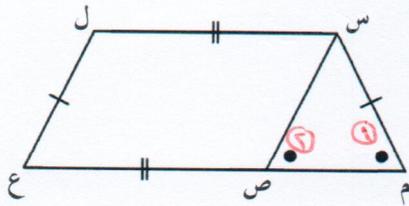
٦، ٤، ٢ ▪ ظهور عدد زوجي $\frac{1}{2} = \frac{3}{6}$

٥، ٣، ٢ ▪ ظهور عدد أولي $\frac{1}{3} = \frac{2}{6}$

مستحيل ▪ ظهور عدد أكبر من ٧ صفر

٥، ٤، ٣، ٢، ١ ▪ ظهور عدد أصغر من ٦ $\frac{1}{6}$

٤



ب) في الشكل المقابل: $LS = SE$ ، $SM = LE$ ، $\hat{M} \cong \hat{S}$ ، $SE \cong SM$

أثبت أن الشكل الرباعي SLEM متوازي أضلاع .

∵ $\hat{S} = \hat{M}$ (معطى) ∴ $SE \parallel LM$ من خواص Δ متطابق الضلعين

∴ $SE = LM$ (مطابق) ∴ $SE = LE$ (١) ∴ خواص المتساوية

∴ $SE = SM$ (٢) (مطابق)

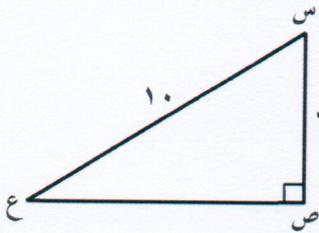
∴ $SE \parallel LM$ ، $SE = SM$ متوازي أضلاع لدنه فيه كل ضلعين متقابلين

متطابقين

٥

ج) س ص ع مثلث قائم الزاوية في ص فيه: س ص = ٦ وحدة طول ، س ع = ١٠ وحدة طول .

أوجد ص ع .



من نظرية فيثاغورث

$$SE^2 = SV^2 + VE^2$$

$$10^2 = 6^2 + VE^2$$

$$100 = 36 + VE^2$$

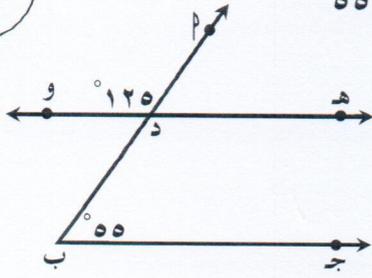
$$64 = VE^2 \Rightarrow VE = 8$$

$$VE = \sqrt{64} = 8 \text{ وحدة طول}$$

٣

السؤال الثاني :-

١٢



٢ في الشكل المقابل : و ($\hat{م د و}$) = 125° ، و ($\hat{د ب ج}$) = 55°

أثبت أن $\vec{هـ و} \parallel \vec{ب ج}$

ق ($\hat{م د هـ}$) = $180^\circ - 125^\circ = 55^\circ$
بالتجاور على خط مستقيم

ق ($\hat{م د هـ}$) = ق ($\hat{ب ج}$) = 55° وهما في وضع تناظر

$\therefore \vec{هـ و} \parallel \vec{ب ج}$

٣

ب حل المتباينة التالية في ٥

$$3 - 5 < 1 - 3$$

∴ حل المتباينة هي مجموعة الأعداد النسبية الأخرى من ٢

$$3 - 5 < 1 - 3$$

$$3 - 7 < 1 - 3$$

$$\frac{3 - 7}{3} > \frac{1 - 3}{3}$$

$$3 > 2$$

٤

ج من ($2 - 3 - 2$) اطرح ($1 + 3 + 2$)

$$1 + 3 - 2 - 3 - 2$$

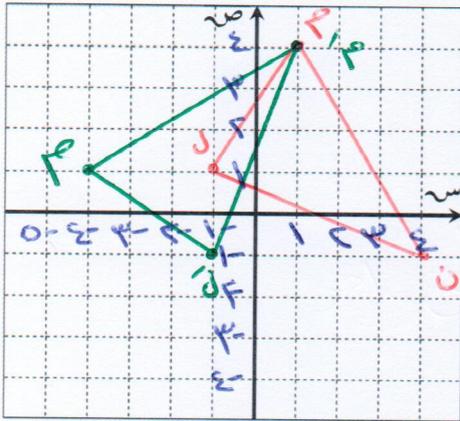
$$\begin{array}{r} \oplus \oplus \\ 2 - 3 + 3 - 2 - 2 \end{array}$$

$$3 - 2 - 3 + 3 - 2$$

٥

السؤال الثالث :-

١٢



٢ في المستوى الإحداثي ارسم المثلث ل م ن بحيث

ل (-١، ١) ، م (١، ١) ، ن (٤، -١)

ثم ارسم صورته بدوران مركزه نقطة الأصل

وقياس وزاويته ٩٠°.

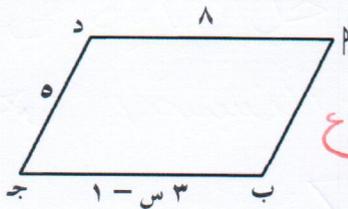
(س ٤) ← (س ٤، س)

ل (-١، ١) ← ل' (-١، ٤)

م (١، ١) ← م' (١، ٤)

ن (٤، -١) ← ن' (٤، ١)

٥



ب ج د متوازي أضلاع ، ب ج = ٣ س ١ وحدة طول

٨ = د ج ، د ج = ٥ وحدة طول ، أوجد قيمة س .

∴ كل ضلعين متقابلين متطابقين في متوازي الأضلاع

$$٣ = س$$

$$ب ج = د ج$$

$$٨ = ٣ س - ١$$

$$١ + ٨ = ٣ س$$

$$\frac{٩}{٣} = \frac{٣ س}{٣}$$

٣

ج أوجد ناتج $\frac{٥ س^٢ ص^٢ + ٣ س^٣ ص^٧ + ٥ - ٢ ص^٥}{١٥ س}$

١٥ س

$$\frac{٥ - ٢ ص^٥}{١٥ س} + \frac{٣ س^٣ ص^٧}{١٥ س} + \frac{٥ س^٢ ص^٢}{١٥ س}$$

$$\frac{١ - ٢ ص^٥}{٣ س} + \frac{١ س^٦ ص^٧}{٥} + \frac{١ س ص^٣}{٣}$$

٤

السؤال الرابع :-

٢ أوجد مجموعة حل المعادلة التالية:

$$٣س^٢ - ٢٧ = ٠ ، س \in \mathbb{R}$$



$$\{٣-، ٣\} = ٠$$

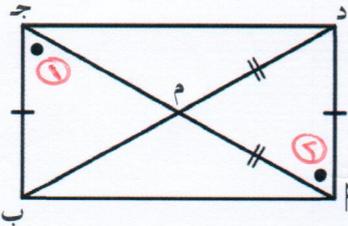
$$\frac{١}{٣} = \frac{٢٧}{٣} - \frac{٣س^٢}{٣}$$

$$٠ = ٩ - س^٢$$

$$٠ = (٣ + س)(٣ - س)$$

$$\text{إما } ٣ - س = ٠ \iff س = ٣ \text{ أو } ٣ + س = ٠$$

$$\text{أو } ٣ + س = ٠ \iff س = -٣$$



٣ باستخدام المعطيات في الرسم أثبت أن الشكل م ب ج د مستطيل.

١٠ ق١ = ق٢ (معطى) وهما في وضع تبادل

$$\text{١١ } \overline{١} \parallel \overline{٢} \text{ (معطى)}$$

$$\text{١٢ } \overline{٣} = \overline{٤} \text{ (معطى)}$$

من ١٠، ١١، ١٢ ب ج د متوازي أضلاع لذئ فيه ضلعاه متقابلاه متطابقاه ومتوازياه

١٣ القطران متناصفان في متوازي الأضلاع

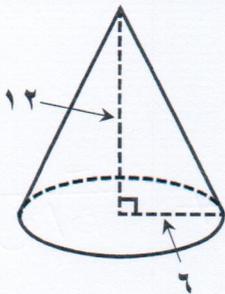
$$\text{١٤ } \overline{٣} = \overline{٤} ، \overline{٥} = \overline{٦} ، \overline{٣} = \overline{٤} \text{ (معطى)}$$

١٥ د ب = ب ج ، القطران متطابقاه ، وهما خواص المساواة

١٦ من ١٤، ١٥ ب ج د مستطيل لذئ متوازي أضلاعه قطراه متطابقاه



٣ أوجد حجم المخروط المبين في الشكل المجاور:



$$\text{ح المخروط} = \frac{\pi \times ٦^٢ \times ١٢}{٣}$$

$$= \frac{١٥٧٠٨ \pi}{٣}$$

$$= ٥٢٣٦ \pi \text{ وحدة مكعبة}$$



ثانياً: البنود الموضوعية

١٢

السؤال الخامس: -

أولاً: في البنود (١ ← ٤) ظلل (م) إذا كانت العبارة صحيحة:
أو ظلل (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة:

<input checked="" type="radio"/> (ب) <input type="radio"/> (م)	١	يكون الشكل الرباعي متوازي أضلاع إذا تطابق فيه فقط ضلعان متقابلان. <i>كرد ضلعين متقابلين</i>
<input checked="" type="radio"/> (ب) <input type="radio"/> (م)	٢	ناتج $٤(٢س٢) = ١ = ٠$ ، $س \neq ٠$ <i>الناتج $٤ = ١ \times ٤ = ٤$</i>
<input type="radio"/> (ب) <input checked="" type="radio"/> (م)	٣	$٢س + ٤س = ٢س(١ + ٢)$ <i>تحليل $٢س + ٤س$</i>
<input checked="" type="radio"/> (ب) <input type="radio"/> (م)	٤	المثلث الذي أطوال أضلاعه ٣ وحدة طول ، ٦ وحدة طول ، ٥ وحدة طول ، مثلث قائم الزاوية. <i>$٣(٦) = ١٨$ ، $٥(٥) = ٢٥$ ، $٣(٥) = ١٥$ $١٨ \neq ٢٥$</i>

ثانياً: في البنود (٥ ← ١٢) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح
ظلل دائرة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة: -

<input type="radio"/> (م) <input checked="" type="radio"/> (ب) <input type="radio"/> (ج) <input checked="" type="radio"/> (د)	٥	صورة النقطة (٢ ، ٣) بانعكاس في نقطة الأصل يكافئ إزاحة حسب القاعدة: $(٣ - ٤ - ٣)$ (س - ٤ ، ص - ١) <input type="radio"/> (م) (س - ٤ ، ص - ٦) <input checked="" type="radio"/> (ج) (س - ٤ ، ص + ٦) <input type="radio"/> (ب) (س - ٤ ، ص - ٤) <input type="radio"/> (د)
<input checked="" type="radio"/> (د) <input type="radio"/> (ج) <input type="radio"/> (ب) <input type="radio"/> (م)	٦	$٣س(٢س - ٧) = ٦س - ٢١س$ $٦س - ٢١س$ <input checked="" type="radio"/> (د) $٦س - ٢١س$ <input type="radio"/> (ج) $٦س - ٢١س$ <input type="radio"/> (ب) $٦س - ٢١س$ <input type="radio"/> (م)
<input type="radio"/> (م) <input type="radio"/> (ج) <input checked="" type="radio"/> (د) <input type="radio"/> (ب)	٧	قيمة كثيرة الحدود $٢س^٣ - ٣س^٢ + ٧س + ٢ = ٢ - ٢$ هي: ٢١ <input type="radio"/> (م) $٢١ -$ <input checked="" type="radio"/> (ب) ١٢ <input type="radio"/> (ج) $١٢ -$ <input type="radio"/> (د)

$$٧ + ٢(٢ - ٣) \times ٣ - ٣(٢ - ٣) \times ٢$$

$$٧ + ٢ \times ٣ - (١ - ٣) \times ٢$$

$$٧ + ٦ - ١٦ -$$

$$٢١ - = ٧ + ٢٨ -$$

	<p>مساحة شبه المنحرف في الشكل المقابل تساوي : $4 \times \frac{8+6}{2} = 4 \times 7 = 28$</p> <p>٢٨ وحدة مربعة <input checked="" type="radio"/> أ</p> <p>٥٦ وحدة مربعة <input type="radio"/> ب</p> <p>٤٨ وحدة مربعة <input type="radio"/> ج</p> <p>١٨ وحدة مربعة <input type="radio"/> د</p>	<p>٨</p>
	<p>الشكل الذي يمثل متوازي أضلاع فيما يلي هو :</p> <p>ب <input type="radio"/> <i>متطابق ومتوازي</i></p> <p>د <input checked="" type="radio"/> أ</p> <p>ج <input type="radio"/> ب</p> <p>د <input type="radio"/> ج</p>	<p>٩</p>
	<p>في الشكل المقابل ا ب ج د يمثل : <i>لأنه متوازي أضلاع فيه ضلعين متجاورين متطابقين</i></p> <p>مستطيل <input type="radio"/> ب</p> <p>مربع <input checked="" type="radio"/> أ</p> <p>شبه منحرف <input type="radio"/> د</p> <p>مربع <input type="radio"/> ج</p>	<p>١٠</p>
<p>العامل المشترك الأكبر للحددين $20x^2y^3$ و $32x^3y^2$ هو : <i>٤ س٢ ص٣</i></p> <p>٤ س٢ ص٣ <input type="radio"/> د</p> <p>٤ س٢ ص٢ <input checked="" type="radio"/> ج</p> <p>٤ س٣ ص٢ <input type="radio"/> ب</p> <p>٤ س٣ ص٣ <input type="radio"/> أ</p>	<p>١١</p>	
<p>$0 \times 4 = 0 \times 3 \times 4 \times 1 = 0$</p> <p>٤٥ <input type="radio"/> د</p> <p>٥ <input checked="" type="radio"/> ج</p> <p>٩ <input type="radio"/> ب</p> <p>٢٠ <input type="radio"/> أ</p>	<p>١٢</p>	

انتهت الأسئلة، نرجو لكم النجاح والتوفيق

أولاً: الأسئلة المقالية: أجب على جميع الأسئلة موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول: -

١٢

٢ صندوق فيه ٩ كرات متماثلة تماماً مرقمة من ١ إلى ٩ . سحبت كرة عشوائياً من الصندوق

أوجد احتمال كل من الأحداث التالية : ٩ ٨ ٧ ٦ ٥ ٤ ٣ ٢ ١

ظهر عدد أصغر من ٤ $\frac{3}{9} = \frac{1}{3}$

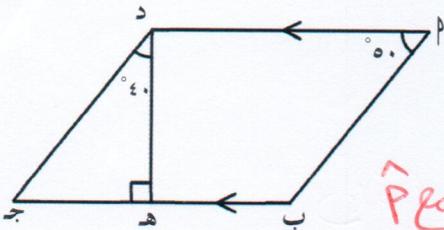
ظهر عدد فردي $\frac{5}{9}$

ظهر عدد أصغر من ٤ أو ظهور عدد فردي $\frac{5}{9} = \frac{7}{9}$

ظهر عدد يقبل القسمة على ٣ $\frac{3}{9} = \frac{1}{3}$

٩ ٦ ٣

٤



ب) في الشكل المقابل: $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ، $\overline{DE} \perp \overline{AB}$ ،

$\widehat{D} = 50^\circ$ ، $\widehat{A} = 40^\circ$ ، $\widehat{B} = 130^\circ$

أثبت أن الشكل الرباعي ABCD متوازي أضلاع .

∴ $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ (معطى) بالتحالف والتوازي مع \widehat{A}

∴ $\widehat{C} = \widehat{B} = 130^\circ = 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ$ بالتحالف والتوازي مع \widehat{B}

∴ $\widehat{D} = \widehat{C} = 130^\circ = 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ$ بالتحالف والتوازي مع \widehat{C}

∴ $\widehat{A} = \widehat{C} = 40^\circ = 180^\circ - 130^\circ = 40^\circ$ وهما متقابلتان ∴ $\widehat{A} = \widehat{C}$ وهما متقابلتان ∴

∴ $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ، $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ متوازي أضلاع له كل زواياه متقابلتين متطابقتين

٥

ج) أوجد ارتفاع شبه منحرف مساحته ١٦ وحدة مربعة وطولي القاعدتين ٨ وحدة طول .

$3 \times \frac{8 + 16}{2} = 16$ شبه المنحرف

$8 \times \frac{h}{2} = 16$

$8 \times 2 = 16$

$8 = 16 \div 2 = 8$ وحدة طول

٣

السؤال الثاني :-

٢) ا ب ج د معين ، ا ب = ٢ س + ١ وحدة طول

ب ج = ٤ وحدة طول ، أوجد قيمة س .

أضلاع المربع متطابقة

$$٢ س + ١ = ٤$$

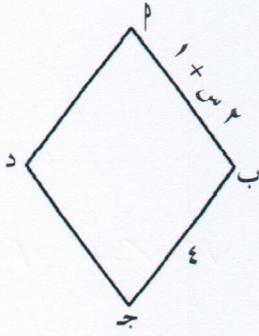
$$٢ س = ٤ - ١$$

$$٢ س = ٣$$

$$س = \frac{٣}{٢}$$

$$س = \frac{٣}{٢}$$

١٢



٣

٣) حل المتباينة التالية في س :

$$١٩ \geq ٤ + ٢ س$$

حل المتباينة هي مجموعة الأعداد النسبية الأصغر من أو يساوي $\frac{٧}{٢}$

$$٢ س \geq ١٩ - ٤$$

$$٢ س \geq ١٥$$

$$س \geq \frac{١٥}{٢}$$

$$س \geq \frac{١٥}{٢} \Rightarrow$$

٤

٤) اجمع الحدوديات التالية :

$$٦ س^٣ - ١ ، ٢ س^٢ - ٤ س + ٥ ، -٣ س^٣ - ٧ س^٢$$

$$٦ س^٣ - ٤ س^٢ - ٣ س^٣ - ٧ س^٢ + ٥ + ٢ س^٢ - ١$$

$$١ -$$

$$٦ س^٣$$

$$- ٧ س^٢$$

$$- ٣ س^٣$$

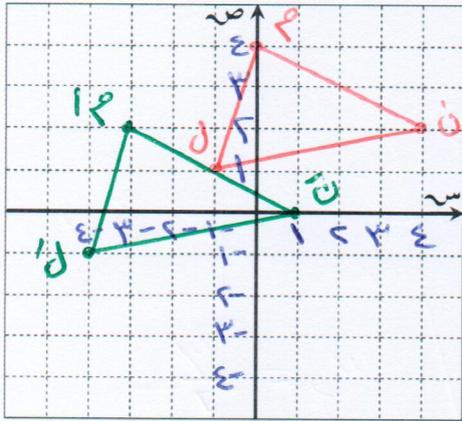
+

$$٥ س^٣ - ٩ س^٢ - ٤ س^٢ + ٢ س$$

٥

السؤال الثالث: -

١٢



٢ في المستوى الإحداثي ارسم المثلث ل م ن بحيث

ل (١، ١) ، م (٤، ٠) ، ن (٤، ٤)

ثم ارسم صورته تحت تأثير إزاحة قاعدتها

(س، ص) ← (س - ٣، ص - ٢)

ل (١، ١) ← ل' (٢ - ١، ٣ - ١) = (١، ٢)

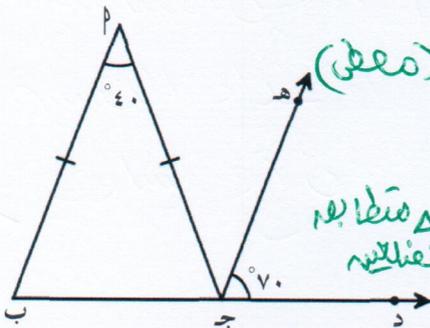
م (٤، ٠) ← م' (٤ - ٣، ٠ - ٢) = (١، -٢)

ن (٤، ٤) ← ن' (٤ - ٣، ٤ - ٢) = (١، ٢)

٥

ب في الشكل المقابل: $\angle B = \angle P$ ، و $\angle A = 40^\circ$ ، و (د جه) = 70°

أثبت أن $\overline{PQ} \parallel \overline{JD}$



$\angle P = \angle B$ (معطى) ، $\angle P = 40^\circ$ (معطى)

$\angle B = \angle P = 40^\circ$ ، $\angle B = 180^\circ - 40^\circ - 70^\circ = 70^\circ$

لأن مجموع قياسات زوايا $\triangle PAB = 180^\circ$ ومضواصي \triangle متطابقه

$\angle B = \angle P = 70^\circ$ وهما في وضع تناظر

$\therefore \overline{PQ} \parallel \overline{JD}$

٣

ج مساحة مستطيل هي (٦ س ٢ - ٢ س) متراً مربعاً ، عرض هذا المستطيل ٢ س متراً ،

أوجد طول هذا المستطيل .



$$\frac{6س - 2س}{س} = \frac{\text{المساحة}}{\text{العرض}} = \text{الطول}$$

$$٦ (١ - س) =$$

٤

١٢

السؤال الرابع :-

٢ أوجد مجموعة حل المعادلة التالية:

$$(س + ٣) - ٢ = ١ - ٢ ، س \in \mathbb{R}$$

$$٠ = (س + ٣)(١ + ٣ + س)$$

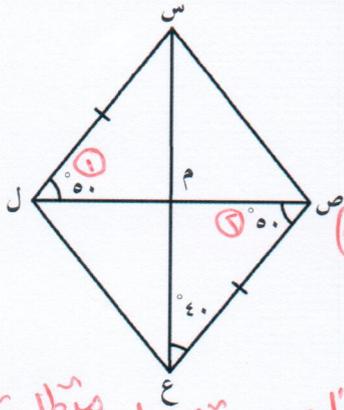
$$٠ = (س + ٣)(٤ + س)$$

$$\Rightarrow ٤ + س = ٠ \Rightarrow س = -٤$$

$$\Rightarrow ٣ + س = ٠ \Rightarrow س = -٣$$

$$\therefore \{س = -٤، -٣\}$$

٤



ب) في الشكل المقابل : س ل = ص ع

$$\widehat{س} = ٥٠^\circ ، \widehat{ل} = ٤٠^\circ ، \widehat{ص} = ٤٠^\circ ، \widehat{ع} = ٥٠^\circ$$

أثبت أن الشكل الرباعي س ص ع ل معين

١) $\widehat{س} = \widehat{ع} = ٥٠^\circ$ وهما في وضع تبادل (معطى)

$$\therefore س ل \parallel ص ع \quad ١$$

$$\therefore س ل = ص ع \quad ٢ \text{ (معطى)}$$

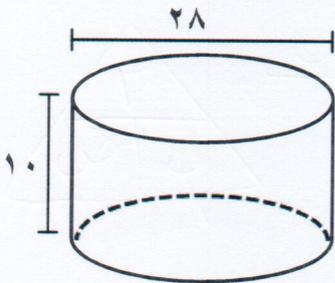
٢) $\widehat{س} = \widehat{ع} = ٥٠^\circ$ $\widehat{ل} = \widehat{ص} = ٤٠^\circ$ وهما في وضع تبادل (معطى)

$$\Delta س ل ع : \widehat{س} = ٥٠^\circ ، \widehat{ل} = ٤٠^\circ ، \widehat{ع} = ٩٠^\circ$$

لذلك مجموع قياسات زوايا $\Delta س ل ع = ١٨٠^\circ$ ، $\therefore س ل \perp ص ع$ (٣)

١) $\widehat{س} = \widehat{ع} = ٥٠^\circ$ $\widehat{ل} = \widehat{ص} = ٤٠^\circ$ وهما في وضع تبادل (معطى)

ج) أوجد حجم الأسطوانة : (استخدم $\pi = ٣,١٤$)



$$نصف = \frac{٢٨}{٢} = ١٤$$

$$حجم الاسطوانة = \pi \times نصف^2 \times ارتفاع$$

$$= ٣,١٤ \times ١٤^2 \times ١٠$$

$$= ٦١٥٤,٤ \text{ وحدة مكعبة}$$

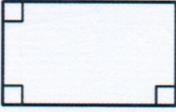
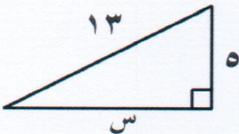
٤

ثانياً: البنود الموضوعية

١٢

السؤال الخامس: -

أولاً: في البنود (١ ← ٤) ظلل (ب) إذا كانت العبارة صحيحة:
أو ظلل (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة:

١	الشكل المقابل يمثل مستطيل من الترتيب		<input type="radio"/> ب <input checked="" type="radio"/> ا
٢	$\frac{3}{5}$ س ص ^٣ ، ٦ ، ص ^٣ س حدان جبريان متساويان	$\frac{3}{5} = \frac{3}{5}$	<input type="radio"/> ب <input checked="" type="radio"/> ا
٣	العامل المشترك الأكبر للحددين ١٤ س ^٢ ص ، ٢١ س ص ^٣ هو ٧ س ص		<input type="radio"/> ب <input checked="" type="radio"/> ا
٤	في الشكل المقابل قيمة س تساوي ٨		<input checked="" type="radio"/> ب <input type="radio"/> ا

ثانياً: في البنود (٥ ← ١٢) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل دائرة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة: -

٥	إذا كانت م' (٥ ، ٩) هي صورة النقطة م (٢ ، ٥) تحت تأثير إزاحة في المستوى الإحداثي ، فإن قاعدة هذه الإزاحة هي :	<input type="radio"/> ا (س ، ص) ← (س ، ص) <input checked="" type="radio"/> ب (٥ ، ٢) ← (٩ ، ٥) <input type="radio"/> ج (س ، ص) ← (س + ٧ ، ص - ٤) <input type="radio"/> د (س ، ص) ← (س - ٤ ، ص - ٧)
٦		<input type="radio"/> ا (٣ س + ٤) - (٣ س - ٤) = ٨ <input checked="" type="radio"/> ب (٣ س + ٤) - (٣ س - ٤) = ٨ <input type="radio"/> ج (٣ س + ٤) - (٣ س - ٤) = ٨ <input type="radio"/> د (٣ س + ٤) - (٣ س - ٤) = ٨
٧	قيمة كثيرة الحدود ٢ س ^٢ - ٣ س + ١ عندما س = -٢ هي :	<input checked="" type="radio"/> ا ٢١ <input type="radio"/> ب ٢١ - <input type="radio"/> ج ١٢ <input type="radio"/> د ١٢ -

$$1 + (-2)^2 \times 3 - 4(-2) \times 5 = 1 + 4 \times 3 - 16 \times 5 = 1 + 12 - 80 = 21 - 80 = -69$$

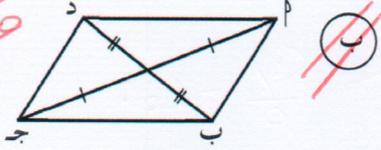
$$ع = \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع} = \frac{3 \times 15}{3} = 15$$

مخروط دائري مساحة قاعدته ١٥ وحدة مربعة وارتفاعه ٣ وحدة طول ، فإن جمعه يساوي:

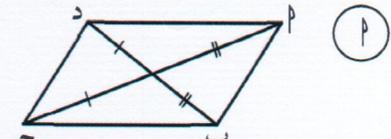
- ٨ أ ٤٥ وحدة مربعة ب ١٥ وحدة مربعة ج ١٨ وحدة مربعة د ١٣٥ وحدة مربعة

الشكل الذي يمثل متوازي أضلاع فيما يلي هو :

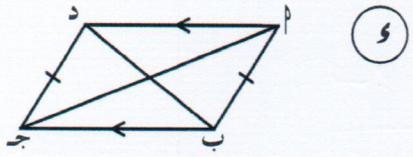
قطران متساويان



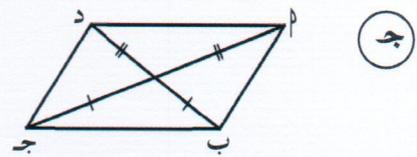
ب



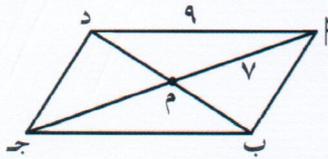
م



د



ج



في متوازي الأضلاع المرسوم ، $م = ٧ + ٧ = ١٤$

ب ٣ وحدة طول

م ٧ وحدة طول

د ٩ وحدة طول

ج ١٤ وحدة طول

إذا كانت $ص - س = ٤$ ، $س + ص = ٥$ فإن $ص^٢ - س^٢ = (ص + س)(ص - س) = (٥)(٤) = ٢٠$

د ٩ -

ج ٩

ب ٢٠ -

م ٢٠

$$٢٠ - = ٥ \times ٤ =$$

في تجربة إلقاء حجري نرد متمايزين مرة واحدة ، فإن احتمال الحصول على رقمين مجموعهما يساوي ٨ هو:

د $\frac{1}{6}$

ج $\frac{5}{36}$

ب $\frac{5}{6}$

م ١

انتهت الأسئلة، نرجو لكم النجاح والتوفيق

$$\frac{5}{36} = \text{ل 6} \{ (٤, ٤), (٣, ٥), (٥, ٣), (٦, ٢), (٢, ٦) \}$$

أولاً: الأسئلة المقالية: أجب على جميع الأسئلة موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول: -

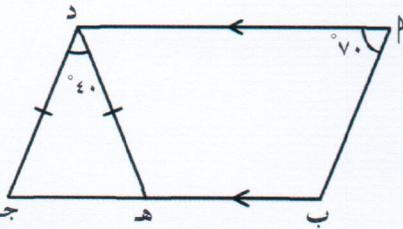
١٢

أوجد قيمة كل مما يلي:

$$2 \Sigma = 2 \times 12 = 1 \times 2 \times 3 \times 4 = 24 = (4 - 8)!$$

$$3 \Sigma^8 = 6 \times 7 \times 8 = 3 \Sigma^8$$

$$\frac{7 \times 8 \times 9 \times 10}{1 \times 2 \times 3 \times 4} = \frac{1 \times 7 \times 8 \times 9 \times 10}{1 \times 2 \times 3 \times 4} = \frac{10!}{(4-1)! \times 4!} = 10 \times 9 \times 8 \times 7 = 5040$$



ب) في الشكل المقابل: $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ، $\overline{AD} = \overline{BC}$ ، $\angle A = 40^\circ$ ، $\angle C = 70^\circ$

برهن أن الشكل الرباعي ABCD متوازي أضلاع.

$$\angle D = 180^\circ - \angle A - \angle C = 180^\circ - 40^\circ - 70^\circ = 70^\circ$$

بالتقالف والتوازي مع \hat{P} $\angle D = \angle C = 70^\circ$ ولها متقابلتان ①

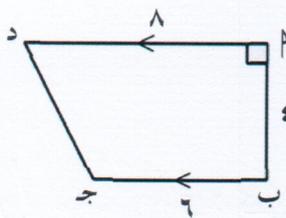
بالتقالف والتوازي مع \hat{Q} $\angle D = \angle A = 40^\circ$ ولها متقابلتان ②

بالتقالف والتوازي مع \hat{R} $\angle D = \angle B = 70^\circ$ ولها متقابلتان ③

بالتقالف والتوازي مع \hat{S} $\angle D = \angle A = 40^\circ$ ولها متقابلتان ④

بالتقارب ⑤ $\angle D = \angle C = 70^\circ$ ولها متقابلتان ⑥

بالتقارب ⑦ $\angle D = \angle A = 40^\circ$ ولها متقابلتان ⑧



ج) أوجد مساحة شبه المنحرف ABCD

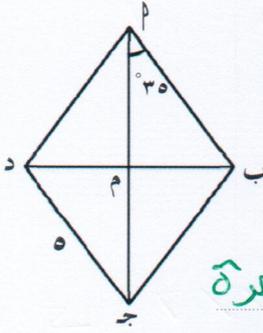
$$\text{مساحة شبه المنحرف} = \frac{(6+8) \times 4}{2} = 28$$

$$= \frac{6+8}{2} \times 4 = 28$$

$$= \frac{14}{2} \times 4 = 28$$

السؤال الثاني: -

١٢



٢) ب ج د معين تقاطع قطريه في م ، و (ب م ج) = ٣٥°

ج د = ٥ وحدة طول ، أوجد ما يلي مع ذكر السبب .

ب ج = ٥ وحدة طول السبب: أضلاع المثلث متطابقة

و (م ب) = ٥٩° السبب: أقطار المثلث متعامدة

و (د م ج) = ٣٥° السبب: قطر المثلث ينصف الزوايا المتقابلة فيه

٣

ب) أوجد مجموعة حل المعادلة $٤س - ٥ = ٠$ ، حيث $س \in \mathbb{Z}$ (مجموعة الأعداد الصحيحة)

(تحليل ٤.٣٠.٢)

$$٤س - ٥ = ٠$$

$$٤س = ٥$$

لما $س = ١$ ، $٤ = ٥$ أو $٤س = ٥$ ، $٤ = ٥$

$$\frac{٤س}{٤} = \frac{٥}{٤}$$

$$س = \frac{٥}{٤} \notin \mathbb{Z}$$

٤

$$\therefore \{١\} = \emptyset$$

ج) اطح (٢ ص ٤ - ٣ ص ٢ + ٢ ص ١) من (٥ ص ٢ + ٦ ص ٤ - ١)

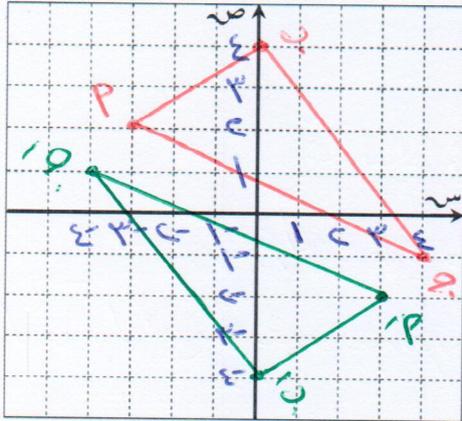
$$\begin{array}{r} ٥ص٢ + ٦ص٤ - ١ \\ - (٢ص٤ - ٣ص٢ + ٢ص١) \\ \hline ٣ص٢ + ٩ص٤ - ٢ص١ \end{array}$$

٥

$$٣ص٢ + ٩ص٤ - ٢ص١$$

السؤال الثالث :-

١٢



٢ في المستوى الإحداثي ارسم المثلث P ب ج بحيث

P (2, 3) ، ب (4, 0) ، ج (1, 4)

ثم ارسم صورته بالانعكاس في نقطة الأصل.

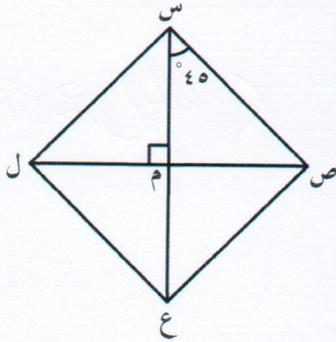
(ن س ع) ← (س ع - ن س ع)

P (2, 3) ← P' (3, -1)

ب (4, 0) ← ب' (-1, 4)

ج (1, 4) ← ج' (1, -4)

٥



٣ ب س ص ع ل معين فيه و (ص س ع) = 45°

أثبت أن الشكل الرباعي س ص ع ل مربع

١ س ص ع ل معين (معطى)

∴ قطرا المربع يتصفاان الزوايا المتقابلة فيه

∴ ق (ص س ع) = 45°

∴ ق س = 45° + 45° = 90°

∴ س ص ع ل مربع لأنه معين إحدى زوايا قائمه

٣

٤ ج اقسام : ٦ س^٢ ص^٣ + ١٢ س^٤ ص^٤ - ١٨ س^٥ ص^٢ على ٦ س^٢ ص^٢

$$\frac{18 س^٥ ص^٢}{6 س^٤ ص^٢} + \frac{12 س^٤ ص^٤}{6 س^٤ ص^٢} + \frac{6 س^٤ ص^٣}{6 س^٤ ص^٢}$$

$$٣ س^٣ + ٢ س^٢ ص + ٣ س$$

٤

السؤال الرابع: -

٢ حلل كلاً مما يلي تحليلًا تاماً:

١٢

فرقي بين مربعين

$$(2+s)(1-s) = (5+3-s)(5-3-s) = 25 - 2(3-s)$$

٢٠٠٤

$$3s(5+s+3) = 15s^2 + 9s$$

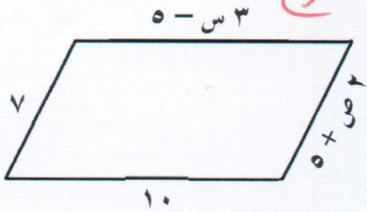
$$(2-s)^2 + (3s-4) = 2-s^2 + 2s - 3s + 4 = 2-s^2 - s + 4$$

$$= (1-s)^2 + (2+s) = (1-s)(1+s) + (2+s)$$

٥

ب) في متوازي الأضلاع المقابل ، أوجد قيمة كلٍ من s ، v

كل ضلعين متقابلين متطابقين في متوازي الأضلاع



$$v = 5 + s$$

$$5 - v = s$$

$$\frac{v}{5} = \frac{s}{2}$$

$$v = 5s$$

$$10 = 5 - s$$

$$5 + 10 = s$$

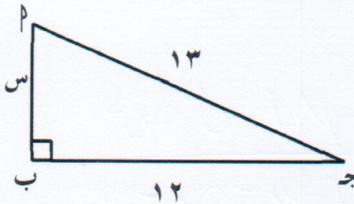
$$\frac{15}{3} = \frac{s}{3}$$

$$5 = s$$

٤

ج) أوجد طول الضلع القائمة في المثلث \triangle ب ج المرسوم أمامك.

من نظرية فيثاغورث



$$s^2 + 12^2 = 13^2$$

$$s^2 + 144 = 169$$

$$s^2 = 169 - 144$$

$$s^2 = 25$$

$$s = \sqrt{25} = 5$$

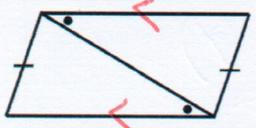
٣

ثانياً: البنود الموضوعية

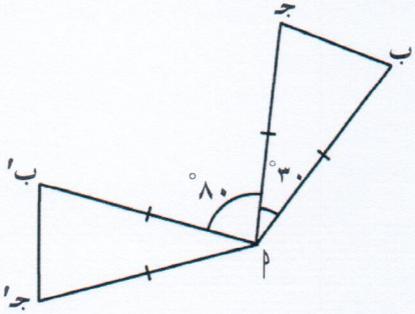
١٢

السؤال الخامس :-

أولاً: في البنود (١ ← ٤) ظلل (ب) إذا كانت العبارة صحيحة:
أو ظلل (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة:

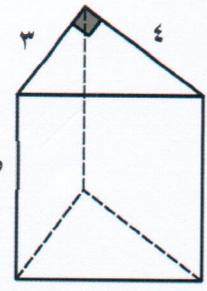
<input checked="" type="radio"/> (ب) <input type="radio"/> (ب)		الشكل المقابل يمثل متوازي أضلاع	١
<input checked="" type="radio"/> (ب) <input type="radio"/> (ب)	$= (3س - 5)س$ $9س - 5س = 4س$	$25 + 2س = 2(5س - 3س)$ $25 + 2س = 10س - 6س$ $25 = 8س - 2س$ $25 = 6س$	٢
<input type="radio"/> (ب) <input checked="" type="radio"/> (ب)		هرم منتظم رباعي القاعدة مساحة قاعدته ٣٦ سم ^٢ ، وارتفاع الوجه الجانبي ٨ سم فإن المساحة السطحية للهرم تساوي ١٣٢ سم ^٢	٣
<input checked="" type="radio"/> (ب) <input type="radio"/> (ب)		عند رمي حجري نرد متمايزين مرة واحدة . فإن فضاء العينة يساوي ٦ .	٤

ثانياً: في البنود (٥ ← ١٢) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح
ظلل دائرة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة :-

		صورة النقطة م (٥ ، ٣-) بالدوران ٩٠° حول نقطة الأصل في اتجاه ضد عقارب الساعة هي:	٥
		<input type="radio"/> (ب) (٣- ، ٥-) <input type="radio"/> (ب) (٣ ، ٥-) <input checked="" type="radio"/> (ب) (٥- ، ٣) <input checked="" type="radio"/> (ب) (٣ ، ٥)	
		المثلث م ب ج' هو صورة المثلث م ب ج بدوران حول م ، ب قياس زاويته = $110^\circ = 180^\circ - 70^\circ$	٦
		<input type="radio"/> (ب) ٣٠° <input checked="" type="radio"/> (ب) ١١٠° <input type="radio"/> (ب) ١٤٠° <input type="radio"/> (ب) ٨٠°	
$\Sigma = (3- - 5-)$ $\Sigma = (3- 5)$ $74 = (3- 5-)$ $74 = (3- - 5)$		إذا كانت س ^٢ = ٢٥ ، ص ^٢ = ٩ فإن أصغر قيمة للمقدار (س - ص) ^٢ =	٧
		<input type="radio"/> (ب) ٢٢٥ <input type="radio"/> (ب) ١٦ <input checked="" type="radio"/> (ب) ٢٥ <input checked="" type="radio"/> (ب) ٤	

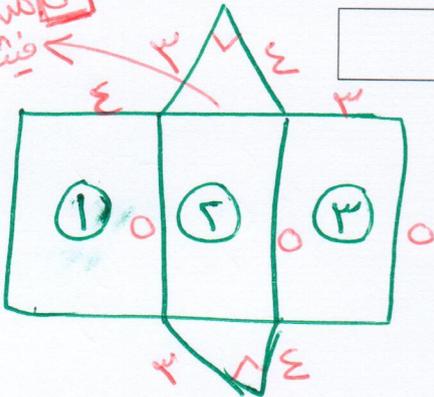
حل (٣) طول القاعدة = المساحة = ٦ سم
٣ الوجه المثلثي = $8 \times 10 \times \frac{1}{2} = 40$
 $40 + 36 = 76$ سم

$4 \times 4 + 36 = 52$
 $9 + 36 = 45$

<p>٨</p> <p>Ⓐ مربع <input type="radio"/></p> <p>Ⓑ معين <input type="radio"/></p> <p>Ⓒ مستطيل <input type="radio"/></p> <p>Ⓓ كل ما سبق صحيح <input type="radio"/></p>	<p>إذا تطابقت الأضلاع الأربعة فقط في أي شكل رباعي فإنه يكون:</p>
<p>٩</p> <p>Ⓐ $\frac{1}{33}$ <input type="radio"/></p> <p>Ⓑ $\frac{15}{33}$ <input type="radio"/></p> <p>Ⓒ $\frac{5}{33}$ <input type="radio"/></p> <p>Ⓓ $\frac{1}{33}$ <input type="radio"/></p>	<p>$\frac{15}{99} = \frac{5}{33}$ على شكل كسر اعتيادي في أبسط صورة يساوي:</p>
<p>١٠</p>  <p>منشور ثلاثي قائم قاعدته على شكل مثلث قائم الزاوية كما في الشكل ، وارتفاع المنشور ٥ وحدة طول ، فإن المساحة السطحية للمنشور تساوي:</p> <p>Ⓐ ٦٠ وحدة مربعة <input type="radio"/></p> <p>Ⓑ ٧٢ وحدة مربعة <input type="radio"/></p> <p>Ⓒ ٣٥ وحدة مربعة <input type="radio"/></p> <p>Ⓓ ٣٢ وحدة مربعة <input type="radio"/></p>	
<p>١١</p> <p>Ⓐ $12 \leq s$ <input type="radio"/></p> <p>Ⓑ $3 \leq s$ <input type="radio"/></p> <p>Ⓒ $3 \geq s$ <input type="radio"/></p> <p>Ⓓ $12 \geq s$ <input type="radio"/></p>	<p>المتباينة $2 - s \leq 6$ تكافئ:</p> <p>$\frac{7}{3} \geq \frac{2-s}{3}$ $7 \geq 2-s$ $5 \geq -s$ $-5 \leq s$</p>
<p>١٢</p> <p>Ⓐ $\frac{18}{22}$ <input type="radio"/></p> <p>Ⓑ $\frac{1}{22}$ <input type="radio"/></p> <p>Ⓒ $\frac{18}{22}$ <input type="radio"/></p> <p>Ⓓ $\frac{1}{22}$ <input type="radio"/></p>	<p>حقيبة فيها ١٠ كرات باللون الأحمر و ٤ باللون الأزرق و ٨ باللون الأبيض فإن احتمال أخذ كرة حمراء أو بيضاء يساوي:</p> <p>$\frac{18}{22} = \frac{8+10}{8+4+10}$</p>

انتهت الأسئلة، نرجو لكم النجاح والتوفيق

حل ١٠



- ١ مساحة مستطيل ① = $5 \times 4 = 20$
- ٢ مساحة مستطيل ② = $5 \times 5 = 25$
- ٣ مساحة مستطيل ③ = $5 \times 3 = 15$
- ٤ $7 = 3 \times 4 \times \frac{1}{2} = 6 \times 5 \times \frac{1}{2} = 15$
- ٥ المساحة السطحية للهرم = $7 \times 5 + 15 + 25 + 20 = 67$
- $75 = 15 + 7 =$

أولاً: الأسئلة المقالية: أجب على جميع الأسئلة موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول: -

١٢

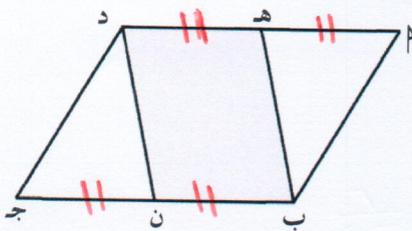
١ - اكتب فضاء العينة لتجربة إلقاء حجر نرد ثم إلقاء قطعة نقود معدنية.
 $n = \{ (١, ١), (١, ٢), (١, ٣), (١, ٤), (١, ٥), (١, ٦), (٢, ١), (٢, ٢), (٢, ٣), (٢, 4), (٢, ٥), (٢, ٦), (٣, ١), (٣, ٢), (٣, ٣), (٣, ٤), (٣, ٥), (٣, ٦), (٤, ١), (٤, ٢), (٤, ٣), (٤, ٤), (٤, ٥), (٤, ٦), (٥, ١), (٥, ٢), (٥, ٣), (٥, ٤), (٥, ٥), (٥, ٦), (٦, ١), (٦, ٢), (٦, ٣), (٦, ٤), (٦, ٥), (٦, ٦) \}$

٢ - ما هي عدد الطرائق المختلفة لقراءة كتابين من ٥ كتب خلال إجازة نهاية الأسبوع.

٥

$${}^5P_2 = \frac{5!}{(5-2)!} = \frac{5!}{3!} = \frac{5 \times 4 \times 3!}{3!} = 5 \times 4 = 20$$

(توافق لأن الترتيب غير مهم)



ب) م ب ج د متوازي أضلاع فيه ه منتصف م د ، ن منتصف ب ج
 برهن أن الشكل الرباعي ه ب ن د متوازي أضلاع .

∴ م ب ج د متوازي أضلاع
 ∴ م ب ∥ ن د ← ه د ∥ ن ب ①
 ∴ كل ضلعين متقابلين في متوازي الأضلاع متطابقين

∴ م ب = ن د
 ∴ ه منتصف م د ، ن منتصف ب ج معطى

∴ ه د = ن ب ②

٤

∴ م ب ن د متوازي أضلاع لأنه فيه ضلعان متقابلان متطابقان ومتوازيان

ج) أثبت أن Δ م ب ج قائم الزاوية ،

حيث م ب = ٧ وحدة طول ، م ج = ٢٤ وحدة طول ، ب ج = ٢٥ وحدة طول .

من نظرية عكس فيثاغورس

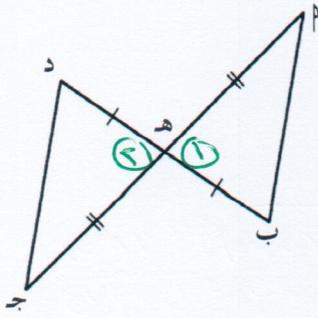
$$7^2 + 24^2 = 49 + 576 = 625 = 25^2$$

$$49 + 576 = 625$$

٣

∴ Δ م ب ج قائم الزاوية

١٢



السؤال الثاني: -

٢ في الشكل المقابل وحسب البيانات المحددة عليه أثبت أن:

مب // جد

١ ٢ ٣

١ ٢ ٣

١ ٢ ٣

١ ٢ ٣

١ ٢ ٣

١ ٢ ٣

١ ٢ ٣

ب أوجد مجموعة حل المعادلة $٥س + ٢ = ٨٠$ ، حيث $س \in \mathbb{Z}$ (مجموعة الأعداد النسبية)

$$\frac{٨٠}{٥} = \frac{٥س}{٥}$$

$$١٦ = ٥س$$

$$١ = ١٦ - ٥س$$

$$١ = (٤ + س)(٤ - س)$$

$$١ = ٤ + س \quad \text{أو} \quad ١ = ٤ - س$$

$$\Rightarrow ٤ - ١ = س$$

$$\text{لرما } ١ = ٤ - س \Rightarrow ٤ = س$$

$$\therefore س = \{٤, -٤\}$$

٤

ج بسط المقدار التالي:

$$\frac{٣(٣ - س) - ٤س + س(١ + س)}{٣(٣ - س) - ٤س + س(١ + س)}$$

(الخلاص من الأقواس)
باستخدام الخاصية التوزيعية

$$٣س - ٩ - ٤س + س + ٣س + ٩$$

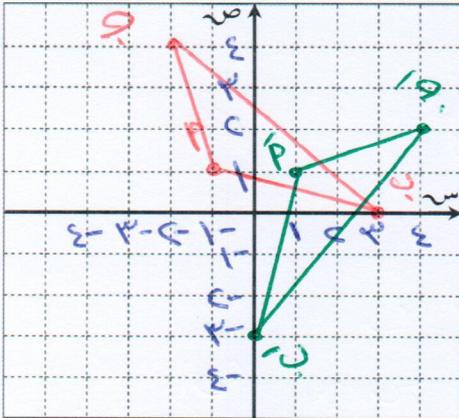
$$٣س - ٩ - ٤س + س + ٣س + ٩$$

$$٩ - ٤س =$$

٥

السؤال الثالث: -

١٢



١) في المستوى الإحداثي ارسم المثلث P ب ج بحيث

$P(1, 1)$ ، $B(0, 3)$ ، $J(-2, 4)$

ثم ارسم صورته بدوران مركزه نقطة الأصل

وقياس زاويته 270° .

(نل، ع) ← 270° ← (ع، ن)

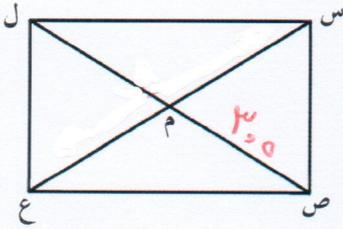
$P(1, 1) \rightarrow P'(1, 1)$

$B(0, 3) \rightarrow B'(0, 3)$

$J(-2, 4) \rightarrow J'(-2, 4)$

٥

٢) القطر كامل نصف قطر
س ص ع ل متوازي أضلاع فيه : س ع = ٧ وحدة طول ، ص م = ٣,٥ وحدة طول



أثبت أن الشكل الرباعي س ص ع ل مستطيل.

∴ س ص ع ل متوازي أضلاع (معطى)

∴ قطراه متساويان

∴ ص م = ٣,٥ وحدة طول ∴ ل م = ٣,٥ وحدة طول

∴ ص ل = ٧ = ٣,٥ + ٣,٥ وحدة طول

∴ س ع = ٧ وحدة طول ∴ ص ل = س ع (القطران متساويان)

∴ س ص ع ل مستطيل لأنه متوازي أضلاع قطراه متساويان

٣

٣) ١ - احسب قيمة كثيرة الحدود التالية عندما $s = 3$

$$s^2 - 3s + 5$$

$$s^2 - 3s + 5 = 3^2 - 3(3) + 5$$

$$3^2 - 3(3) + 5 = 9 - 9 + 5 = 5$$

٤

٢ - أوجد مربع $(5s - 4)$

$$(5s - 4)^2 = 25s^2 - 40s + 16$$

$$= 25s^2 - 40s + 16$$

السؤال الرابع :-

١٢

٢ حل المتباينة التالية : $5 - س > ٣ + ٤ س$ ، $س \geq ٥$

$$٥ - س > ٣ + ٤ س$$

$$\frac{٥ - س}{٣} > \frac{٣ + ٤ س}{٣}$$

$$٥ - س > ٣ + ٤ س$$

٥

∴ حل المتباينة هو مجموعة الأعداد النسبية الأصغر من $\frac{١}{٣}$



ب) في متوازي الأضلاع المقابل ، أوجد قيمة س .

∴ كل زاويتين متقابلتين متكاملتين في متوازي الأضلاع

$$١٨٠ = ١٢٠ + ٣٠ + س$$

$$١٨٠ = ١٥٠ + س$$

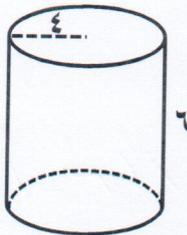
$$١٨٠ - ١٥٠ = س$$

$$\frac{٣٠}{٢} = \frac{س}{٢}$$

$$س = ١٥$$

٤

ج) أوجد المساحة السطحية للأسطوانة . $(\pi = ٣,١٤)$



المساحة السطحية للأسطوانة =

$$٢\pi r (r + h)$$

$$= ٢ \times ٣,١٤ \times ٤ \times (٤ + ٦)$$

$$= ١٠ \times ٤ \times ٣,١٤$$

$$= ١٢٥,٦$$

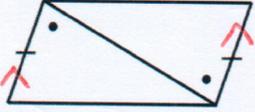
٣

ثانياً: البنود الموضوعية

١٢

السؤال الخامس: -

أولاً: في البنود (١ ← ٤) ظلل (م) إذا كانت العبارة صحيحة:
أو ظلل (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة:

١	الشكل المقابل يمثل متوازي أضلاع		<input type="radio"/> م <input checked="" type="radio"/> ب
٢	العامل المشترك الأكبر للحددين ١٥ س ^٢ ص ، ٩ س هو ٣ س ص		<input checked="" type="radio"/> م <input type="radio"/> ب
٣	حجم أسطوانة مساحة قاعدتها ١٤ سم ^٢ وارتفاعها ١٠ سم هو ١٤٠ سم ^٣		<input type="radio"/> م <input checked="" type="radio"/> ب
٤	في تجربة إلقاء قطعة نقود معدنية مرتين متتاليتين فإن احتمال ظهور صورة واحدة على الأقل يساوي $\frac{3}{4}$		<input type="radio"/> م <input checked="" type="radio"/> ب

نظري
صورة واحدة
أو صورتين

ثانياً: في البنود (٥ ← ١٢) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح

ظلل دائرة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة: -

٥	الانعكاس في نقطة الأصل يكافئ:	<input type="radio"/> م (د، و، ٩٠°) <input checked="" type="radio"/> ب (د، و، ١٨٠°) <input type="radio"/> ج (د، و، ٢٧٠°) <input type="radio"/> د (د، و، ٣٦٠°)
٦	صورة النقطة هـ (٤-، ١-) باستخدام قاعدة الإزاحة (س، ص) ← (س+٥، ص-٤)	<input type="radio"/> م هـ (١، ٣) <input checked="" type="radio"/> ب هـ (١، ٥) <input type="radio"/> ج هـ (٩، ٥-) <input type="radio"/> د هـ (٩، ٥)
٧		<input type="radio"/> م $\frac{١}{٢ س٢}$ <input checked="" type="radio"/> ج $١ - ٢ س٢$ <input type="radio"/> ب $٢ س٢ - ١$ <input type="radio"/> د $\frac{١}{٢ س٢}$

عسيرة

	<p>في الشكل المقابل $\hat{1} = \dots = \hat{1}$ $\hat{2} = 120^\circ$</p> <p> <input type="radio"/> أ 60° <input checked="" type="radio"/> ب 120° <input type="radio"/> ج 180° <input type="radio"/> د 360° </p>	<p>٨</p>
<p> $(س - ٥) - ٢(س - ٥) = ٢٥ - ٢(س - ٥)$ $(س - ٥ - ٥) - ٢(س - ٥)$ $(س - ١٠) - ٢(س - ١٠)$ </p> <p> <input type="radio"/> أ س (س - ٥) <input checked="" type="radio"/> ب س (س - ١٠) <input type="radio"/> ج س (س + ٥) <input type="radio"/> د س (س + ١٠) </p>	<p>٩</p>	
	<p>المساحة السطحية للهرم المرسوم تساوي:</p> <p> <input type="radio"/> أ 144 سم^2 <input checked="" type="radio"/> ب 240 سم^2 <input type="radio"/> ج 384 سم^2 <input type="radio"/> د 300 سم^2 </p>	<p>١٠</p>
<p>إذا كان $٢س - ١ = ٩$ ، فما قيمة $١٠س - ٥$ ؟</p> <p> <input type="radio"/> أ ٥٥ <input checked="" type="radio"/> ب ٤٥ <input type="radio"/> ج ٢٥ <input type="radio"/> د ٧٥ </p>	<p>١١</p>	
<p>العدد ١٢٠ في صورة مضروب هو:</p> <p> <input type="radio"/> أ $٦!$ <input checked="" type="radio"/> ب $٤!$ <input type="radio"/> ج $٣!$ <input type="radio"/> د $٦!$ </p>	<p>١٢</p>	

انتهت الأسئلة، نرجو لكم النجاح والتوفيق

حل ١٠

١) مساحة القاعدة = $١٢ \times ١٢ = ١٤٤ \text{ سم}^2$
 ٢) مساحة الوجه المثلثي = $\frac{١}{٢} \times ١٢ \times ٨ = ٤٨$
 ٣) مساحة سطح الهرم = $٤٨ \times ٣ + ١٤٤ = ٣٨٤$

أولاً: الأسئلة المقالية: أجب على جميع الأسئلة موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول: -

١٢

١ - كم عدداً مكوناً من أربعة أرقام يمكن تكوينه من ١ إلى ٥ في الحالتين التاليتين:

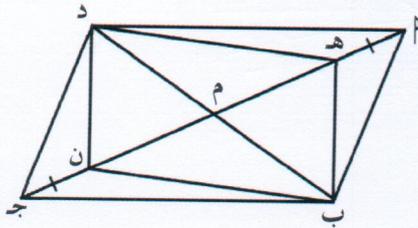
يمكن تكرار الأرقام: $٦٢٥ = ٥ \times ٥ \times ٥ \times ٥$

لا يمكن تكرار الأرقام: $١٢٠ = ٥ \times ٣ \times ٤ \times ٥$

٢ - اكتب فضاء العينة لتجربة إلقاء قطعة نقود معدنية مرتين متتاليتين. $٤ = ٢ \times ٢$

$\Omega = \{ (ص، ص)، (ص، د)، (د، ص)، (د، د) \}$

٥



ب) م ب ج د متوازي أضلاع تقاطع قطريه في م ، م هـ = ن ج

برهن أن الشكل الرباعي هـ ب ن د متوازي أضلاع.

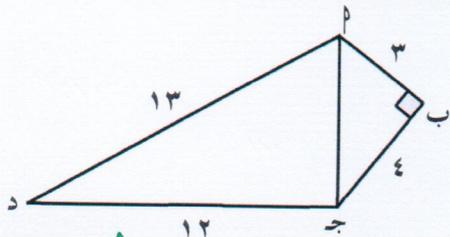
∴ م ب ج د متوازي أضلاع (معلمي)
∴ م ب = م ج ∴ ① لانه القطران متناصفان

م ج = م ب
م ج = م ب
∴ م ج = م ب

∴ هـ ب = م ن من خواص المتساوية

∴ م هـ ① ، هـ ب ② ن د متوازي أضلاع لانه قطراه متناصفان

٤



ج) مستخدماً معطيات الشكل: أثبت أن Δ م ج د قائم الزاوية ،

في Δ م ب ج قائم الزاوية في ب
من نظرية فيثاغورس

$$c^2(ج ب) + c^2(ب م) = c^2(ج م)$$

$$c^2(٤) + c^2(٣) =$$

$$١٦ + ٩ =$$

$$٢٥ =$$

$$٢٥ = \sqrt{٢٥} = ج م$$

في Δ م ج د (عكس فيثاغورس)

$$c^2(١٣) \quad c^2(٥) + c^2(١٢)$$

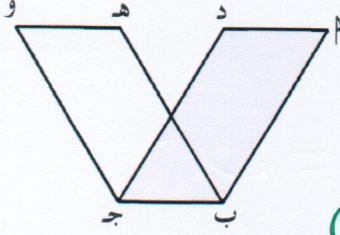
$$١٦٩ \quad ٢٥ + ١٤٤$$

$$١٦٩ = ١٦٩$$

٣

السؤال الثاني: -

١٢



٢ في الشكل المقابل: Δ ب ج د، هـ ب ج و متوازيات أضلاع،

أثبت أن: Δ د هـ و

$\therefore \Delta$ ب ج د متوازي أضلاع (معلم)

$\therefore \Delta$ د هـ و متوازي أضلاع (معلم)

$\therefore \Delta$ ب ج د متوازي أضلاع (معلم)

$\therefore \Delta$ د هـ و متوازي أضلاع (معلم)

$\therefore \Delta$ د هـ و متوازي أضلاع (معلم)

٣

ب) أوجد مجموعة حل المعادلة $(س - ٩)^٢ = ٨١$ ، حيث $س \in \mathbb{Z}$ (مجموعة الأعداد النسبية)

$$(س - ٩) - ٩ = ٨١ - ٩$$

$$(س - ٩) + ٩ = ٩ + ٩$$

$$س = ١٨ - ٩$$

$$س = ٩$$

$$س = ١٨$$

$$\therefore س = \{٩, ١٨\}$$

٤

ج) بسط المقدار التالي:

$$٣س٤ - ٢س٣ + ٧س - (٢س٣ - ٤س٤ + ٥س)$$

$$٣س٤ - ٢س٣ + ٧س - ٢س٣ + ٤س٤ - ٥س$$

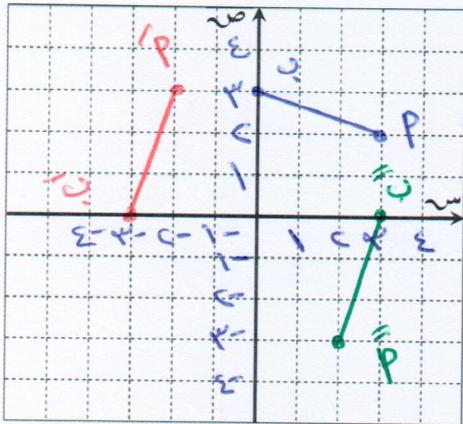
$$(٣س٤ + ٤س٤) + (-٢س٣ - ٢س٣) + (٧س - ٥س)$$

$$٧س٤ - ٤س٣ + ٢س$$

٥

السؤال الثالث: -

١٢



١) ارسم $\overline{P_1 P_2}$ بحيث $P_1(2, 3)$ ، $P_2(3, 0)$

ثم عين وارسم صورتها تحت تأثير كل من:

١) د (و، 90°)

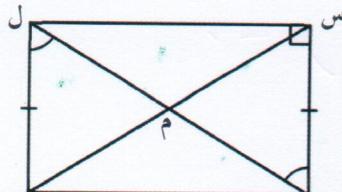
$P_1(3, 2)$
 $P_2(0, 3)$

٢) د (و، 180°)

$P_1(3, -2)$
 $P_2(0, 3)$

٥

ب) س ص ع ل شكل رباعي فيه: $س = ل = ع$ ، $\widehat{س} = \widehat{ل}$ ، $\widehat{ع} = \widehat{ص}$ ، $ص \perp س$



أثبت أن س ص ع ل مستطيل.
١) $س = ل$ ، $ص = ع$ (مطلوب) وهما في وضع تبادل

٢) $س \parallel ع$ ، $ل \parallel ص$

٣) $س = ع$ ، $ل = ص$ (مطلوب)

٤) $س$ ، $ع$ ، $ل$ متوازي أضلاع فيه ضلعاه متقابلان متطابقان ومتوازيان

٥) $\widehat{س} = 90^\circ$ (مطلوب)

٦) $س$ ، $ع$ ، $ل$ متوازي أضلاع مستطيل لأنه متوازي أضلاع
٧) إحدى زواياه قائمة

٣

ج) ضع الحدودية التالية: $٧ - ٤ + ٣ - ٥ + ٢ + ص$

في الصورة القياسية ثم حدد درجة الحدودية واحسب قيمتها عندما $ص = ١$

الصورة القياسية هي: $ص^٤ + ٤ص^٣ - ٥ص^٢ + ٧ص - ١$

درجة الحدودية: الرابعة

قيمة الحدودية (ص = ١): $(١-)^٤ + ٤(١-)^٣ - ٥(١-)^٢ + ٧(١-) - ١$

$$٧ - ٥ - ٤ + ١ =$$

$$١٠ - ٣ = ٧ - ٥ - ٣ =$$

٤

السؤال الرابع :-

١٢

٢ حل المتباينة التالية : $٢س + ٤ \geq ٣(س + ١)$ ، $س \in \mathbb{D}$

$$٢س + ٤ \geq ٣س + ٣$$

$$٤ - ٣ \geq ٣س - ٢س$$

$$١ \geq س$$

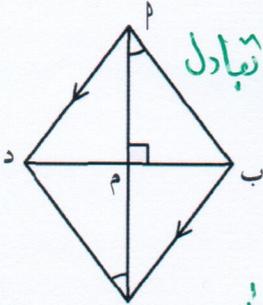
$$\frac{١}{١} \leq \frac{س}{١}$$

$$س \leq ١$$

∴ حل المتباينة هي مجموعة الأعداد النسبية الأكبر من أو تساوي ١

٥

٢) في الشكل المقابل : $\overline{بج} \parallel \overline{دج}$ ، $\widehat{بم} = \widehat{دج}$ ، $\overline{مب} \perp \overline{بج}$ ، أثبت أن $\overline{بج} \parallel \overline{دج}$ معين.



∴ $\widehat{بم} = \widehat{دج}$ (معلني) وهما في وضع تبادل

$$\therefore \overline{بم} \parallel \overline{دج} \quad (١)$$

$$\therefore \overline{بم} \parallel \overline{دج} \quad (معلني) \quad (٢)$$

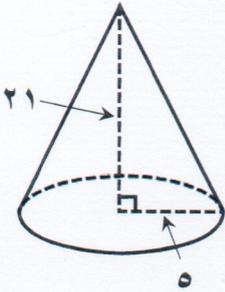
∴ من (١) ، (٢) $\overline{بم} \parallel \overline{دج}$ متوازي أضلاع لأنه فيه كل ضلعي متقابلين متوازيين

$$\therefore \overline{بم} \perp \overline{بج} \quad (٣) \text{ معلني (القطران متعامدان)}$$

∴ من (١) ، (٢) ، (٣) $\overline{بم} \parallel \overline{دج}$ متوازي أضلاع قطران متعامدان

٤

٣) أوجد حجم المخروط المرسوم جانباً . $(\frac{٢٢}{٧} = \pi)$



$$\text{حجم المخروط} = \frac{\pi r^2 h}{٣}$$

$$= \frac{\pi \times 7^2 \times 22}{٣}$$

$$= 35 \times 11 =$$

$$= 385 \text{ وحدة مكعبة}$$

٣

ثانياً: البنود الموضوعية

١٢

السؤال الخامس :-

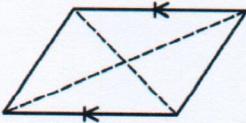
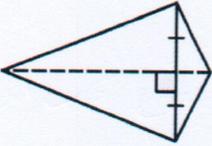
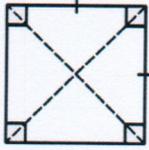
أولاً: في البنود (١ ← ٤) ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة:
أو ظلل (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة:

١	في متوازي الأضلاع قطراه متناصفان ومتطابقان.	متناصفان فقط	<input checked="" type="radio"/> أ <input type="radio"/> ب
٢	$س^٢ - ٥\sqrt{س} + ٣$ ليست كثيرة حدود.	لأنه من تحت الجذر	<input type="radio"/> أ <input checked="" type="radio"/> ب
٣	مكعب طول حرفه ٣ وحدة طول فإن المساحة السطحية للمكعب تساوي ٥٤ وحدة مربعة	$٥٤ = ٩ \times ٦ = ٣ \times ٣ \times ٦ = ٥٤$	<input type="radio"/> أ <input checked="" type="radio"/> ب
٤	$٦! = ٣! \times ٢!$	$٦! = ٦ \times ٥ \times ٤ \times ٣ \times ٢ \times ١ = ٧٢٠$ $٣! \times ٢! = ٦ \times ٢ = ١٢$	<input checked="" type="radio"/> أ <input type="radio"/> ب

ثانياً: في البنود (٥ ← ١٢) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح
ظلل دائرة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة :-

٥	في الشكل المقابل: إذا كان $س$ ص $ع$ ل مربع، $هـ$ \exists ص $ع$ فإن $ق$ ($س$ $ع$ $هـ$) = $ق$ ($س$ $ع$ $ل$) + $ق$ ($ل$ $ع$ $هـ$) $٩٠ + ٤٥ = ١٣٥$ $١٣٥ =$	<input type="radio"/> أ ٦٠ <input checked="" type="radio"/> ب ١٣٥ <input type="radio"/> ج ١٨٠ <input type="radio"/> د ٣٦٠
٦	صورة النقطة $هـ$ (-٤ ، -١) بالانعكاس في نقطة الأصل ($و$) هي: $هـ$ (٤ ، -١)	<input type="radio"/> أ $هـ$ (-٤ ، -١) <input checked="" type="radio"/> ب $هـ$ (١ ، -٤) <input type="radio"/> ج $هـ$ (١ ، ٤) <input type="radio"/> د $هـ$ (-٤ ، ١)
٧	$= ٥٢ \times ٢ (٤ - ٢)$	<input type="radio"/> أ $١ - ٢$ <input checked="" type="radio"/> ب $٣ - ٢$ <input type="radio"/> ج ٢ <input type="radio"/> د ١١٢

$٣ - ٢ = ١ + ١ - ٢ = ٠$
 $٠ \times ١ - ٢ = ٠ - ٢ = -٢$
 $٠ \times ٤ - (٢) = ٠ - ٢ = -٢$

	<p>أي الأشكال التالية ليس متناظر حول نقطة ملتقى قطريه:</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;">  <p>ب</p> </div> <div style="text-align: center;">  <p>م</p> </div> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-around; margin-top: 10px;"> <div style="text-align: center;">  <p>د</p> </div> <div style="text-align: center;">  <p>ج</p> </div> </div>	٨
	<p style="text-align: center; color: red;">$(س + ٠,٩) (س - ٠,٩) = س^٢ - ٠,٨١$</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;"> <p>ب $(س + ٠,٩) (س + ٠,٩)$</p> <p>د $(س + ٠,٩) (س - ٠,٩)$</p> </div> <div style="text-align: center;"> <p>م $(س - ٠,٩) (س - ٠,٩)$</p> <p>ج $(س + ٠,٩) (س - ٠,٩)$</p> </div> </div>	٩
	<p>مساحة سطح الأسطوانة الجانبي تساوي:</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;"> <p>ب $٢\pi ر ع$</p> <p>د $\pi ر ع$</p> </div> <div style="text-align: center;"> <p>م $٢\pi ر$</p> <p>ج $٢\pi ر ع$</p> </div> </div>	١٠
<p style="color: red;">٩ = ١ - س ١ + ٩ = ٣٢ ١ = س ٥ = س</p>	<p>إذا كان $٢س - ١ = ٩$، فما قيمة $٢س - ٢٥$؟ $(٥ - ٢٥) = -٢٠ =$ صفر</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;"> <p>د ٢٥</p> <p>ج ٤٥</p> </div> <div style="text-align: center;"> <p>ب ٥٥</p> <p>م ٧٥</p> </div> </div> <p style="color: green;">تعد دليل</p>	١١
	<p>احتمال سحب كرة خضراء من صندوق يحتوي على ٦ كرات حمراء و ٥ كرات صفراء هو:</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;"> <p>م ٠</p> <p>ب ١</p> </div> <div style="text-align: center;"> <p>ج $\frac{١}{٦}$</p> <p>د $\frac{١}{١١}$</p> </div> </div> <p style="color: red;">مستحيل</p>	١٢

انتهت الأسئلة، نرجو لكم النجاح والتوفيق