

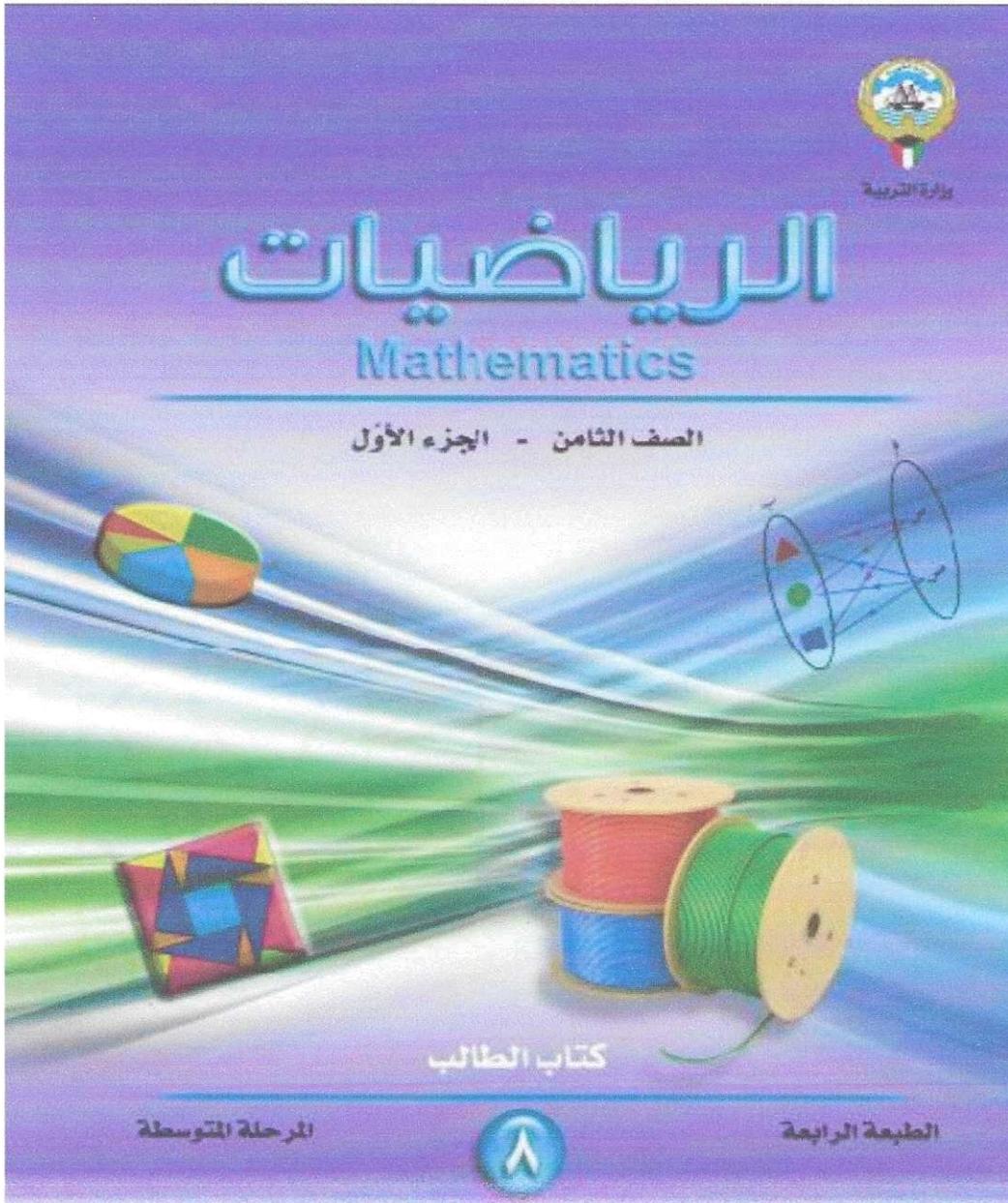
الإجابات:
هارة لبیب

H.O.
3

٤٠٤٤ - ٤٠٤٣



البنود: (١ - ٣)، (٤ - ٣)، (٤ - ٢)، (٣ - ٤)



يستطيع ٣ عمال إنجاز عمل ما في ١٢ يومًا . في كم يومًا يتم إنجاز العمل نفسه بواسطة ٩ عمال في المستوى نفسه من الكفاءة ؟ « ماذا تتوقع : هل يزيد عدد الأيام أم يقل ؟ »

عدد الأيام يقل
نفرض أن عدد الأيام هو س

$$\frac{3}{12} = \frac{9}{s}$$

$$12 \times 9 = 3 \times s$$

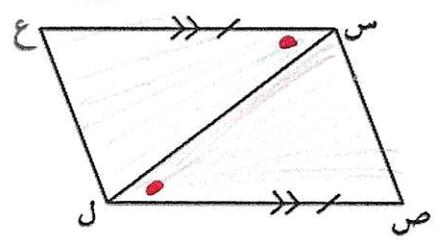
$$\frac{108}{3} = s$$

$$36 = s$$

∴ يتم إنجاز العمل في ٣٦ أيام

نقصان	عمال	أيام
	٣	١٢
زيادة	٩	س

تناسب عكسي



في الشكل المقابل: $\overline{س ل} \cong \overline{ص ل}$ ، $\overline{س ع} \parallel \overline{ص ل}$.

أثبت أن: (١) $\Delta ل س ع \cong \Delta س ل ص$ (٢) $س ص = ع ل$

المعطيات: $\overline{س ل} \cong \overline{ص ل}$ ، $\overline{س ع} \parallel \overline{ص ل}$
المطلوب: ① إثبات أن $\Delta ل س ع \cong \Delta س ل ص$
② إثبات أن $س ص = ع ل$
البرهان: ① $\Delta ل س ع$ ، $\Delta س ل ص$ فيهما:

∴ $\Delta ل س ع \cong \Delta س ل ص$

بحالة (ض. ز. ض.)

وينتج أن: $س ص = ع ل$

(١) $س ل = ع س$ (مطابق)

(٢) $س ل$ (مطلوب)

(٣) $س ص = ع ل$ (بالمتبادر والتوازي)

لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح . ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

إذا كان $\frac{س}{٩٠} = \frac{٧٥}{١٥٠}$ ، فإن س = $\frac{٧٥ \times ٩٠}{١٥٠} = ٤٥$ ←

٤٥ (أ) ، ٥ (ب) ، ٤٥ (ج) ، ١٨٠ (د)

سعر لعبة كمبيوتر ٤ دنانير . إذا كانت خدمة التوصيل ٦٪ ، فإن ثمن التكلفة الكلية يساوي :

٤ (أ) دنانير $\times ٠,٠٦$ ، ٤ (ب) دنانير $+ ٠,٠٦$ ، ٤ (ج) دنانير $\times ٠,٠٦$ ، ٤ (د) دنانير $+ ٠,٠٦$

شعبان جمال

٢
خدمة التوصيل = $\frac{٤ \times ٦}{١٠٠} = ٠,٢٤$
∴ ثمن التكلفة الكلية = $٤ + ٠,٢٤ = ٤,٢٤$ دينار

سيارة يمكنها أن تسير مسافة ١٥٠ كم مستخدمة ١٥ لترًا من البنزين . فما المسافة التي تسيرها باستخدام ٢٥ لترًا من البنزين ، علمًا أن معدل الاستهلاك هو نفسه (عند ثبوت السرعة) .

تناسب طرسي

كم	لتر
١٥٠	١٥
س	٢٥

$$\frac{150}{س} = \frac{15}{25}$$

$$س = \frac{150 \times 25}{15}$$

$$س = 250$$

∴ المسافة التي تسيرها السيارة = ٢٥٠ كم

جهاز رياضي سعره الأصلي ١٢٠ دينارًا يُضاف إليه نسبة ١٢٪ خدمة توصيل . فما هو ثمنه عند التوصيل ؟

∴ مقدار الزيادة = ١٤,٤ دينار

التمه عند الشراء

$$120 + 14,4 =$$

$$= 134,4 \text{ دينار}$$

النسبة المئوية = $\frac{\text{مقدار الزيادة}}{\text{القيمة الأصلية}} \times ١٠٠\%$

$$١٢\% = \frac{س}{120} \times ١٠٠\%$$

$$\frac{س}{120} = \frac{12}{100}$$

$$س = \frac{12 \times 120}{100}$$

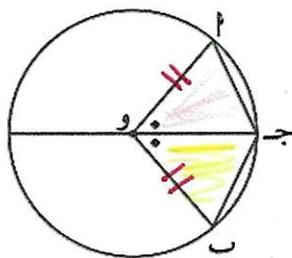
$$س = 14,4$$

$$\frac{12}{100} = \frac{س}{120}$$

$$\frac{12}{100} = \frac{س}{120}$$

ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

قرأ بدر ٢٠٠ صفحة في زمن قدره ٦ ساعات ، فإن الزمن الذي يستغرقه لقراءة ٥٠٠ صفحة بالمعدل نفسه هو ١٥ ساعة .



في الشكل المقابل : دائرة مركزها O و فإن

$$ا ج = ب ج .$$

المثلث متطابق حالة (من ز , من)

ب (أ)

يلزم ١٤ عاملاً لجني محصول الطماطم من مساحة الأرض خلال ١٢ ساعة .

أحسب عدد العمال اللازم لجني المحصول خلال ٨ ساعات لنفس مساحة الأرض .
 نرض أن عدد العمال = S

تضاربه عكسي

ساعات	عمال
١٢	١٤
٨	S

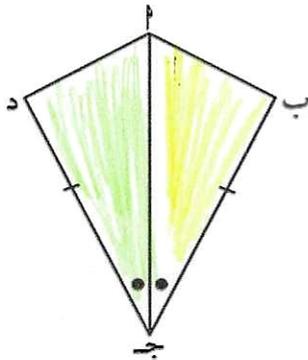
$$\frac{12}{8} = \frac{14}{S}$$

$$12 \times 14 = 8 \times S$$

$$168 = 8S$$

$$S = \frac{168}{8} = 21$$

∴ عدد العمال اللازم لجني المحصول = ٢١ عاملاً



في الشكل المجاور: $\triangle ABC \cong \triangle ADC$ ، $\overline{BC} \cong \overline{DC}$

١ أثبت أن: $\triangle ABC \cong \triangle ADC$. برهن أن $\overline{AB} \cong \overline{AD}$.

المعطيات: $\overline{BC} \cong \overline{DC}$ ، $\overline{AC} \cong \overline{AC}$ ، $\overline{BC} \cong \overline{DC}$

المطلوب: ١ إثبات أن $\triangle ABC \cong \triangle ADC$ ، $\overline{AB} \cong \overline{AD}$

٢ إثبات أن $\triangle ABC \cong \triangle ADC$ ، $\overline{BC} \cong \overline{DC}$

البرهان: ١ $\triangle ABC \cong \triangle ADC$ ، $\overline{AB} \cong \overline{AD}$ فيهما:

(١) $\overline{BC} \cong \overline{DC}$ (معطى)

(٢) $\overline{AC} \cong \overline{AC}$ (ضلع مشترك)

(٣) $\overline{BC} \cong \overline{DC}$ ، $\overline{AC} \cong \overline{AC}$ (مطابق)

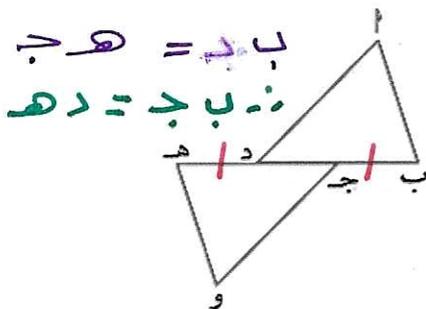
∴ $\triangle ABC \cong \triangle ADC$ ، $\overline{AB} \cong \overline{AD}$

بحالة (ض. ز. ض.)

وينتج أن: $\triangle ABC \cong \triangle ADC$

لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح . ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

في الشكل المقابل ، إذا كان $\triangle ABC \cong \triangle DEF$ و $\overline{AB} \cong \overline{DE}$ فإن:



١ $\angle B \cong \angle D$

٢ $\angle C \cong \angle F$

٣ $\overline{BC} \cong \overline{DF}$

٤ $\angle A \cong \angle A$

في أحد المحلات التجارية كان عدد الزبائن يوم الثلاثاء ٦٠٠ شخص وفي يوم الأربعاء انخفض العدد

إلى ٤٥٠ شخصاً . فإن النسبة المئوية للانخفاض في عدد الزبائن ليوم الأربعاء تساهم في:

أ) ١٥%

ب) ٢٥%

ج) ٤٠%

د) ٥٠%

النسبة المئوية للانخفاض = $\frac{600 - 450}{600} \times 100 = 25\%$

$25\% = \frac{150}{600} \times 100 = 25\%$

شعبان جمال

إذا كان ٢٠ رجلاً يحفرون بئراً في ١٥ يوماً، ففي كم يوماً يحفر ٣٠ رجلاً البئر نفسها إذا كانت قدرات الرجال متساوية في الحالتين .
نفرصة انه عدد الايام س

تناوب عكسي

يوم	رجل
١٥	٢٠
س	٣٠

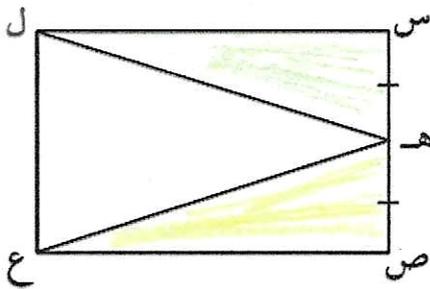
$$\frac{20}{15} = \frac{30}{S}$$

$$\frac{20 \times S}{15} = 30$$

$$S = 22.5$$

∴ عدد الايام = ٢٢.٥

في الشكل المقابل : س ص ع ل مستطيل ، ه منتصف س ص أثبت أن : ه ل = ه ع
المعطيات : س ص ع ل مستطيل ، ه منتصف س ص



المطلوب : اجاب ان ه ل = ه ع

البرهان : ∴ ∆ ل س ه ، ∆ ع ص ه فيهما :

(١) س ه = ص ه (معطى)

(٢) ∠ ل س ه = ∠ ع ص ه (ض . ز . ض) = ٩٠° (زوايا المستطيل الزاوية قوائم)

(٣) س ل = ع ص (ضواضعة مستطيل)

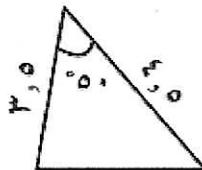
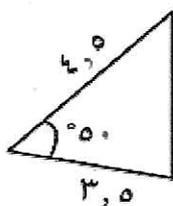
∴ ∆ ل س ه ≅ ∆ ع ص ه

بحالة (ض . ز . ض)

وينتج أن : ه ل = ه ع

ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

(ب) (أ)



في الشكل المقابل يتطابق المثلثان

بحالة (ض . ز . ض)

تحتوي علبة من الحليب المخصصة للدعاية نسبة زيادة مجانية ٣٠% عما تحويه العلبة الأصلية ،

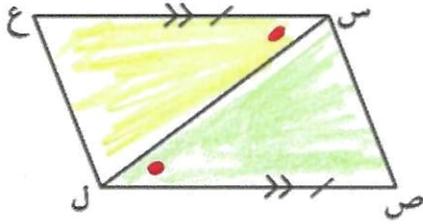
فإذا كانت سعة علبة الحليب الأصلية ٤ لترات ، فإن سعة علبة العروض ٢,٨ لتر (ب) (أ)

سعة العلبة = ٤ + ١,٢ = ٥,٢ لتر

$$\frac{S}{4} = \frac{30}{100}$$

$$\frac{4 \times 30}{100} = S$$

∴ س = ١,٢ مقدار الزيادة



في الشكل المقابل $\overline{س ع} \cong \overline{ص ل}$ ، $\overline{س ع} \parallel \overline{ص ل}$.

أثبت أن: (١) $\Delta ل س ع \cong \Delta س ل ص$ (٢) $س ص = ع ل$

المعطيات: $\overline{س ع} \cong \overline{ص ل}$ ، $\overline{س ع} \parallel \overline{ص ل}$

المطلوب: ① اثبات $\Delta ل س ع \cong \Delta س ل ص$ ② اثبات $س ص = ع ل$

البرهان: $\Delta ل س ع$ ، $\Delta س ل ص$ فيهما:

$\Delta ل س ع \cong \Delta س ل ص$:

بحالة (ص . ز . ص)

وينتج أن: $س ص = ع ل$

(١) $س ع = ص ل$ (مطابق)

(٢) $\overline{س ل}$ (ضلع مشترك)

(٣) $س ص = ع ل$ (بالمقابل المتوازيين).

معدّل تساقط الأمطار سنويًا في الكويت خلال شهر فبراير هو ٢٤ مم وخلال شهر مارس ٢١ مم .

بيّن نوع التغير من زيادة أو نقصان ، ثم أوجد النسبة المئوية للتغير في معدّل تساقط الأمطار خلال الشهرين .
نوع التغير: نقصان

$$\begin{array}{r} 125 \\ \times 10 \\ \hline 1250 \end{array}$$

النسبة المئوية للتناقص = $\frac{\text{مقدار التناقص}}{\text{القيمة الأصلية}} \times 100\%$

$\% 100 \times \frac{24 - 21}{24} =$

$\% 100 \times \frac{3}{24} = \% 100 \times \frac{1}{8} =$

$\% 125 = \% 100 \times 1.25 =$

لكل بند أربعة اختبارات واحد منها فقط صحيح . ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

قيمة الضم = $\frac{170}{100} = 1.7$
القيمة بعد التخفيض = $7 - 7 \times 0.15 = 5.95$

قيمة التذكرة العادية لحضور أمسية شعرية هي ٧ دنانير ، ويُمنح المتعلمون تخفيضًا قدره ١٥% .

٢٥% من ثمن التذكرة ، فإن ثمن التذكرة بعد التخفيض :

- أ ٨,٧٥ دنانير
 ب ٧ دنانير
 ج ٥,٢٥٠ دنانير
 د ١,٧٥٠ دينار

نسبة طرد

شمعة طولها ٤٠ سم تحترق في مدة قدرها ٦ ساعات . فان الوقت اللازم لاحتراق شمعة من $\frac{3}{4}$ السمك نفسه وفي الظروف نفسها بطول ٣٠ سم هو ساعة

- أ ٤,٥
 ب ٥
 ج ٣,٥
 د ٤

شعبان جمال = $\frac{2 \times 6}{4} = \frac{12}{4} = 3$

تقطع سيارة المسافة من مدينة (أ) إلى مدينة (ب) خلال زمن قدره ٣٠ دقيقة عندما كانت تسير بسرعة ١٠٠ كم / ساعة ، فما هو الزمن اللازم لقطع المسافة نفسها إذا سارت بسرعة ١٢٠ كم / ساعة ؟
 نفرض أنه عدد الدقائق س

دقيقة	كم / ساعة
٣٠	١٠٠
س	١٢٠

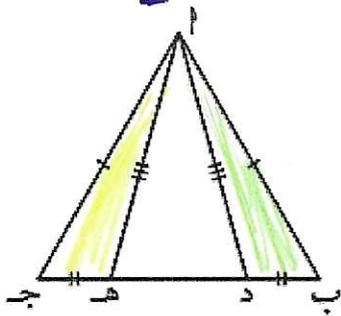
$$\frac{100}{100} = \frac{30}{s}$$

$$\frac{100 \times s}{100} = \frac{3000}{100}$$

$$s = 30$$

∴ الزمن اللازم = ٤٥ دقيقة

تناسب عكسي



في الشكل المقابل : $\overline{AB} \cong \overline{AC}$ ، $\overline{AD} \cong \overline{AE}$ ، $\overline{BD} \cong \overline{CE}$
 أثبت أن : (١) $\triangle ABD \cong \triangle ACE$ (٢) $\angle B \cong \angle C$
 المعطيات : $\overline{AB} \cong \overline{AC}$ ، $\overline{AD} \cong \overline{AE}$ ، $\overline{BD} \cong \overline{CE}$
 المطلوب : (١) إثبات $\triangle ABD \cong \triangle ACE$ ، (٢) إثبات $\angle B \cong \angle C$
 البرهان : ∴ $\triangle ABD \cong \triangle ACE$ ، $\triangle ABD \cong \triangle ACE$ فيهما :

∴ $\triangle ABD \cong \triangle ACE$

بحالة (ض . ض . ض)

وينتج أن : $\angle B \cong \angle C$

(١) $\angle B = \angle C$ (مطابق)

(٢) $\angle B = \angle C$ (مطابق)

(٣) $\angle B = \angle C$ (مطابق)

ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

$$3 \times 6 = (1 - 1) \times 1$$

$$1 + 1 = 1 - 1$$

$$19 = 1$$

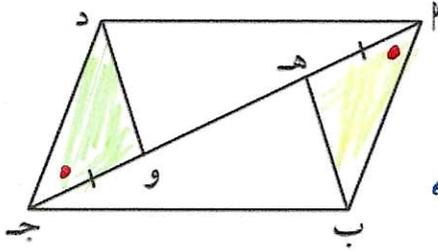
حل التناسب : $\frac{1}{3} = \frac{6}{1-1}$

- (أ) (ب)

يتطابق المثلثان إذا تطابق ضلعان والزاوية المحددة بهما في أحد المثلثين

مع نظائرها في المثلث الآخر .

- (أ) (ب)



في الشكل المقابل : \overline{AB} جـ د متوازي أضلاع ، \overline{AC} قطر فيه ،

$\overline{BE} = \overline{DF}$. أثبت أن $\overline{BE} = \overline{DF}$

المعطيات : $\overline{BE} \perp \overline{AC}$ ، $\overline{DF} \perp \overline{AC}$ ، $\overline{BE} = \overline{DF}$

المطلوب : اجابت $\overline{BE} = \overline{DF}$

البرهان : $\triangle BEC \cong \triangle DFA$ ، \triangle وجد فيهما :

$\triangle BEC \cong \triangle DFA$ وجد

(١) $\overline{BE} = \overline{DF}$ (معطى)

(٢) $\angle BEC = \angle DFA$ (سواء من متوازيين للأضلاع) بحالة (ض . ز . ض)

وينتج أن : $\overline{BE} = \overline{DF}$

(٣) $\overline{BE} = \overline{DF}$ بالتبادل المتعازي

أعلن متجر عن خصم ٢٥٪ على جميع الأدوات الرياضية . فإذا كانت قيمة الخصم لكرة القدم واللباس الرياضي ٢٣,٥ دينارًا ، فما سعرهما الأصلي ؟
النسبة المئوية للبيع = ١٠٠٪ - النسبة المئوية للخصم



$$\frac{100 \times 23.5}{75} = 31$$

$$\frac{23.5}{0.75} = 31$$

$$70\% = 100\% - 30\%$$

نفرض أن السعر الأصلي س :

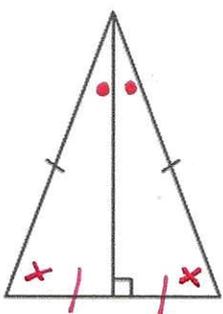
$$23.5 = S \times 70\%$$

$$23.5 = S \times \frac{70}{100}$$

$$\frac{100}{70} \times 23.5 = S \times \frac{100}{100}$$

\therefore السعر الأصلي = ٣١ دينار

لكل بند أربعة اختبارات واحد منها فقط صحيح . ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة



في الشكل المقابل : يتطابق المثلثان وحالة تطابقهما هي :

(أ) (ض . ض . ض) فقط (ب) (ض . ز . ض) فقط

(ج) (ز . ض . ز) فقط (د) كل حالات التطابق

$$1.5 \times 2 = 3$$

$$3 = 1.5$$

(د) $3 = 1.5$ $7 = 3.5$

حل التناسب : $\frac{1.5}{3} = \frac{1.5}{x}$ هو س =

(أ) ٦ (ب) ٥ (ج) ٧ (د) ٦

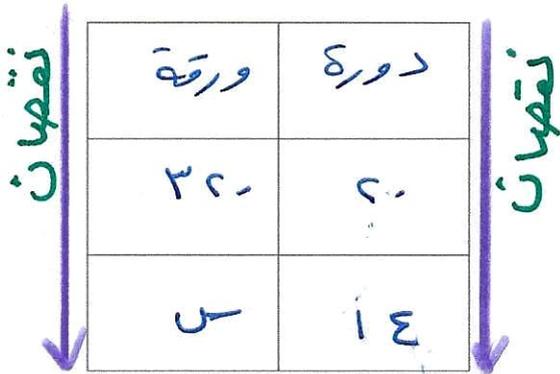
تدور آلة طباعة ٢٠ دورة فتطبع ٣٢٠ ورقة ، كم ورقة تطبع إذا دارت ١٤ دورة ؟

نفرض أن عدد الأذراع s

$$\frac{320}{s} = \frac{9}{14}$$

$$s = \frac{320 \times 14}{9} = 504$$

∴ عدد الأذراع = ٥٠٤ ورقة



تناسب طردي

في الشكل المقابل ، أثبت أن : $\triangle ADE \cong \triangle BDE$

المعطيات : $\angle D = \angle D$ (م. ج)
 $AD = BD$

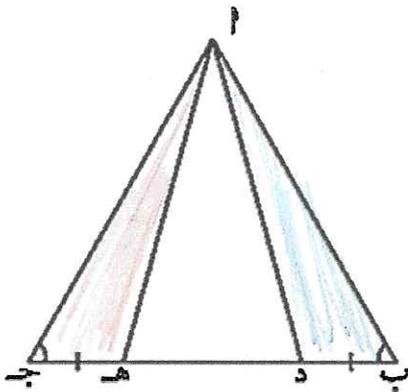
المطلوب : اجابة ان $\triangle ADE \cong \triangle BDE$

البرهان : $\triangle ADE \cong \triangle BDE$ فيهما :

(١) $AD = BD$ (مطابق)

(٢) $\angle D = \angle D$ (م. ج) (مطابق)

(٣) $DE = DE$ (م. ض. ض) (مطابق الضلعين)



∴ $\triangle ADE \cong \triangle BDE$

بحالة (م. ض. ض)

النسبة المئوية للتغير

$$100 \times \frac{17-16}{16} = 6.25\%$$

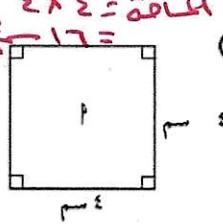
(ب)

ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

الحقيقة $7 \times 7 = 49$



الحقيقة $4 \times 4 = 16$



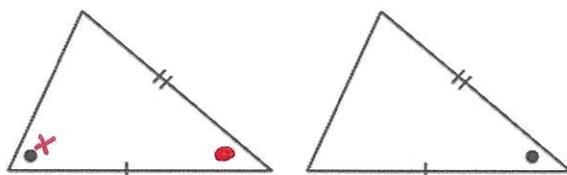
النسبة المئوية للزيادة في مساحة الشكل (ب)

عن الشكل (ا) هي ١٢٥%

في الشكل المقابل يتطابق المثلثان

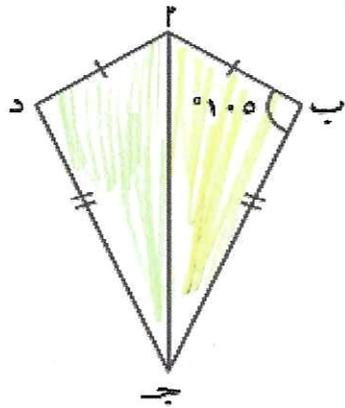
بحالة (ض . ز . ض)

(ب) (ا)



الشكل المقابل Δ ب ج د شكل رباعي فيه : $\hat{A} = \hat{D}$ ، $\hat{B} = \hat{C}$ ، $\hat{A} = 105^\circ$ ، $\hat{B} = 105^\circ$

أثبت أن : (١) Δ ب ج د \cong Δ د ج ب (٢) $\hat{A} = \hat{D} = 105^\circ$ (٣) $\overline{A} = \overline{D}$ منصف (ب ج)



المعطيات : $\hat{A} = \hat{D} = 105^\circ$ ، $\hat{B} = \hat{C}$ ، $\overline{A} = \overline{D}$ منصف (ب ج)

① اثبات Δ ب ج د \cong Δ د ج ب

المطلوب : ② اثبات $\hat{A} = \hat{D} = 105^\circ$ ، ③ اثبات $\overline{A} = \overline{D}$ منصف (ب ج)

البرهان : Δ ب ج د \cong Δ د ج ب فيهما :

(١) $\hat{B} = \hat{C}$ (مطابق)

(٢) $\hat{A} = \hat{D}$ (مطابق)

(٣) $\overline{A} = \overline{D}$ (مطابق)

$\therefore \Delta$ ب ج د \cong Δ د ج ب

بحالة (ض . ض . ض)

وينتج أن : $\hat{A} = \hat{D} = 105^\circ$ ، $\overline{A} = \overline{D}$ منصف (ب ج)

$\hat{B} = \hat{C}$ ، $\overline{A} = \overline{D}$ منصف (ب ج)

$\therefore \Delta$ ب ج د \cong Δ د ج ب

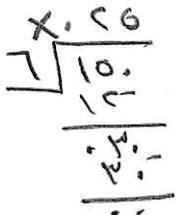
باعت إحدى المكتبات خلال مهرجان هلا فبراير ٦٠٠ كتاب ، ثم باعت ٤٥٠ كتاب في شهر مارس ،

بين نوع التغير ما إذا كان زيادة أم نقصاناً ؟ ثم أوجد النسبة المئوية للتغير . **نوع التغير : نقصان**

النسبة المئوية للنقصان = مقدار النقصان / القيمة الأصلية $\times 100\%$

$\frac{600 - 450}{600} \times 100\% =$

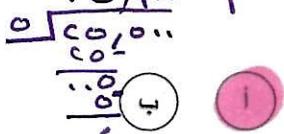
$= \frac{150}{600} \times 100\% = 25\%$



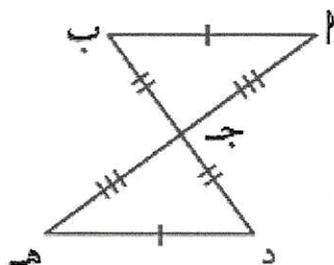
ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة $\frac{5000}{5000} = \frac{5000}{5000}$ ، إذا كانت العبارة خاطئة

تتقاضى سلمى ٢٥,٥٠٠ ديناراً في العمل لمدة ٥ ساعات. فإن ما

تتقاضاه مقابل ساعة عمل واحدة تساوي ٥,١٠٠ دنانير.



(أ) (ب)



في الشكل المجاور :

Δ أ ب ج \cong Δ د ج ب بحالة (ض . ض . ض)