

الإجابات:

هامة لبسب

H.L.

KUWAIT



العام الدراسي ٢٠٢٢ / ٢٠٢٣

مدرسة عبدالمحسن الحمود م. بنين

مراجعة بنود الاختبار التقويمي الثاني في مادة الرياضيات - الفصل الدراسي الثاني

إعداد أ/ أحمد فوزي سعيد

رئيس القسم د/ رائد الظفيري

الموجه الفني أ/ يوسف محمد ذياب

مدير المدرسة : أ/ أنور الأنصاري

٩

العام الدراسي ٢٠٢٢ / ٢٠٢٣

الفصل الدراسي الثاني

قسم الرياضيات

الصف
التاسع

وزارة التربية

الإدارة العامة لمنطقة الفروانية التعليمية

مدرسة عبدالمحسن عبدالقادر الحمود . م . بنين

بنود الاختبار التقويمي الثاني للصف التاسع - الفصل الدراسي الثاني

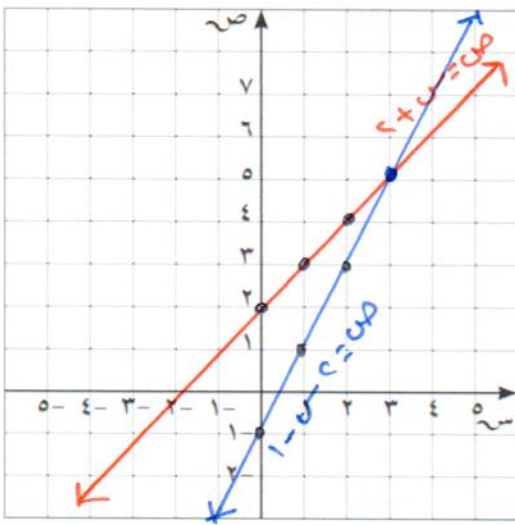
البند	عنوان الدرس	ملاحظات
(٧ - ٣)	حل معادلتين خطيتين (من الدرجة الأولى) في متغيرين	
(٨ - ١)	القطعة المستقيمة الواصلة بين منتصف ضلعين في مثلث	
(٨ - ٢)	القطعة المستقيمة الواصلة من رأس الزاوية القائمة إلى منتصف الوتر	
(٨ - ٤)	منصفات الزوايا الداخلية للمثلث	

ملاحظات هامة	
موعد الاختبار	خلال الأسبوع العاشر
مدة الاختبار	٢٠ دقيقة
درجة الاختبار	٦ درجات

مراجعة بنود الاختبار التقويمي الثاني للصف التاسع - الفصل الدراسي الثاني

السؤال الأول :

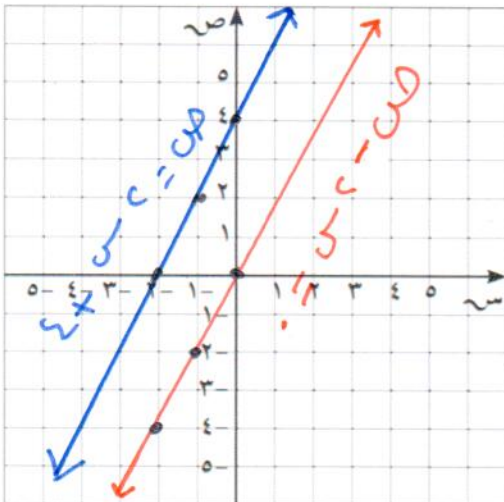
(أ) أوجد مجموعة حل المعادلتين الآتيتين بيانياً : $ص = س + ٢$ ، $ص = ٢س - ١$



س	٠	١	٢
ص	٢	٣	٤

$$\begin{aligned} & \text{ص} = س + ٢ \\ & \text{ص} = ٢س - ١ \\ & ٢ = س + ٢ \\ & ٣ = س + ١ \\ & ٤ = س + ٢ \\ & \text{مجموعة الحل} = \{ (٣, ٥) \} \end{aligned}$$

(ب) أوجد مجموعة حل المعادلتين الآتيتين بيانياً : $ص = ٢س - ١$ ، $ص = س + ٢$



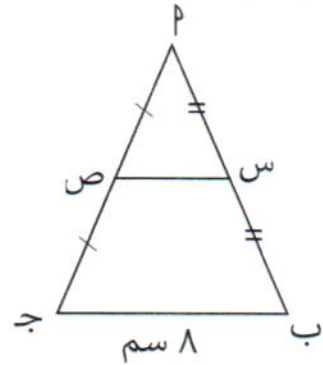
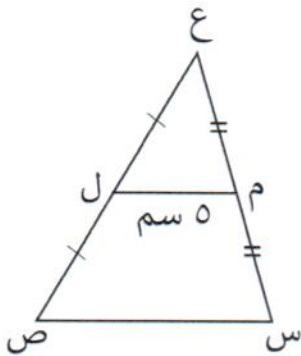
س	٠	١	٢
ص	٢	٣	٤

$$\begin{aligned} & \text{ص} = س + ٢ \\ & \text{ص} = ٢س - ١ \\ & ٢ = س + ٢ \\ & ٣ = س + ١ \\ & ٤ = س + ٢ \\ & \text{مجموعة الحل} = \emptyset \end{aligned}$$

لا يتقاطعان في نقطة (لا يتقاطعان في نقطة)

السؤال الثاني :

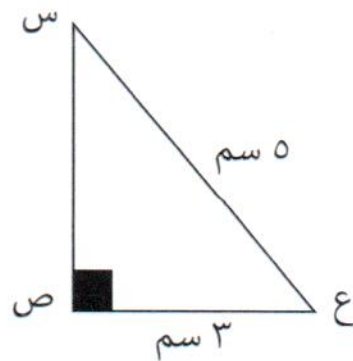
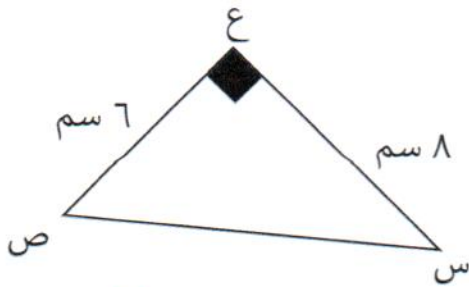
(أ) في كل من المثلثات التالية : حسب المعطيات على الرسم أوجد س ص



∴ م منتصف \overline{BC} (معطى)
 ∴ ل منتصف \overline{AB} (معطى)
 ∴ $\overline{LM} \parallel \overline{BC}$ ∴ $\angle L = \angle C = \frac{1}{2} \angle C$
 ∴ $\angle L = \angle C = 5 \times 2 = 10^\circ$
 (نظرية)

∴ س منتصف \overline{AC} (معطى)
 ∴ ص منتصف \overline{AB} (معطى)
 ∴ $\overline{SV} \parallel \overline{BC}$ ∴ $\angle S = \angle C = \frac{1}{2} \angle C$
 ∴ $\angle S = \angle C = 8 \times \frac{1}{2} = 4^\circ$
 (نظرية)

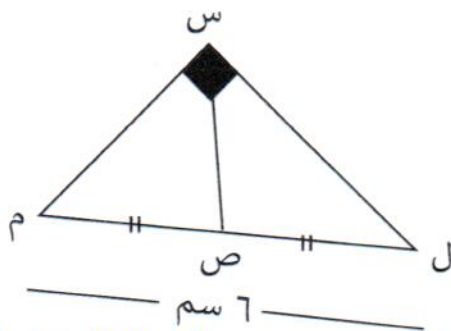
(ب) في كل من المثلثات التالية : حسب المعطيات على الرسم أوجد س ص



∴ المثلث $\triangle ABC$ قائم الزاوية بـ
 ∴ $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$
 $90^\circ + \angle B + \angle C = 180^\circ$
 $\angle B + \angle C = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$
 ∴ $\angle B = \angle C = \frac{90^\circ}{2} = 45^\circ$
 (نظرية فيثاغورس)

∴ المثلث $\triangle ABC$ قائم الزاوية بـ
 ∴ $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$
 $90^\circ + \angle B + \angle C = 180^\circ$
 $\angle B + \angle C = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$
 ∴ $\angle B = \angle C = \frac{90^\circ}{2} = 45^\circ$
 (نظرية فيثاغورس)

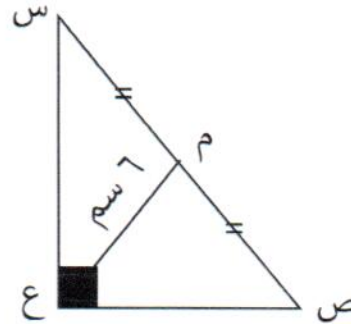
(أ) في كل من المثلثات التالية : حسب المعطيات على الرسم أوجد س ص



∴ المثلث س ل م قائم الزاوية من س ص ص متجهين ل م (مطابق)
∴ س ص = ١/٢ ل م (نظرية)

$$6 \times \frac{1}{2} =$$

$$3 =$$

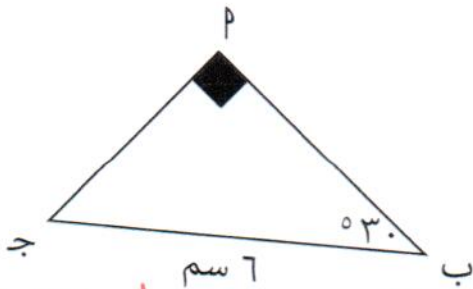


∴ المثلث س ع ص قائم الزاوية من ع م م متجهين س ص (مطابق)
∴ م ص = ١/٢ س ص (نظرية)

$$\therefore س ص = ٢ \times ٦ =$$

$$12 = 6 \times ٢ =$$

(ب) في كل من المثلثات التالية : حسب المعطيات على الرسم أوجد أ ج

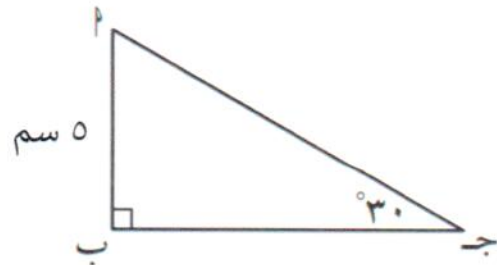


في المثلث ٢ ب ج القائم الزاوية من ب ص ص (ب) = ٣٠ (مطابق)

∴ ٢ ب ج مثلث ثلاثي مستقيم
∴ ٢ ب ج = ١/٢ ب ج (نتيجة)

$$6 \times \frac{1}{2} =$$

$$3 =$$



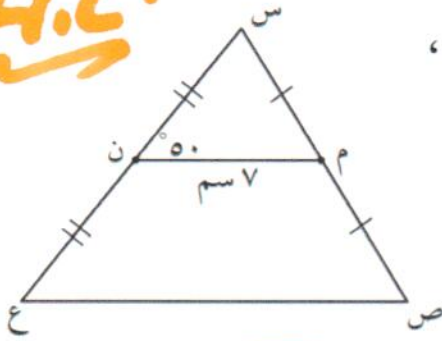
في المثلث ٢ ب ج قائم الزاوية من ب قياس (ج) = ٣٠ (مطابق)

∴ ٢ ب ج مثلث ثلاثي مستقيم
∴ ٢ ب ج = ١/٢ ب ج (نتيجة)

$$\therefore ٢ ب ج = ٥ \times ٢ =$$

$$10 = ٥ \times ٢ =$$

H.O.L.



(أ) س ص ع مثلث فيه : م منتصف س ص ، ن منتصف س ع ،

$$و (س ن م) = 50^\circ ، م ن = ٧ سم$$

أوجد بالبرهان : (١) ص ع (٢) و (ع)

البرهان :

⑤ $م ن \parallel ص ع$

٣ منتصف س ص (معلم)

٤ منتصف س ع (معلم)

∴ قياس (ن م) = قياس (س ن م)

∴ $م ن \parallel ص ع$

$50^\circ =$

م ن = ١/٢ ص ع (نظرية)

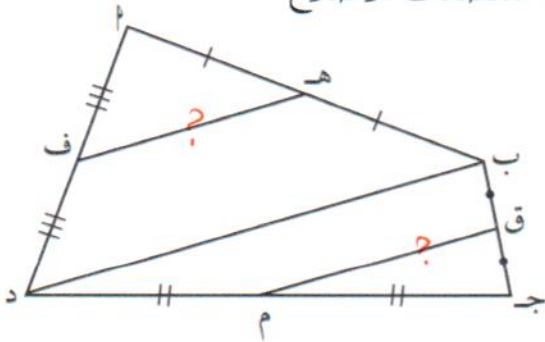
(بالتناظر المتوازي)

∴ ص ع = ٢ × م ن

$٧ \times ٢ =$

$= ١٤ سم$

(ب) في الشكل الرباعي P ب ج د ، إذا كان ه ، ف ، م ، ق منتصفات الأضلاع



ب ب ، P ، د ، د ج ، ج ب على الترتيب

أثبت أن ه ف // ق م

البرهان :

في المثلث P ب د :

ه منتصف P ب (معلم)

ف منتصف P د (معلم)

∴ ه ف // ب د

① (نظرية)

في المثلث ج ب د :

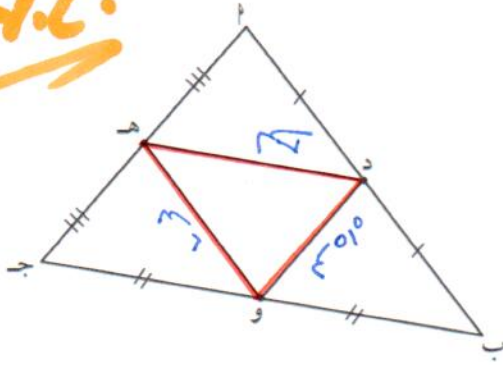
ه منتصف ج ب (معلم)

م منتصف ج د (معلم)

ه ف // ب د

∴ ه ف // ب د (نظرية) ②

H.L.



(أ) P ب ج مثلث فيه : P ب = ١٢ سم ، P ج = ١٤ سم

P ج = ١١ سم ، D ، H ، ومنتصفات

P ب ، P ج ، P د على الترتيب

أوجد بالبرهان محيط المثلث D و H

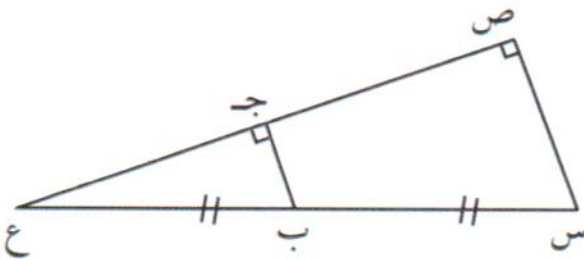
البرهان :

د منتصف P ب (معلم)	و منتصف P ج (معلم)	د منتصف P ب (معلم)
و منتصف P ج (معلم)	ه منتصف P ج (معلم)	ه منتصف P ج (معلم)
$\therefore DQ \parallel PC$ ،	$\therefore HE \parallel PC$ ،	$\therefore DH \parallel PC$ ،
$DQ = \frac{1}{2} PC$ (نظرية)	$HE = \frac{1}{2} PC$ (نظرية)	$DH = \frac{1}{2} PC$ (نظرية)
$11 \times \frac{1}{2} =$	$12 \times \frac{1}{2} =$	$14 \times \frac{1}{2} =$
$5.5 =$	$6 =$	$7 =$
محيط المثلث D و H = مجموع أطوال أضلاعه		
$5.5 + 6 + 7 = 18.5$		

(ب) S ص ع مثلث قائم الزاوية في V ، B منتصف S ع ،

B ج \perp ص ع

أثبت أن $ص$ ج = $ع$ ج



البرهان :

في المثلث S ص ع :	
B منتصف S ع (معلم)	① —
B ج \perp ص ع	
ص ع \perp ج ب	
\therefore ص ج = ع ج	② —

44



(أ) $\overline{AS} = \overline{SC}$ ، $\overline{BV} = \overline{VC}$ ، $\angle A = 50^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، أوجد $\angle V$ (س ص ب)

$$\angle A = 50^\circ ، \angle B = 60^\circ$$

أوجد $\angle V$ (س ص ب)

البرهان :

س منتصف \overline{AC} (معطى)

ص منتصف \overline{BC} (معطى)

$\therefore \overline{SV} \parallel \overline{AB}$ (نظرية)

$\therefore \angle V = \angle B = 60^\circ$ (بالتناظر والتوازي)

(بالتناظر والتوازي)

(ب) $\overline{AS} = \overline{SC}$ ، $\overline{BV} = \overline{VC}$ ، $\angle A = 50^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، أوجد $\angle V$ (س ص ب)

د منتصف \overline{AB} ، $\overline{SV} \parallel \overline{BC}$ ، $\angle A = 50^\circ$ ، $\angle B = 60^\circ$ ، أوجد $\angle V$ (س ص ب)

أوجد طول \overline{SV}

البرهان :

في المثلث $\triangle ABC$:

د منتصف \overline{AB} (معطى)

ص منتصف \overline{BC} (معطى)

$\therefore \overline{DV} \parallel \overline{AC}$

$\angle D = \angle A = 50^\circ$ (نظرية)

$$16 \times \frac{1}{2} =$$

$$8 =$$

في $\triangle ABC$:

د منتصف \overline{AB} (معطى)

$\overline{DV} \parallel \overline{AC}$ (معطى)

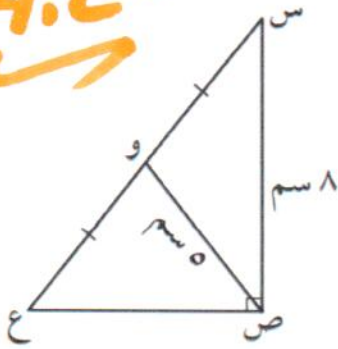
$\therefore \angle D = \angle A = 50^\circ$ (نظرية)

$$\angle D = \angle A = 50^\circ$$

$$16 \times \frac{1}{2} =$$

$$8 =$$

H.L.



(أ) س ص ع مثلث قائم الزاوية في ص ، و منتصف س ع

ص و = ٥ سم ، س ص = ٨ سم

أوجد بالبرهان : (١) س ع (٢) ص ع

البرهان :

١ :- الختلة س ص ع قائم الزاوية في ص (مطلوب)

و منتصف س ع (مطلوب) ٢ (ص ع) = (س ع) - (س ص)

$$(٨) - (٥) =$$

$$٣ =$$

$$٣ =$$

$$٣ = \text{ص ع}$$

$$٣ = \text{ص و}$$

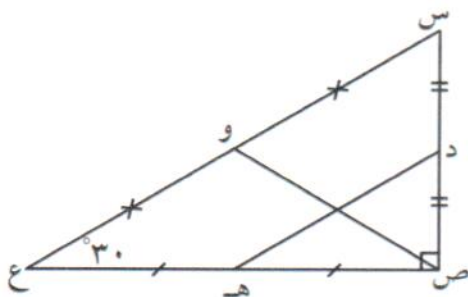
(نظرية فيثاغورس)

ص و = ٥ سم (نظرية)

$$\text{ص ع} = ٥ \times ٢ =$$

$$١٠ \text{ سم}$$

$$١٠ =$$



(ب) س ص ع مثلث قائم الزاوية في ص ، ص و = ٦ سم

د منتصف س ص ، ه منتصف ص ع ،

و منتصف س ع ، ق (ع) = ٣٠°

أوجد بالبرهان كلا من : س ع ، س ص ، د ه

البرهان :

١ :- الختلة س ص ع قائم الزاوية في ص (مطلوب)

د منتصف س ص (مطلوب)

ه منتصف ص ع (مطلوب)

د ه // ص ع ،

و منتصف س ع (مطلوب)

ص و = ٦ سم (نظرية)

$$\text{ص ع} = ٦ \times ٢ =$$

$$١٢ =$$

$$١٢ =$$

س ع = ١٢ سم (نتيجة)

س ص = ٦ سم (نتيجة)

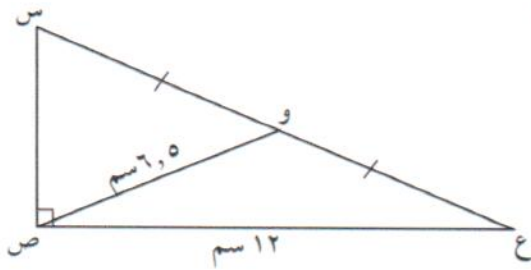
د ه = ٦ سم (نظرية)

$$١٢ \times \frac{١}{٢} =$$

$$٦ =$$

$$١٢ \times \frac{١}{٢} =$$

$$٦ =$$



(أ) س ص ع مثلث قائم الزاوية في ص ، و منتصف س ع

ص و = 6,5 سم ، ع ص = 12 سم

أوجد بالبرهان : (١) س ع (٢) س ص

البرهان :

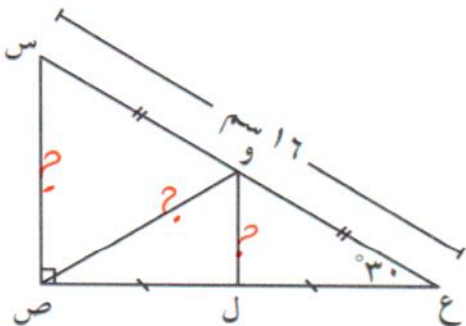
- ① المثلث س ص ع قائم الزاوية في ص (معطى) (١) (٢) (٣) (٤) (٥) (٦) (٧) (٨) (٩) (١٠) (١١) (١٢) (١٣) (١٤) (١٥) (١٦) (١٧) (١٨) (١٩) (٢٠) (٢١) (٢٢) (٢٣) (٢٤) (٢٥) (٢٦) (٢٧) (٢٨) (٢٩) (٣٠) (٣١) (٣٢) (٣٣) (٣٤) (٣٥) (٣٦) (٣٧) (٣٨) (٣٩) (٤٠) (٤١) (٤٢) (٤٣) (٤٤) (٤٥) (٤٦) (٤٧) (٤٨) (٤٩) (٥٠) (٥١) (٥٢) (٥٣) (٥٤) (٥٥) (٥٦) (٥٧) (٥٨) (٥٩) (٦٠) (٦١) (٦٢) (٦٣) (٦٤) (٦٥) (٦٦) (٦٧) (٦٨) (٦٩) (٧٠) (٧١) (٧٢) (٧٣) (٧٤) (٧٥) (٧٦) (٧٧) (٧٨) (٧٩) (٨٠) (٨١) (٨٢) (٨٣) (٨٤) (٨٥) (٨٦) (٨٧) (٨٨) (٨٩) (٩٠) (٩١) (٩٢) (٩٣) (٩٤) (٩٥) (٩٦) (٩٧) (٩٨) (٩٩) (١٠٠)

(ب) س ص ع مثلث قائم الزاوية في ص ، س ع = 16 سم

و منتصف س ع ، ل منتصف ص ع ،

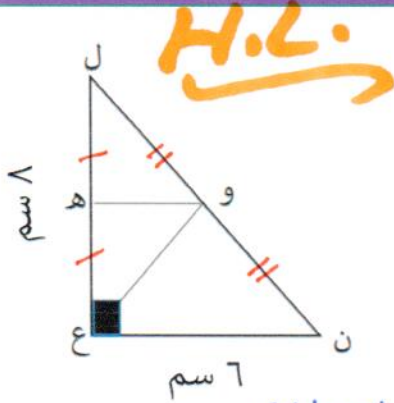
ق (ع) = 30° ،

أوجد بالبرهان كلا من : ص و ، س ص ، ول



البرهان :

- المثلث س ص ع قائم الزاوية في ص (معطى) (١) (٢) (٣) (٤) (٥) (٦) (٧) (٨) (٩) (١٠) (١١) (١٢) (١٣) (١٤) (١٥) (١٦) (١٧) (١٨) (١٩) (٢٠) (٢١) (٢٢) (٢٣) (٢٤) (٢٥) (٢٦) (٢٧) (٢٨) (٢٩) (٣٠) (٣١) (٣٢) (٣٣) (٣٤) (٣٥) (٣٦) (٣٧) (٣٨) (٣٩) (٤٠) (٤١) (٤٢) (٤٣) (٤٤) (٤٥) (٤٦) (٤٧) (٤٨) (٤٩) (٥٠) (٥١) (٥٢) (٥٣) (٥٤) (٥٥) (٥٦) (٥٧) (٥٨) (٥٩) (٦٠) (٦١) (٦٢) (٦٣) (٦٤) (٦٥) (٦٦) (٦٧) (٦٨) (٦٩) (٧٠) (٧١) (٧٢) (٧٣) (٧٤) (٧٥) (٧٦) (٧٧) (٧٨) (٧٩) (٨٠) (٨١) (٨٢) (٨٣) (٨٤) (٨٥) (٨٦) (٨٧) (٨٨) (٨٩) (٩٠) (٩١) (٩٢) (٩٣) (٩٤) (٩٥) (٩٦) (٩٧) (٩٨) (٩٩) (١٠٠)



(أ) ل ع ن مثلث قائم الزاوية في ع ، و منتصف ل ن

ه منتصف ل ع ، ع ن = 6 سم ، ع ل = 8 سم

أوجد بالبرهان كلا من : ل ن ، ع و ، و ه

البرهان :

المثلث ل ن ع قائم الزاوية في ع :

$$\angle(ل ن) = \angle(ل ع) + \angle(ع ن)$$

$$\angle(18) + \angle(6) =$$

$$26 + 64 =$$

$$90 =$$

$$\angle(ل ن) = 90^\circ$$

$$90^\circ =$$

(نظرية ميناء غورث)

و منتصف ل ن (مفترضا)

$$\therefore \angle(ل ن) = 90^\circ$$

$$10 \times \frac{1}{2} =$$

$$5 = \angle(ل ن) \text{ (نظرية)}$$

و منتصف ل ن (مفترضا)

ه منتصف ل ع (مفترضا)

و ه // ل ع ، و ه = $\frac{1}{2}$ ل ن ع (نظرية)

$$و ه = \frac{1}{2} \times 10 = 5$$

(ب) س ص ع مثلث قائم الزاوية في ص ، س ص = 8 سم ، ص و = 5 سم

و منتصف س ع ، ه منتصف س ص ،

أوجد بالبرهان طول ه و

البرهان :

المثلث س ص ع قائم الزاوية في ص .

و منتصف س ع (مفترضا)

و ه = $\frac{1}{2}$ س ع (نظرية)

$$\therefore س ع = 2 \times و ه$$

$$10 \times 2 =$$

$$20 =$$

$$\angle(ع ه) = \angle(س ع) - \angle(س ه)$$

$$\angle(18) - \angle(10) =$$

$$8 - 10 =$$

$$-2 =$$

و منتصف س ع (مفترضا)

ه منتصف س ص (مفترضا)

و ه // س ع ،

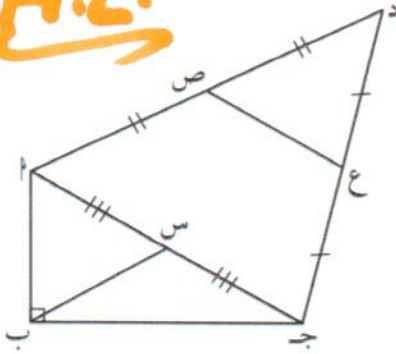
و ه = $\frac{1}{2}$ س ع (نظرية)

$$و ه = \frac{1}{2} \times 10 =$$

$$5 =$$

و ه = 5 (نظرية ميناء غورث)

H.L.



(أ) $\angle B = \angle D$ شكل رباعي فيه : $\angle B = \angle D = 90^\circ$

ص منتصف \overline{AD} ، ع منتصف \overline{DC} ، س منتصف \overline{AC}

أثبت أن : $BS = ES$

البرهان :

المثلث $\triangle BSC$ قائم الزاوية من B :

س منتصف \overline{AC} (معطى)

$\therefore BS = SC = \frac{1}{2} AC$ (نظرية)

$\therefore BS = SC = \frac{1}{2} AC$

ع منتصف \overline{DC}

في المثلث $\triangle BSC$:

ع منتصف \overline{DC} (معطى)

س منتصف \overline{AC} (معطى)

$\therefore ES \parallel \overline{BC}$ و $ES = \frac{1}{2} BC$ (نظرية)

$\therefore BS = ES$

(من خواص المثلثات)

(ب) $\angle B = \angle D$ متوازي أضلاع تقاطع قطريه في م ، رسم م ه $\parallel \overline{AB}$

م ه $\cap \overline{BC} = \angle H$

أثبت أن : $MS = \frac{1}{2} AB$

البرهان :

م نقطة تقاطع قطري متوازي الأضلاع $\triangle BSC$ من

في المثلث $\triangle BSC$:

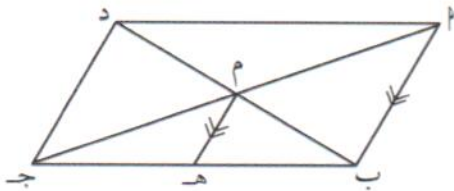
$MS = MC$ (من خواص متوازي الأضلاع)

$\therefore MS = MC$ (من خواص متوازي الأضلاع)

م ه $\parallel \overline{AB}$ (معطى)

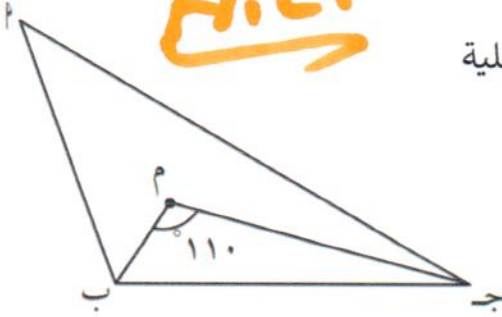
$\therefore \angle H = \angle B$ (من خواص متوازي الأضلاع)

$\therefore MS = MH = \frac{1}{2} AB$ (نظرية)



السؤال الثاني عشر :

110



(أ) P ب ج مثلث فيه : م نقطة تقاطع منصفات زواياه الداخلية

$$\angle BMC = 110^\circ$$

أوجد بالبرهان $\angle BMC$

البرهان :

في $\triangle BMC$:

$$\angle BMC = (\angle MBP) + (\angle MCP) \quad (\text{ملاحظة})$$

$$\angle BMC = (\angle MBP) + (\angle MCP) = (\angle MBP) + (\angle MCP) = 110^\circ$$

\therefore م هي نقطة تقاطع منصفات زوايا المثلث P ب ج الداخلية

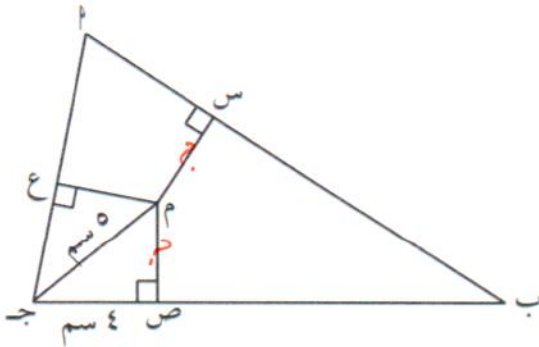
$$\angle BMC = (\angle MBP) + (\angle MCP) = 110^\circ$$

$$\angle BMC = (\angle MBP) + (\angle MCP) = 110^\circ \quad (\text{مجموع قياسات زوايا المثلث} = 180^\circ)$$

(ب) P ب ج مثلث فيه : م نقطة تقاطع منصفات زواياه الداخلية

$$M \text{ ج} = 5 \text{ سم} , M \text{ ب} = 4 \text{ سم}$$

أوجد بالبرهان كلا من م ص ، م س



البرهان :

في $\triangle BMC$ القائم الزاوية في ص :

$$\angle BMC = (\angle MBP) + (\angle MCP) = (\angle MBP) + (\angle MCP)$$

$$= (\angle 4) + (\angle 5) =$$

$$= 90^\circ$$

$$90^\circ$$

$$90^\circ = 90^\circ$$

$$90^\circ = 90^\circ$$

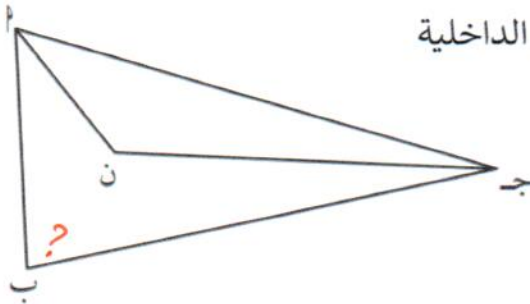
(نظرية فيثاغورس)

\therefore م هي نقطة تقاطع منصفات زوايا المثلث P ب ج الداخلية

$$\angle BMC = \angle BMC \quad (\text{نتيجة})$$

$$BM = CM$$

السؤال الثالث عشر :



(أ) P ب ج مثلث فيه : ن نقطة تقاطع منصفات زواياه الداخلية

$$\text{و } (ن ج ب) + (ن ب ج) = 50^\circ$$

أوجد بالبرهان ق (ب)

البرهان :

ب ن هي نقطة تقاطع منصفات زوايا المثلث P ب ج الداخلية

(مطلوب)

$$\text{م } (ن ج ب) + (ن ب ج) = 50^\circ$$

$$\text{م } (ج ب) + (ب ج) = 50^\circ \times 2$$

$$100^\circ =$$

$$\text{م } (ب) = 100^\circ - 100^\circ$$

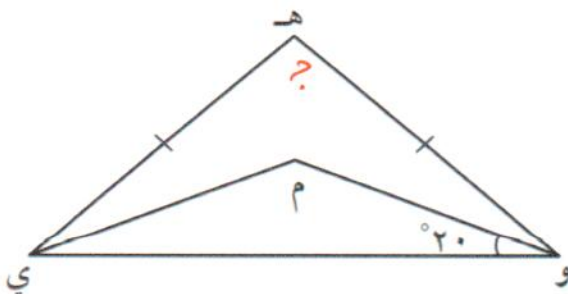
$$= 0^\circ$$

(مجموع قياسات زوايا المثلث = 180°)

(ب) ه و ي مثلث متطابق الضلعين فيه : م نقطة تقاطع منصفات زواياه الداخلية

$$\text{و } (م و ي) = 20^\circ$$

أوجد بالبرهان ق (ه)



البرهان :

في Δ ه و ي :

ب ن هي نقطة تقاطع منصفات زوايا المثلث الداخلية

$$\text{م } (و ي) = 20^\circ \times 2$$

$$= 40^\circ$$

$$\text{م } ه و = ه ي$$

$$\text{م } (و ي) = (و ي)$$

$$\text{م } (و ي) = 40^\circ$$

(م خواص مثلث متطابق الضلعين)

$$\text{م } (ه) = 180^\circ - (40^\circ + 40^\circ)$$

$$180^\circ - 80^\circ =$$

$$100^\circ =$$

(مجموع قياسات زوايا المثلث = 180°)

H.O.L.

أولا : في البنود (١ - ٤) ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (ب) إذا كانت العبارة خاطئة :

١	مجموعة حل المعادلتين $ص = ٣ - س$ ، $ص = ١ - س$ هي \emptyset	ب
٢	نقطة تقاطع منصفات الزوايا الداخلية للمثلث تكون على أبعاد متساوية من رؤوسه	أ
٣	في المثلث الثلاثيني الستيني يكون طول الضلع المقابل للزاوية التي قياسها ٦٠° مساويا نصف طول الوتر	ب
٤	س ص ع مثلث فيه : $\angle م = \angle م$ ، $\angle م = \angle م$ ، $\angle م = ٥٠^\circ$ ، حيث م نقطة تقاطع منصفات الزوايا الداخلية ، فإن $\angle م = ٣٠^\circ$	أ

ثانيا : في البنود (١ - ٣) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل الرمز الدال على الجواب الصحيح :

١	مجموعة حل المعادلتين $ص = ٣ - س$ ، $ص = ١ - س$ هي :	أ ()	ب ()	ج ()	د ()
٢	في الشكل المقابل : س =	أ () ٢٠	ب () ١٥	ج () ٥	د () ٢
٣	أ ب ج مثلث فيه : $\angle م = ١٠٠^\circ$ ، م نقطة تقاطع منصفات الزوايا الداخلية للمثلث ، فإن $\angle م =$	أ () ١٤٠	ب () ١٢٠	ج () ١٠٠	د () ٨٠