



مذكرة الصف الحادي عشر علمي

مادة
الرياضيات

أجلة امتحانات
وإجاباتها النموذجية

الفترة الثانية

العام الدراسي
2022-2021

دولة الكويت

وزارة التربية

امتحان الفترة الدراسية الثانية- للصف الحادي عشر علمي -2018 / 2019 م

المجال الدراسي : الرياضيات

تعليمات هامة

1- الامتحان في (11) صفحة عدا الغلاف والتعليمات .

2- الزمن : ساعتان و 45 دقيقة .

3- الامتحان ينقسم إلى قسمين

(a) القسم الأول :

أسئلة المقال مكونة من أربعة أسئلة المطلوب الإجابة عليها جميعاً كل

حسب الصفحة المخصصة له وهذه الصفحات من (1 - 8)

(b) القسم الثاني :

البنود الموضوعية وتتكون من 14 بند موزعة على الصفحات (9 - 10) ، كل بند

من درجة واحدة فقط والمطلوب الإجابة عليها جميعاً في ورقة إجابة البنود الموضوعية

صفحة (11)

4- تلغى درجة بند الموضوعي في حالة تظليل أكثر من دائرة أو عدم تظليل أي دائرة .

5- لن تصرف أية أوراق إضافية للإجابة غير هذه الأوراق المخصصة للامتحان .

السؤال الثالث: (14 درجة)

(a) أثبت صحة المتطابقة :

(6 درجات)

$$\frac{1}{1-\cos x} + \frac{1}{1+\cos x} = 2\csc^2 x$$

مطلوب

(8 درجات)

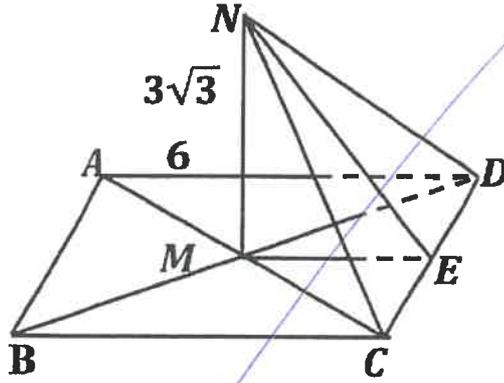
تابع السؤال الثالث:

(b) $ABCD$ مستطيل تقاطع قطراه في M ، وفيه $AD = 6\text{ cm}$

أقيم \overline{NM} عموداً على $(ABCD)$ حيث N خارج مستواه

بحيث $MN = 3\sqrt{3}\text{ cm}$ ، E منتصف \overline{CD}

أوجد قياس الزاوية الزوجية بين المستويين $ABCD$ ، NCD



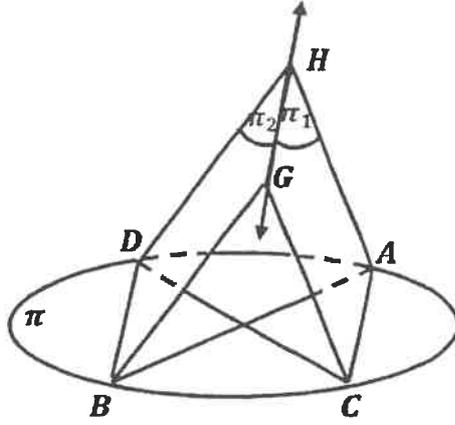
(7 درجات)

السؤال الرابع : (14 درجة)

(a) في الشكل المقابل: \overline{AB} , \overline{CD} قطران في مستوى الدائرة π ،

$$\pi_1 \cap \pi_2 = \overline{GH}$$

أثبت أن مستوى الدائرة π يوازي \overline{GH}



(7 درجات)

تابع السؤال الرابع :

(b) حل المعادلة : ${}_nC_4 = {}_nC_{n-2}$

مفهوم

القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (4) عبارات ظلل في ورقة الاجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الاحداثيات الديكارتية للنقطة $B(\sqrt{2}, 135^\circ)$ هي $B(-1, 1)$

(2) معادلة الدالة المثلثية $y = a \sin(b\theta)$ حيث السعة 5 و الدورة 3π

يمكن أن تكون $y = 5 \sin\left(\frac{2}{3}\theta\right)$

(3) إذا توازى مستقيمان و مر بهما مستويان متقاطعان فإن تقاطعهما هو مستقيم يوازي كلا من هذين المستقيمين .

معلوم

$$\frac{1 - \cos 2x}{2} = 2 \cos^2 \frac{x}{2} \quad (4)$$

ثانياً : في البنود من (5) إلى (14) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(5) الجذران التربيعيان للعدد المركب $z = 33 - 56i$ هما :

(a) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = 7 + 4i \end{cases}$

(b) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

(c) $\begin{cases} z_1 = 7 + 4i \\ z_2 = 7 - 4i \end{cases}$

(d) $\begin{cases} z_1 = 7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

(6) في المثلث ABC : $AC = 40 \text{ cm}$, $AB = 30 \text{ cm}$, $m(\hat{A}) = 120^\circ$ فإن طول \overline{BC} يساوي تقريبا :

(a) 68 cm

(b) 36 cm

(c) 60.8 cm

(d) 21 cm

(7) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاعه 7 cm , 8 cm , 9 cm هي :

(a) $6\sqrt{5} \text{ cm}^2$

(b) $12\sqrt{5} \text{ cm}^2$

(c) $16\sqrt{3} \text{ cm}^2$

(d) $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$

(8) $\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right)$ تساوي:

(a) $\frac{1}{2}\sin x + \frac{\sqrt{3}}{2}\cos x$

(b) $\frac{1}{2}(\sin x + \cos x)$

(c) $\frac{\sqrt{3}}{2}\sin x + \frac{1}{2}\cos x$

(d) $\frac{\sqrt{3}}{2}\sin x - \frac{1}{2}\cos x$

(9) $\frac{\sin 2x}{1 + \cos 2x}$ تساوي:

(a) $\csc x$

(b) $\csc 2x \cos x$

(c) $\tan 2x$

(d) $\tan x$

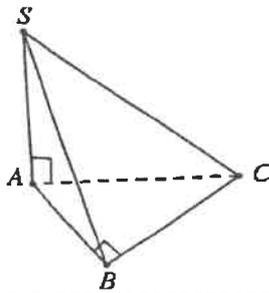
(10) إذا كان $\pi_1 // \pi_2$ ، $\vec{l} \subset \pi_1$ ، $\vec{m} \subset \pi_2$ فإن:

(a) $\vec{l} // \vec{m}$

(b) $\vec{l} \perp \vec{m}$

(c) $\vec{l} \cap \vec{m} = \emptyset$

(d) \vec{l}, \vec{m} متخالفتان



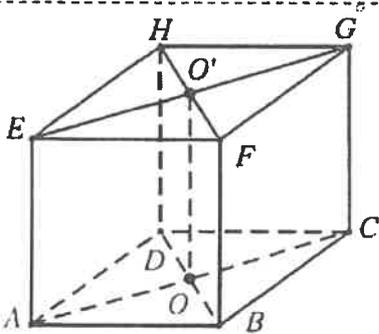
(11) في الشكل المقابل إذا كان $\vec{SA} \perp (ABC)$ ، $m(\widehat{B}) = 90^\circ$ فإن:

(a) $\vec{CB} \perp (SAB)$

(b) المثلث SCB قائم في C

(c) المثلث SAB متطابق الضلعين

(d) المثلث SAB قائم في B



(12) في الشكل المقابل ABCDEFGH مكعب ،

O مركز المربع ABCD ، O' مركز المربع EFGH

فإن (DHFB) ، (EACG) هما:

(a) متطابقان

(b) متعامدان

(c) متوازيان

(d) ليس أيًا مما سبق

(13) في مفكوك $(2a - 3b)^6$ الحد الذي معامله 2 160 هو:

(a) الحد الخامس

(b) الحد الرابع

(c) الحد الثالث

(d) الحد الثاني

(14) إذا كان الحدثان m, l مستقلان ، $P(m) = \frac{1}{3}$ ، $P(l) = \frac{9}{10}$ فإن $P(m \cap l)$ تساوي:

(a) $\frac{1}{3}$

(b) $\frac{25}{30}$

(c) $\frac{11}{30}$

(d) $\frac{3}{10}$

" انتهت الأسئلة "

القسم الأول - أسئلة المقال
تراعى الحلول الأخرى في جميع أسئلة المقال

السؤال الأول : (14 درجة)

(9 درجات) (a) اكتب العدد $\frac{\sqrt{3} - i}{\sqrt{3} + i}$ في الصورة الجبرية

ثم حوله للصورة المثلثية مستخدماً السعة الأساسية

الحل :

$$\frac{\sqrt{3} - i}{\sqrt{3} + i} = \frac{\sqrt{3} - i}{\sqrt{3} + i} \times \frac{\sqrt{3} - i}{\sqrt{3} - i}$$

$$= \frac{2 - 2\sqrt{3}i}{3 + 1}$$

$$= \frac{2 - 2\sqrt{3}i}{4}$$

$$= \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$$

$$x = \frac{1}{2}, y = \frac{-\sqrt{3}}{2}$$

$$r = \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{-\sqrt{3}}{2}\right)^2} = \sqrt{1} = 1$$

$$\tan \alpha = \left| \frac{y}{x} \right| = \left| \frac{-\frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{1}{2}} \right| = \sqrt{3}$$

$$\therefore \alpha = \frac{\pi}{3}$$

نفرض أن α زاوية الاسناد

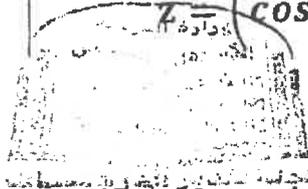
$$x > 0, y < 0$$

θ تقع في الربع الرابع

$$\theta = 2\pi - \frac{\pi}{3} = \frac{5\pi}{3}$$

$$\left(\cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3} \right)$$

الصورة المثلثية هي :



تابع السؤال الأول :

(b) أوجد السعة و الدورة للدالة : $y = -3\cos(2x)$, $-\pi \leq x \leq \pi$

ثم ارسم بيانها

(5 درجات)

الحل :

1

$|a| = |-3| = 3$: السعة

1

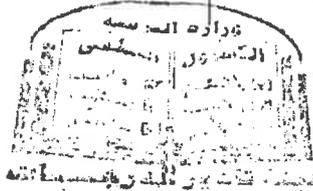
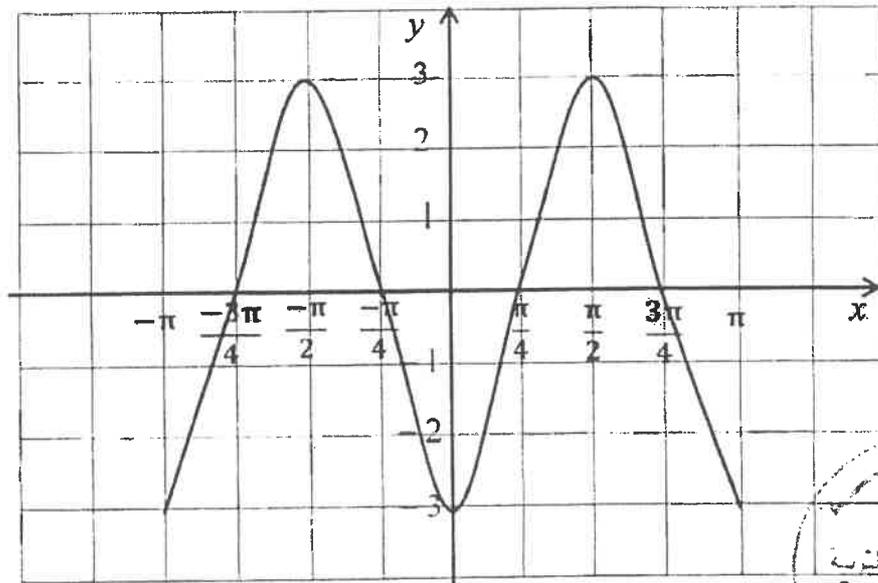
$\frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{|2|} = \pi$: الدورة

$\frac{\pi}{4} =$ ربع الدورة

x	0	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{3\pi}{4}$	π
$2x$	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$\cos(2x)$	1	0	-1	0	1
$y = -3\cos(2x)$	-3	0	3	0	-3

الرسم
كل دورة

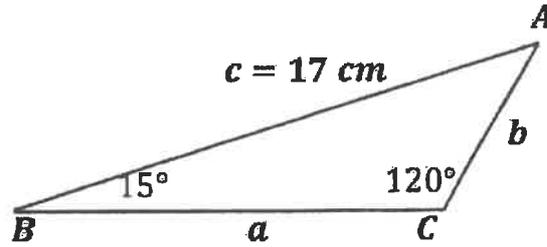
$1\frac{1}{2}$



السؤال الثاني : (14 درجة)

(a) حل المثلث ABC

(6 درجات)



الحل: لحل المثلث نوجد α, b, a

$$\alpha = 180^\circ - (15^\circ + 120^\circ) = 45^\circ$$

$$\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \beta}{b} = \frac{\sin \gamma}{c}$$

$$\frac{\sin 45^\circ}{a} = \frac{\sin 15^\circ}{b} = \frac{\sin 120^\circ}{17}$$

$$b = \frac{17 \times \sin 15^\circ}{\sin 120^\circ}$$

$$b \approx 5.08 \text{ cm}$$

$$a = \frac{17 \times \sin 45^\circ}{\sin 120^\circ}$$

$$a \approx 13.88 \text{ cm}$$



تابع السؤال الثاني :

(8 درجات)

(b) حل المعادلة : $2\sin^2 x - 3\sin x - 2 = 0$

الحل :

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$(2\sin x + 1)(\sin x - 2) = 0$$

$$(2\sin x + 1) = 0 \text{ أو } (\sin x - 2) = 0$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$\sin x = \frac{-1}{2} \text{ أو } \sin x = 2$$

$$\sin x = 2 \quad \text{عندما}$$

$$y = \sin x \quad \text{مداها } [-1, 1]$$

$$\frac{1}{2}$$

$$2 \notin [-1, 1]$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\therefore \sin x = 2 \text{ ليس لها حل}$$

$$\sin x = \frac{-1}{2} \quad \text{نأخذ}$$

بفرض أن α هي زاوية الاسناد للزاوية x

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$\therefore \sin \alpha = |\sin x| = \left| \frac{-1}{2} \right| = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\therefore \alpha = \frac{\pi}{6}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\therefore \sin x < 0 \quad x \text{ تقع في الربع الثالث أو الرابع}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$x = (\pi + \alpha) + 2k\pi, \quad k \in Z \quad \text{عندما } x \text{ تقع في الربع الثالث}$$

$$x = \left(\pi + \frac{\pi}{6}\right) + 2k\pi$$

$$\frac{1}{2}$$

$$x = \frac{7\pi}{6} + 2k\pi$$

$$\frac{1}{2}$$

$$x = (2\pi - \alpha) + 2k\pi, \quad k \in Z \quad \text{عندما } x \text{ تقع في الربع الرابع}$$

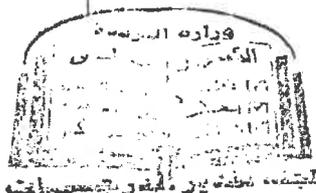
$$x = \left(2\pi - \frac{\pi}{6}\right) + 2k\pi$$

$$\frac{1}{2}$$

$$x = \left(\frac{11\pi}{6}\right) + 2k\pi$$

$$1$$

$$\text{حل المعادلة: } k \in Z \quad x = \frac{7\pi}{6} + 2k\pi, \quad x = \frac{11\pi}{6} + 2k\pi$$



السؤال الثالث: (14 درجة)

(6 درجات) (a) أثبت صحة المتطابقة : $\frac{1}{1-\cos x} + \frac{1}{1+\cos x} = 2\csc^2 x$

الحل :

L. H. S : $\frac{1}{1-\cos x} + \frac{1}{1+\cos x}$

1 + 1

$$= \frac{1 + \cos x + 1 - \cos x}{(1 - \cos x)(1 + \cos x)}$$

1

$$= \frac{2}{(1 + \cos x)(1 + \cos x)}$$

1

$$= \frac{2}{1 - \cos^2 x}$$

1

$$= \frac{2}{\sin^2 x}$$

1

$$= 2\csc^2 x$$

$$= R. H. S$$

معلوم



(8 درجات)

تابع السؤال الثالث:

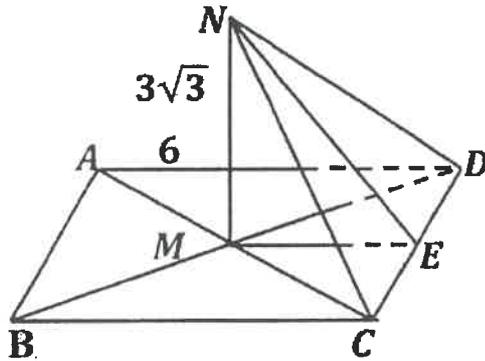
(b) مستطيل تقاطع قطراه في M ، وفيه $AD = 6\text{ cm}$

أقيم \overline{NM} عمودا على $(ABCD)$ حيث N خارج مستواه

بحيث $MN = 3\sqrt{3}\text{ cm}$ ، E منتصف \overline{CD}

أوجد قياس الزاوية الزوجية بين المستويين $ABCD$ ، NCD

الحل:



$$\therefore \overline{MN} \perp (ABCD) , \overline{CD} \subset (ABCD)$$

$$\therefore \overline{MN} \perp \overline{CD} \quad (1)$$

في المثلث CDM المتطابق الضلعين

$\therefore E$ منتصف \overline{CD} معطى

$$\therefore \overline{ME} \perp \overline{CD} \quad (2)$$

$$\therefore \overline{CD} \perp (MNE) , \overline{NE} \subset (MNE)$$

$$\therefore \overline{NE} \perp \overline{CD}$$

\overline{CD} هي الحافة المشتركة بين المستويين $ABCD$ ، NCD

$\therefore \widehat{MEN}$ هي الزاوية المستوية للزاوية الزوجية \overline{CD}

في المثلث BCD E منتصف \overline{CD} معطى
 M منتصف \overline{BD} (من خواص المستطيل)

$$\therefore ME = \frac{1}{2} BC , AD = BC = 6\text{ cm}$$

$$\therefore ME = \frac{1}{2} \times 6 = 3\text{ cm}$$

في المثلث MEN القائم الزاوية في M (من خواص المستقيم العمودي مع مستو)

$$\tan(\widehat{MEN}) = \frac{MN}{ME} = \frac{3\sqrt{3}}{3} = \sqrt{3}$$

$$\therefore m(\widehat{MEN}) = 60^\circ$$

قياس الزاوية الزوجية بين المستويين $ABCD$ ، NCD هو 60°

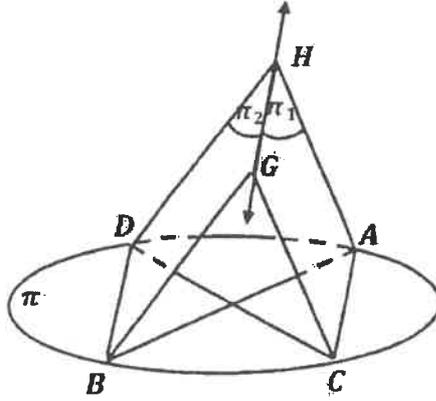
(7 درجات)

السؤال الرابع : (14 درجة)

(a) في الشكل المقابل: \overline{AB} , \overline{CD} قطران في مستوى الدائرة π ،

$$\pi_1 \cap \pi_2 = \overline{GH}$$

أثبت أن مستوى الدائرة π يوازي \overline{GH}



الحل :

$\therefore \overline{AB}$, \overline{CD} قطران في مستوى الدائرة π

\therefore ينصف كل منهما الآخر و متطابقان

\therefore الشكل $ACBD$ مستطيل

$$\therefore \overline{AC} // \overline{DB} \quad (1)$$

$$\therefore \overline{AC} \subset \pi_1 , \overline{BD} \subset \pi_2 , \pi_1 \cap \pi_2 = \overline{GH} \quad (2)$$

من (1) و (2)

$$\therefore \overline{GH} // \overline{AC} // \overline{DB}$$

$$\overline{GH} // \overline{AC} , \overline{AC} \subset \pi$$

$$\therefore \overline{GH} // \pi$$

أي أن مستوى الدائرة π يوازي \overline{GH}



(7 درجات)

تابع السؤال الرابع :

(b) حل المعادلة : ${}_nC_4 = {}_nC_{n-2}$

الحل:

1
$$\frac{n!}{(n-4)! \times 4!} = \frac{n!}{2! \times (n-2)!}$$

1 + 1
$$\frac{1}{(n-4)! \times 4 \times 3 \times 2!} = \frac{1}{2! \times (n-2)(n-3)(n-4)!}$$

1
$$\frac{1}{4 \times 3} = \frac{1}{(n-2)(n-3)}$$

$\frac{1}{2}$
$$4 \times 3 = (n-2)(n-3)$$

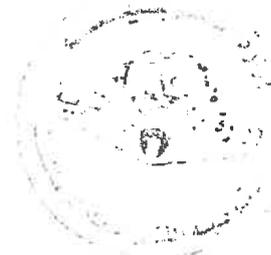
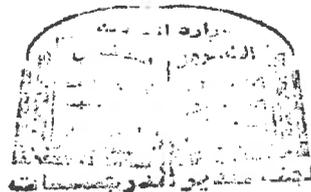
$\frac{1}{2}$
$$12 = n^2 - 5n + 6$$

$\frac{1}{2}$
$$n^2 - 5n - 6 = 0$$

$\frac{1}{2}$
$$(n-6)(n+1) = 0$$

1
$$n = 6 , \quad n = -1 \text{ مرفوضة}$$

مطلوب



القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (4) عبارات ظلل في ورقة الاجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الاحداثيات الديكارتية للنقطة $B(\sqrt{2}, 135^\circ)$ هي $B(-1, 1)$

(2) معادلة الدالة المثلثية $y = a \sin(b\theta)$ حيث السعة 5 و الدورة 3π

يمكن أن تكون $y = 5 \sin\left(\frac{2}{3}\theta\right)$

(3) إذا توازي مستقيمان و مر بهما مستويان متقاطعان فإن تقاطعهما هو مستقيم يوازي كلا من هذين المستقيمين .

معلوم

$$\frac{1 - \cos 2x}{2} = 2 \cos^2 \frac{x}{2} \quad (4)$$

ثانياً : في البنود من (5) إلى (14) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(5) الجذران التربيعيان للعدد المركب $z = 33 - 56i$ هما :

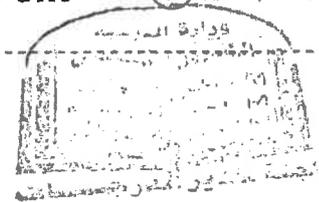
- (a) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = 7 + 4i \end{cases}$ (b) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$
- (c) $\begin{cases} z_1 = 7 + 4i \\ z_2 = 7 - 4i \end{cases}$ (d) $\begin{cases} z_1 = 7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

(6) في المثلث ABC : $AC = 40 \text{ cm}$, $AB = 30 \text{ cm}$, $m(\hat{A}) = 120^\circ$ فإن طول \overline{BC} يساوي تقريباً :

- (a) 68 cm (b) 36 cm (c) 60.8 cm (d) 21 cm

(7) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاعه 7 cm , 8 cm , 9 cm هي :

- (a) $6\sqrt{5} \text{ cm}^2$ (b) $12\sqrt{5} \text{ cm}^2$ (c) $16\sqrt{3} \text{ cm}^2$ (d) $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$



(8) $\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right)$ تساوي:

(a) $\frac{1}{2}\sin x + \frac{\sqrt{3}}{2}\cos x$

(b) $\frac{1}{2}(\sin x + \cos x)$

(c) $\frac{\sqrt{3}}{2}\sin x + \frac{1}{2}\cos x$

(d) $\frac{\sqrt{3}}{2}\sin x - \frac{1}{2}\cos x$

(9) $\frac{\sin 2x}{1 + \cos 2x}$ تساوي:

(a) $\csc x$

(b) $\csc 2x \cos x$

(c) $\tan 2x$

(d) $\tan x$

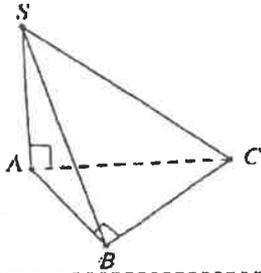
(10) إذا كان $\vec{l} \subset \pi_1$ ، $\vec{m} \subset \pi_2$ ، فإن:

(a) $\vec{l} // \vec{m}$

(b) $\vec{l} \perp \vec{m}$

(c) $\vec{l} \cap \vec{m} = \emptyset$

(d) \vec{l}, \vec{m} متخالفتان



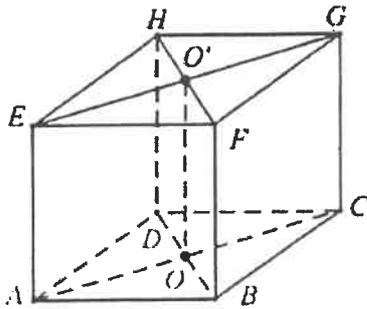
(11) في الشكل المقابل إذا كان $m(\hat{B}) = 90^\circ$ ، $\vec{SA} \perp (ABC)$ ، فإن:

(a) $\vec{CB} \perp (SAB)$

(b) المثلث SCB قائم في C

(c) المثلث SAB متطابق الضلعين

(d) المثلث SAB قائم في B



(12) في الشكل المقابل ABCDEFGH مكعب ،

O مركز المربع ABCD ، O' مركز المربع EFGH

فإن (DHF), (EACG) هما:

(a) متطابقان

(b) متعامدان

(c) متوازيان

(d) ليس أي مما سبق

(13) في مفكوك $(2a - 3b)^6$ الحد الذي معاملته 2160 هو:

(a) الحد الخامس

(b) الحد الرابع

(c) الحد الثالث

(d) الحد الثاني

(14) إذا كان الحدثان m, l مستقلان ، $P(m) = \frac{1}{3}$ ، $P(l) = \frac{9}{10}$ فإن $P(m \cap l)$ تساوي:

(a) $\frac{1}{3}$

(b) $\frac{25}{30}$

(c) $\frac{11}{30}$

(d) $\frac{3}{10}$

" انتهت الأسئلة "

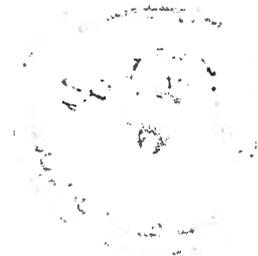
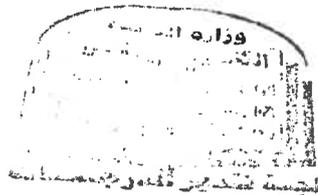


ورقة اجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(2)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(3)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(4)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(5)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
(6)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(7)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(8)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(9)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
(10)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(11)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(12)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(13)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(14)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d

14

لكل بند درجة واحدة فقط



(الأسئلة في 11 صفحة)

الزمن : ساعتان و 45 دقيقة

العام الدراسي 2019/2018

امتحان الدور الثاني (الفترة الدراسية الثانية) للصف الحادي عشر علمي

وزارة التربية

التوجيه الفني العام للرياضيات

المجال الدراسي الرياضيات

القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن جميع الاسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (14 درجة)

(9 درجات)

(a) إذا كان : $z_1 = 3 + 4i$, $z_2 = 5 - 2i$

فأوجد كلا مما يلي في الصورة الجبرية:

(4 درجات) 1) $\overline{3z_1 - 2z_2}$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

(5 درجات) 2) $\frac{z_2}{z_1}$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أوجد مساحة سطح مثلث أطوال أضلاعه :

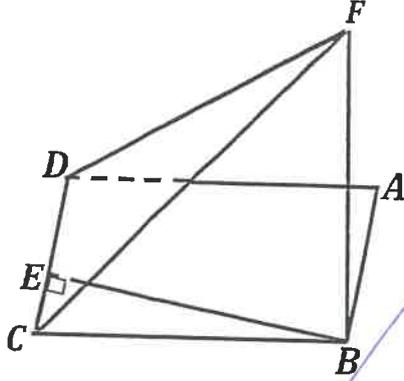
$$a = 9 \text{ cm} , b = 7 \text{ cm} , c = 6 \text{ cm}$$

تابع السؤال الثالث:

(b) في الشكل المقابل شكل $ABCD$ شكل رباعي ، \vec{FB} عمودي على

المستوى $ABCD$ ، $\vec{BE} \perp \vec{CD}$ فإذا كان $FB = BE$

أوجد قياس الزاوية الزوجية
بين المستويين (FCD) ، $(ABCD)$



(7 درجات)

تابع السؤال الرابع :

(b) يحتوي كيس على 4 كرات زرقاء اللون و كرتين حمراء اللون . أخذت كرتان معا

من دون النظر داخل الكيس . أوجد احتمال كل حدث مما يلي :

(1) الكرتان زرقاوان

(2) كرة زرقاء و كرة حمراء

معلوم

القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (4) عبارات ظلل في ورقة الاجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

معلم

(1) إذا كان z_1, z_2 جذران تربيعيان للعدد z فإن $z_1 + z_2 = 0$

(2) سعة الدالة $y = 3 \tan\left(\frac{3}{4}x\right)$ هي 3 .

(3) $\sin 4x = 2 \sin 2x \cos 2x$

(4) إذا كان $\vec{m} \subset \pi$, $\vec{l} \perp \vec{m}$ فإن $\vec{l} \subset \pi$

ثانياً : في البنود من (5) إلى (14) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

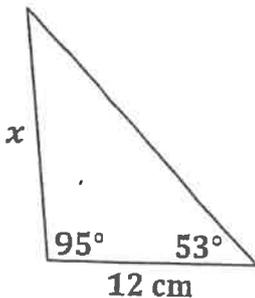
(5) الصورة المثلثية للعدد المركب $z = 2 - 2\sqrt{3}i$ حيث $\theta \in [0, 2\pi)$ هي :

(a) $z = 4 \left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3} \right)$

(b) $z = 4 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)$

(c) $z = 4 \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right)$

(d) $z = 4 \left(\cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3} \right)$



(6) في المثلث المقابل x تساوي تقريباً :

(a) 8.6 cm

(b) 15 cm

(c) 18.1 cm

(d) 19.2 cm

(7) في المثلث ABC : $m(\widehat{C}) = 60^\circ$, $AC = 10$ cm , $BC = 20$ cm

فإن طول \overline{AB} يساوي :

(a) $10\sqrt{7}$ cm

(b) $10\sqrt{3}$ cm

(c) 12.4 cm

(d) 29 cm

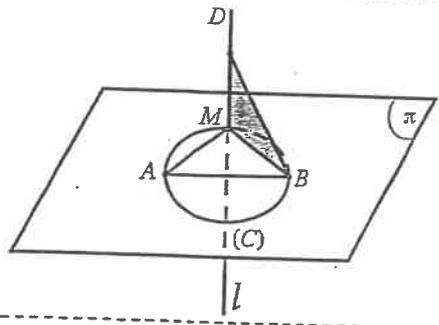
معلم

(8) المقدار : $\frac{\sin x}{\csc x} + \frac{\cos x}{\sec x} + 1$ متطابق مع المقدار:

- (a) 1 (b) -1 (c) 2 (d) -2

(9) $\sin \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{7} - \sin \frac{\pi}{7} \cos \frac{\pi}{3}$ تساوي :

- (a) $\sin \frac{4\pi}{21}$ (b) $\sin \frac{10\pi}{21}$ (c) $\cos \frac{4\pi}{21}$ (d) $\cos \frac{10\pi}{21}$



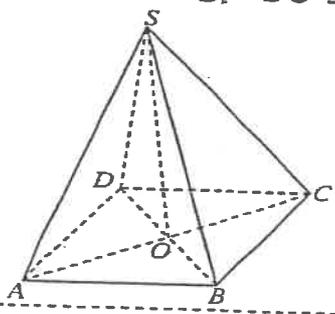
(10) في الشكل المقابل : إذا كان $\vec{l} \perp (AMB)$ ، فإن \overline{AB} قطر في الدائرة (C) :

- (a) $\overline{AB} \perp \overline{BD}$ (b) $\vec{l} \perp (BMD)$
(c) $\overline{AB} \perp \overline{BM}$ (d) $\overline{AM} \perp (BMD)$

(11) إذا كان $\vec{l} \perp \pi_1$, $\vec{l} \subset \pi_2$ فإن :

- (a) $\pi_1 // \pi_2$ (b) $\pi_1 \cap \pi_2 = \vec{l}$ (c) $\pi_1 \perp \pi_2$ (d) $\pi_1 = \pi_2$

(12) في الشكل المقابل إذا كان ABCD مربع مركزه O ، $\vec{SO} \perp ABCD$ فإن :



- (a) $(SAC) \perp (SBD)$ (b) $(SAB) \perp (SBC)$
(c) $(SAB) // (SCD)$ (d) $(SAD) \perp (ABCD)$

معلم

(13) قيمة المقدار $10C_6 \times 6P_4$ هي :

- (a) 7560 (b) 75600 (c) 2100 (d) 210

معلم

(14) مفكوك $(a-b)^3$ هو :

- (a) $a^3 + a^2b + ab^2 + b^3$ (b) $a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$
(c) $a^3 - a^2b + ab^2 - b^3$ (d) $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$

" انتهت الأسئلة "

القسم الأول - أسئلة المقال
تراعى الحلول الأخرى في جميع اسئلة المقال

السؤال الأول : (14 درجة)

(9 درجات)

(a) إذا كان : $z_1 = 3 + 4i$, $z_2 = 5 - 2i$
فأوجد كلا مما يلي في الصورة الجبرية:

1) $\overline{3z_1 - 2z_2}$

1

$$\overline{3z_1 - 2z_2} = \overline{3(3 + 4i) - 2(5 - 2i)}$$

الحل :

1

$$= \overline{9 + 12i - 10 + 4i}$$

1

$$= \overline{-1 + 16i}$$

1

$$= -1 - 16i$$

2) $\frac{z_2}{z_1}$

1

$$\frac{z_2}{z_1} = \frac{5 - 2i}{3 + 4i} \times \frac{3 - 4i}{3 - 4i}$$

الحل :

1 + 1

$$= \frac{15 - 20i - 6i - 8}{3^2 + 4^2}$$

1

$$= \frac{7 - 26i}{25}$$

1

$$= \frac{7}{25} - \frac{26}{25}i$$



تابع السؤال الأول :

(b) أوجد السعة و الدورة للدالة : $y = 3\sin\left(\frac{1}{2}x\right)$, $-4\pi \leq x \leq 4\pi$

ثم ارسم بيانها

(5 درجات)

الحل :

1

السعة : $|a| = |3| = 3$

1

الدورة : $\frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{\left|\frac{1}{2}\right|} = 4\pi$

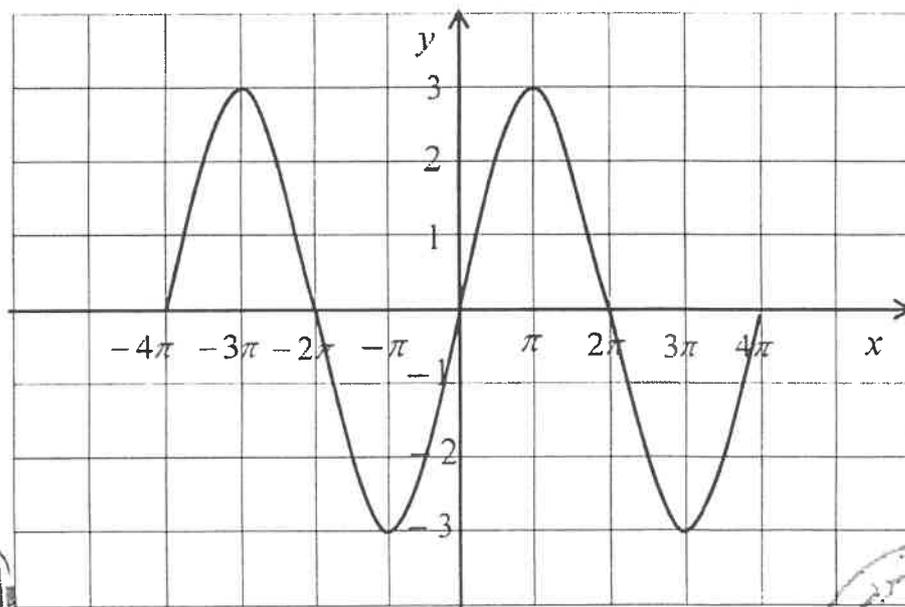
ربع الدورة $\pi =$

x	0	π	2π	3π	4π
$\frac{1}{2}x$	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$\sin\left(\frac{1}{2}x\right)$	0	1	0	-1	0
$y = 3\sin\left(\frac{1}{2}x\right)$	0	3	0	-3	0

رسم كل

دورة

$\frac{1}{2}$



السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أوجد مساحة سطح مثلث أطوال أضلاعه :

$$a = 9 \text{ cm} , b = 7 \text{ cm} , c = 6 \text{ cm}$$

الحل:

1

$$s = \frac{1}{2}(a + b + c)$$

1

$$s = \frac{1}{2}(9 + 7 + 6) = \frac{1}{2}(22) = 11$$

1

$$A = \sqrt{s(s - a)(s - b)(s - c)}$$

1

$$A = \sqrt{11(11 - 9)(11 - 7)(11 - 6)}$$

1

$$A = \sqrt{11 \times 2 \times 4 \times 5}$$

1

$$A = 2\sqrt{110} \text{ cm}^2$$



تابع السؤال الثاني :

(b) حل المعادلة : $5\sin \theta - 3 = \sin \theta$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$ (8 درجات)

الحل :

$$5\sin \theta - \sin \theta = 3$$

$$4\sin \theta = 3$$

$$\sin \theta = \frac{3}{4}$$

بفرض أن α هي زاوية الاسناد للزاوية θ

$$\sin \alpha = |\sin \theta| = \left| \frac{3}{4} \right| = \frac{3}{4}$$

$$\therefore \alpha \approx 0.848 \text{ radians}$$

$$\sin \theta > 0 \quad \therefore$$

$\therefore \theta$ تقع في الربع الأول أو الربع الثاني

$$\therefore \theta = \alpha$$

عندما θ تقع في الربع الأول

$$\therefore \theta \approx 0.848$$

$$0.848 \in [0, 2\pi)$$

$$\therefore \theta = \pi - \alpha$$

عندما θ تقع في الربع الثاني

$$\therefore \theta \approx \pi - 0.848$$

$$\therefore \theta \approx 2.2935$$

$$2.2935 \in [0, 2\pi)$$

$$\text{حل المعادلة : } \theta \approx 0.848 \text{ أو } \theta \approx 2.2935$$



السؤال الثالث: (14 درجة)

(6 درجات)

(a) إذا كان $\frac{3\pi}{2} < \theta < 2\pi$, $\sin\theta = \frac{-12}{13}$,
أوجد : $\sin 2\theta$

الحل :

$\frac{1}{2}$

$$\sin^2\theta + \cos^2\theta = 1$$

$\frac{1}{2}$

$$\left(\frac{-12}{13}\right)^2 + \cos^2\theta = 1$$

$\frac{1}{2}$

$$\cos^2\theta = 1 - \frac{144}{169} = \frac{25}{169}$$

1

$$\therefore \cos\theta = \frac{5}{13} \text{ أو } \cos\theta = -\frac{5}{13}$$

$\frac{1}{2}$

$$\therefore \frac{3\pi}{2} < \theta < 2\pi \Rightarrow \cos\theta > 0$$

$\frac{1}{2}$

$$\therefore \cos\theta = \frac{5}{13}$$

1

$$\sin 2\theta = 2 \sin\theta \cos\theta$$

1

$$= 2 \left(\frac{-12}{13}\right) \left(\frac{5}{13}\right)$$

$\frac{1}{2}$

$$= -\frac{120}{169}$$



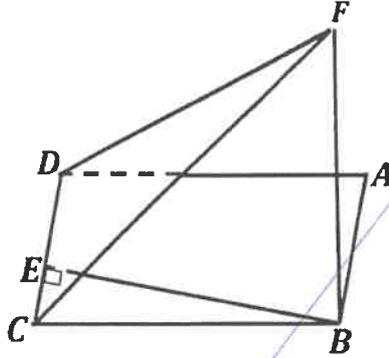
تابع السؤال الثالث:

(b) في الشكل المقابل $ABCD$ شكل رباعي ، \overline{FB} عمودي على (8 درجات)

المستوى $ABCD$ ، $\overline{BE} \perp \overline{CD}$ فإذا كان $FB = BE$

أوجد قياس الزاوية الزوجية

بين المستويين (FCD) ، $(ABCD)$



الحل:

$$\therefore \overline{FB} \perp (ABCD) , \quad \overline{CD} \subset (ABCD)$$

$$\therefore \overline{FB} \perp \overline{CD} \quad (1)$$

$$\overline{BE} \perp \overline{CD} , \overline{BE} \subset (ABCD) \quad (2)$$

$$\therefore \overline{CD} \perp (FBE)$$

$$\therefore \overline{CD} \perp \overline{FE} , \overline{FE} \subset (FCD) \quad (3)$$

\overline{CD} هو خط تقاطع المستويين (FCD) ، $(ABCD)$

من (2) و (3)

الزاوية المستوية للزاوية الزوجية بين المستويين (FCD) ، $(ABCD)$ هي \widehat{FEB}

$$\overline{CD} \perp \overline{FE} \text{ في المستوى } FCD$$

$$\overline{CD} \perp \overline{BE} \text{ في المستوى } ABCD$$

$$\overline{FB} \perp \overline{BE} , \overline{FB} = \overline{BE} \text{ فيه : } \triangle FEB$$

$$\therefore m(\widehat{FEB}) = \frac{\pi}{4}$$

قياس الزاوية الزوجية بين المستويين (FCD) ، $(ABCD)$ يساوي $\frac{\pi}{4}$



(7 درجات)

السؤال الرابع : (14 درجة)

(a) (1) أكمل ما يلي :

إذا وازي مستقيما خارج مستوى مستقيما في المستوى

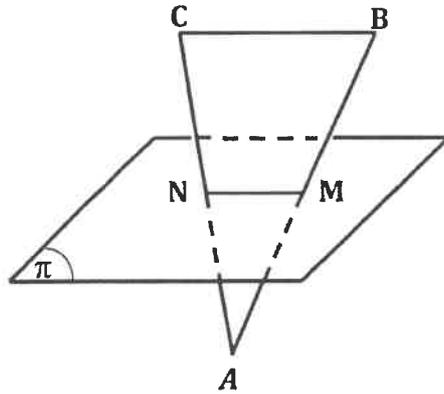
فإنه يوازي المستوى

2

(2) في الشكل المقابل : المثلث ABC فيه M منتصف AB ، N منتصف AC

N, M تنتميان الى المستوى π

أثبت أن : $\overline{BC} // \pi$



الحل :

المثلث ABC فيه

$\therefore M$ منتصف AB ، N منتصف AC

$\therefore \overline{CB} // \overline{NM}$

$\overline{CB} // \overline{NM}$

\overline{CB} خارج المستوى π

N, M تنتميان الى المستوى π

$\therefore \overline{NM} \subset \pi$

$\therefore \overline{BC} // \pi$

1

1

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1

1



تابع السؤال الرابع :

(7 درجات)

(b) يحتوي كيس على 4 كرات زرقاء اللون و كرتين حمراء اللون . أخذت كرتان معا

من دون النظر داخل الكيس . أوجد احتمال كل حدث مما يلي :

(1) الكرتان زرقاوان

(2) كرة زرقاء و كرة حمراء

الحل:

1) $n(S) = {}_6C_2 = \frac{6!}{(6-2)! \times 2!} = 15$

الحدث A : الكرتان زرقاوان

$n(A) = {}_4C_2 = \frac{4!}{(4-2)! \times 2!} = 6$

$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{6}{15} = \frac{2}{5}$

الحدث B : كرة زرقاء و كرة حمراء

$n(B) = {}_4C_1 \times {}_2C_1$

$= \frac{4!}{(4-1)! \times 1!} \times \frac{2!}{(2-1)! \times 1!} = 4 \times 2 = 8$

$P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{8}{15}$

معلم



القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (4) عبارات ظلل في ورقة الاجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

معلم

(1) إذا كان z_1, z_2 جذران تربيعيان للعدد z فإن $z_1 + z_2 = 0$

(2) سعة الدالة $y = 3 \tan\left(\frac{3}{4}x\right)$ هي 3 .

$$\sin 4x = 2 \sin 2x \cos 2x \quad (3)$$

(4) إذا كان $\vec{m} \subset \pi$, $\vec{l} \perp \vec{m}$ فإن $\vec{l} \subset \pi$

ثانياً : في البنود من (5) إلى (14) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(5) الصورة المثلثية للعدد المركب $z = 2 - 2\sqrt{3}i$ حيث $\theta \in [0, 2\pi)$ هي :

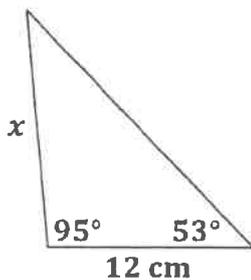
(a) $z = 4 \left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3} \right)$

(b) $z = 4 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)$

(c) $z = 4 \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right)$

(d) $z = 4 \left(\cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3} \right)$

(6) في المثلث المقابل x تساوي تقريباً :



(a) 8.6 cm

(b) 15 cm

(c) 18.1 cm

(d) 19.2 cm

(7) في المثلث ABC : $BC = 20 \text{ cm}$, $AC = 10 \text{ cm}$, $m(\hat{C}) = 60^\circ$

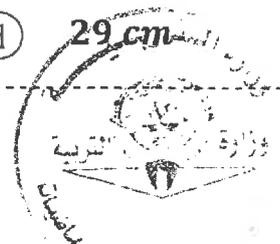
فإن طول \overline{AB} يساوي :

(a) $10\sqrt{7} \text{ cm}$

(b) $10\sqrt{3} \text{ cm}$

(c) 12.4 cm

(d) 29 cm



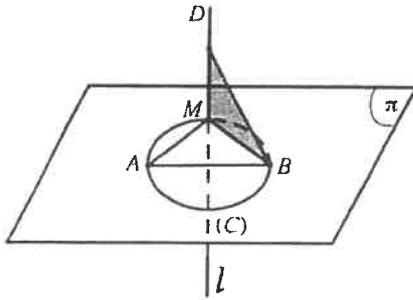
معلوم

(8) المقدار : $\frac{\sin x}{\csc x} + \frac{\cos x}{\sec x} + 1$ متطابق مع المقدار:

- (a) 1 (b) -1 (c) 2 (d) -2

(9) $\sin \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{7} - \sin \frac{\pi}{7} \cos \frac{\pi}{3}$ تساوي :

- (a) $\sin \frac{4\pi}{21}$ (b) $\sin \frac{10\pi}{21}$ (c) $\cos \frac{4\pi}{21}$ (d) $\cos \frac{10\pi}{21}$



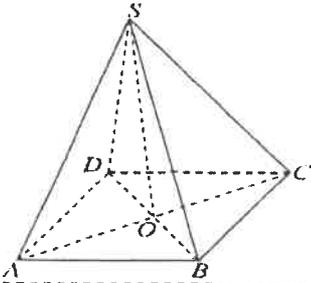
(10) في الشكل المقابل : إذا كان $\vec{l} \perp (AMB)$ ،
 \overline{AB} قطر في الدائرة (C) فإن :

- (a) $\overline{AB} \perp \overline{BD}$ (b) $\vec{l} \perp (BMD)$
 (c) $\overline{AB} \perp \overline{BM}$ (d) $\overline{AM} \perp (BMD)$

(11) إذا كان $\vec{l} \subset \pi_2$, $\vec{l} \perp \pi_1$ فإن :

- (a) $\pi_1 // \pi_2$ (b) $\pi_1 \cap \pi_2 = \vec{l}$ (c) $\pi_1 \perp \pi_2$ (d) $\pi_1 = \pi_2$

(12) في الشكل المقابل إذا كان ABCD مربع مركزه O ، $\overline{SO} \perp ABCD$ فإن :



- (a) $(SAC) \perp (SBD)$ (b) $(SAB) \perp (SBC)$
 (c) $(SAB) // (SCD)$ (d) $(SAD) \perp (ABCD)$

معلوم

(13) قيمة المقدار $10C_6 \times 6P_4$ هي :

- (a) 7560 (b) 75600 (c) 2100 (d) 210

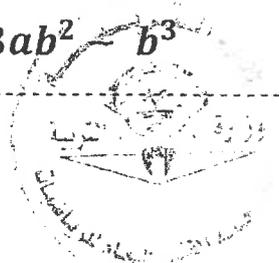
معلوم

(14) مفكوك $(a - b)^3$ هو :

- (a) $a^3 + a^2b + ab^2 + b^3$ (b) $a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$
 (c) $a^3 - a^2b + ab^2 - b^3$ (d) $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$



" انتهت الأسئلة "



ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(2)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(3)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(4)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(5)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
(6)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(7)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(8)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(9)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(10)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
(11)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(12)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(13)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(14)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d

14

لكل بند درجة واحدة فقط



دولة الكويت

وزارة التربية
التوجيه الفني العام للرياضيات
المجال الدراسي الرياضيات

(الأسئلة في 11 صفحة)
الزمن : ساعتان و45 دقيقة
العام الدراسي 2018/2017

امتحان الفترة الدراسية الثانيه - للصف الحادي عشر علمي

القسم الأول - أسئلة المقال (أجب عن جميع الأسئلة التالية موضحا خطوات الحل)

السؤال الأول: (14 درجة)

(9 درجات)

(a) أوجد الجذرين التربيعيين للعدد المركب $Z = -3 - 4i$

محلل

تابع السؤال الأول:

(b) أوجد مساحة سطح مثلث أطوال أضلاعه: 7cm , 5cm , 8cm (5 درجات)

السؤال الثاني: (14 درجة)

(6 درجات)

(a) حل ΔABC حيث $b = 9cm, c = 6cm, \alpha = 60^\circ$

تابع السؤال الثاني:

(8 درجات)

(b) إذا كان: $\sin \theta = \frac{-3}{5}$, $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$ ، فأوجد:

$$\sin\left(\frac{\theta}{2}\right) \quad (1)$$

$$\tan(2\theta) \quad (2)$$

السؤال الثالث: (14 درجة)

(a) أثبت صحة المتطابقة:

(4 درجات)

$$\tan x + \cot x = \sec x \cdot \csc x$$

معلوم

تابع السؤال الثالث:

(10 درجات)

(b) في الشكل المقابل نقطة D خارج مستوي المثلث ABC ،

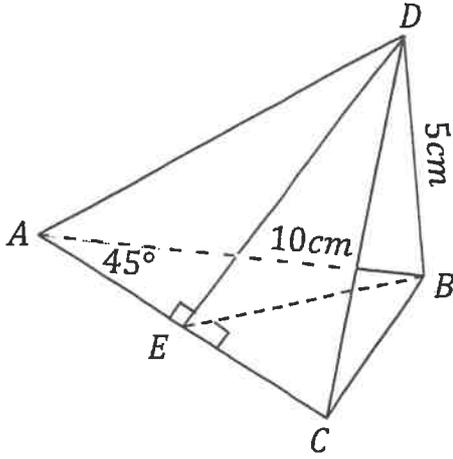
، $DB = 5 \text{ cm}$ ، $AB = 10 \text{ cm}$ ، $m(\widehat{BAC}) = 45^\circ$

$\overline{DB} \perp (ABC)$ ، $\overline{BE} \perp \overline{AC}$ ، $\overline{DE} \perp \overline{AC}$

أوجد:

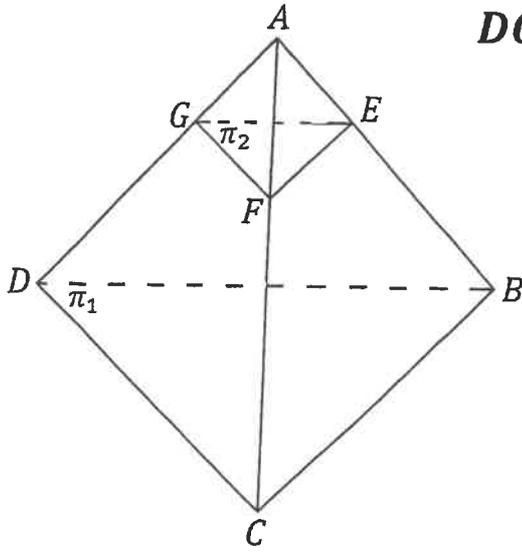
BE (1)

(2) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين BAC ، DAC



السؤال الرابع: (14 درجة)

(a) في الشكل المقابل ، هرم ثلاثي $ABCD$ ، المستويان π_1, π_2 متوازيان (7 درجات)



إذا كان $\frac{AE}{EB} = \frac{1}{3}$ ، $FG = 6 \text{ cm}$ ، فأوجد DC

تابع السؤال الرابع:

(4 درجات)

(b) (1) استخدم نظرية ذات الحدين لإيجاد مفكوك $(x - 2y)^3$

محلولة

(3 درجات)

(2) حل المعادلة: $nP_4 = 5 \times nP_3$, $n \geq 4$

محلولة

القسم الثاني : البنود الموضوعية (14 درجة)

أولاً: في البنود من (1-2) عبارات لكل بند في ورقة الإجابة ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (b) إذا كانت العبارة خاطئة

(1) الصورة المبسطة للتعبير $(2 - i) - (12 + 5i)$ هي $(10 - 6i)$

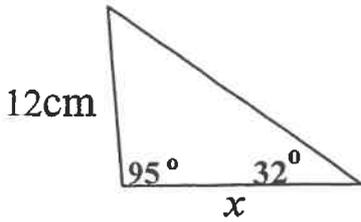
(2) إذا توازي مستقيمان ومر بهما مستويان متقاطعان فإن تقاطعهما هو مستقيم يوازي كلا من هذين المستقيمين.

ثانياً: في البنود من (3-10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح - ظلل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة

(3) قيمة i^{40} تساوي

- (a) -1 (b) $-i$ (c) 1 (d) i

(4) في المثلث المقابل ، x تساوي حوالي:



- (a) 8.6 cm (b) 15 cm
(c) 18.1 cm (d) 19.2 cm

(5) في الدالة المثلثية $y = -2 \sin(3x)$ السعة هي:

- (a) -3 (b) 3 (c) -2 (d) 2

(6) إذا كان $\sin x + \cos x = 0$ فإن الربع الذي تقع فيه x هو

- (a) الأول أو الثالث
(b) الثاني أو الرابع
(c) الثالث
(d) الأول

(7) $\sin \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{7} - \sin \frac{\pi}{7} \cos \frac{\pi}{3}$ يساوي

- (a) $\cos \frac{4\pi}{21}$ (b) $\sin \frac{4\pi}{21}$ (c) $\cos \frac{10\pi}{21}$ (d) $\sin \frac{10\pi}{21}$

(8) المنشور القائم خماسي القاعدة يعين:

(a) خمسة مستويات مختلفة

(b) ستة مستويات مختلفة

(c) سبعة مستويات مختلفة

(d) ثمانية مستويات مختلفة

(9) إذا كان $\vec{l} \subset \pi_2$, $\vec{l} \perp \pi_1$ فإن:

(a) $\pi_1 = \pi_2$

(b) $\pi_1 \cap \pi_2 = \vec{l}$

(c) $\pi_1 // \pi_2$

(d) $\pi_1 \perp \pi_2$

(10) الحدثان m, n متنافيان ، $P(n) = \frac{3}{5}$, $P(m) = \frac{1}{3}$ فإن $P(n \cup m)$ تساوي

حل

(a) $\frac{14}{15}$

(b) $\frac{3}{15}$

(c) $\frac{1}{5}$

(d) 0

إنتهت الأسئلة

دولة الكويت

(الأسئلة في 11 صفحة)
الزمن : ساعتان و45 دقيقة
العام الدراسي 2018/2017

وزارة التربية
التوجيه الفني العام للرياضيات
المجال الدراسي الرياضيات

نموذج إجابة امتحان الفترة الدراسية الثانية - للصف الحادي عشر علمي



(أجب عن جميع الأسئلة التالية موضحا خطوات الحل)
(تراعي الطول الأخرى في جميع الأسئلة)

السؤال الأول: (14 درجة)

9 درجات

(a) أوجد الجذرين التربيعيين للعدد المركب $z = -3 - 4i$

الحل:

ليكن $w = m + ni$ جذرا تربيعيا للعدد z ، فيكون $w^2 = z$

$$(m + ni)^2 = -3 - 4i$$

بالتعويض

$$m^2 - n^2 + 2mni = -3 - 4i \quad \text{خاصية ضرب كثيرات الحدود}$$

$$\begin{cases} m^2 - n^2 = -3 & \text{--- --> (1)} \\ 2mn = -4 & \text{--- --> (2)} \end{cases} \quad \text{خاصية المساواة لعددتين مركبتين}$$

$$|w|^2 = |z| \quad \text{نضيف المعادلة:}$$

$$(\sqrt{m^2 + n^2})^2 = (\sqrt{(-3)^2 + (-4)^2})^2$$

$$m^2 + n^2 = 5 \quad \text{--- --> (3)}$$

بجمع المعادلتين (1) , (3) نحصل على:

$$\begin{cases} m^2 - n^2 = -3 \\ m^2 + n^2 = 5 \end{cases}$$

$$2m^2 = 2 \Rightarrow m^2 = 1 \Rightarrow m = \pm 1$$

بالتعويض في (1) نحصل على: $\therefore n^2 = 4 \Rightarrow n = \pm 2$

$$\begin{cases} m = 1 , m = -1 \\ n = 2 , n = -2 \end{cases}$$

من المعادلة $2mn = -4$ نستنتج أن m, n لهما إشارتان مختلفتان

$\therefore m = 1 , n = -2$ أو $m = -1 , n = 2$

الجذران التربيعيان للعدد المركب $z = -3 - 4i$

$$\text{هما: } w_1 = 1 - 2i , w_2 = -1 + 2i$$

تابع السؤال الأول:

(5 درجات)

(b) أوجد مساحة سطح مثلث أطوال أضلاعه: 7 cm , 5 cm , 8 cm

الحل:

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$s = \frac{1}{2}(a + b + c) = \frac{1}{2}(8 + 5 + 7) = 10$$

$$\frac{1}{2}$$

$$Area = \sqrt{s(s - a)(s - b)(s - c)}$$

$$2$$

$$= \sqrt{10(10 - 8)(10 - 5)(10 - 7)}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$= \sqrt{10(2)(5)(3)}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$= 10\sqrt{3} \text{ cm}^2$$



$$Area \approx 17.32 \text{ cm}^2$$

السؤال الثاني: (14 درجة)

(6 درجات)

(a) حل ΔABC حيث $b = 9 \text{ cm}, c = 6 \text{ cm}, \alpha = 60^\circ$

الحل:

$\frac{1}{2}$

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha$$

$\frac{1}{2}$

$$a^2 = 9^2 + 6^2 - 2(9)(6) \cos 60^\circ$$

$\frac{1}{2}$

$$a^2 = 81 + 36 - 108 \times \frac{1}{2}$$

$\frac{1}{2}$

$$a^2 = 63$$

$\frac{1}{2}$

$$a = 3\sqrt{7} \text{ cm}$$

$\frac{1}{2}$

$$\cos \beta = \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac}$$



$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$\cos \beta = \frac{(3\sqrt{7})^2 + (6)^2 - (9)^2}{2(3\sqrt{7})(6)} = \frac{\sqrt{7}}{14}$$

$\frac{1}{2}$

$$\beta \approx 79.1^\circ$$

$\frac{1}{2}$

$$\gamma = 180 - (\alpha + \beta)$$

$\frac{1}{2}$

$$\gamma \approx 180 - (60^\circ + 79.1^\circ)$$

$\frac{1}{2}$

$$\gamma = 40.9^\circ$$

تابع السؤال الثاني:

(8 درجات)

(b) إذا كان: $\sin \theta = \frac{-3}{5}$, $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$ ، فأوجد:

$$\sin\left(\frac{\theta}{2}\right) \quad (1)$$

$$\tan(2\theta) \quad (2)$$

الحل:

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$$

$$\cos^2 \theta = 1 - \sin^2 \theta$$

$$\cos^2 \theta = 1 - \left(\frac{-3}{5}\right)^2$$

$$\cos^2 \theta = 1 - \frac{9}{25} = \frac{25-9}{25} = \frac{16}{25}$$

$$\cos \theta = \pm \sqrt{\frac{16}{25}} = \pm \frac{4}{5}$$

$$\pi < \theta < \frac{3\pi}{2} \quad \therefore \cos \theta < 0$$

$$\cos \theta = \frac{-4}{5}$$

$$(1) \sin\left(\frac{\theta}{2}\right) = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{2}}$$

$\frac{\theta}{2}$ تقع في الربع الثاني

$$\sin\left(\frac{\theta}{2}\right) = \sqrt{\frac{1 - \left(\frac{-4}{5}\right)}{2}} = \sqrt{\frac{9}{10}} = \frac{3\sqrt{10}}{10}$$

$$(2) \tan(\theta) = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{\left(\frac{-3}{5}\right)}{\left(\frac{-4}{5}\right)} = \frac{3}{4}$$

$$\tan(2\theta) = \frac{2 \tan \theta}{1 - \tan^2 \theta}$$

$$\tan(2\theta) = \frac{2 \times \frac{3}{4}}{1 - \left(\frac{3}{4}\right)^2} = \frac{\frac{3}{2}}{\frac{7}{16}} = \frac{24}{7}$$

(4)



السؤال الثالث: (14 درجة)

(4 درجات)

(a) أثبت صحة المتطابقة:

$$\tan x + \cot x = \sec x \cdot \csc x$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$\tan x + \cot x = \frac{\sin x}{\cos x} + \frac{\cos x}{\sin x}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$= \frac{\sin^2 x}{\cos x \sin x} + \frac{\cos^2 x}{\cos x \sin x}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$= \frac{\sin^2 x + \cos^2 x}{\cos x \sin x}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$= \frac{1}{\cos x \sin x}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$= \frac{1}{\cos x} \cdot \frac{1}{\sin x}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$= \sec x \cdot \csc x$$



مكتبة

تابع السؤال الثالث:

(10 درجات)

(ب) في الشكل المقابل D نقطة خارج مستوي المثلث ABC ،

$DB = 5 \text{ cm}$, $AB = 10 \text{ cm}$, $m(\widehat{BAC}) = 45^\circ$

$\overline{DB} \perp (ABC)$, $\overline{BE} \perp \overline{AC}$, $\overline{DE} \perp \overline{AC}$

أوجد:

BE (1)

(2) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين BAC , DAC

الحل:

(1) في المثلث ABC $\because \overline{BE} \perp \overline{AC}$

$$\therefore \sin(45^\circ) = \frac{BE}{AB}$$

$$BE = 10 \cdot \sin(45^\circ)$$

$$BE = 5\sqrt{2} \text{ cm}$$

(2) \overline{AC} هي خط تقاطع المستويين (BAC) , (DAC) (هي حافة الزاوية الزوجية)

$$\overline{BE} \subset (BAC) , \overline{BE} \perp \overline{AC}$$

$$\overline{DE} \subset (DAC) , \overline{DE} \perp \overline{AC}$$

$\therefore \widehat{BED}$ هي الزاوية المستوية للزاوية الزوجية بين المستويين (BAC) , (DAC)

لإيجاد قياس الزاوية الزوجية

$$\because \overline{DB} \perp (ABC)$$

$$\therefore \overline{DB} \perp \overline{BE}$$

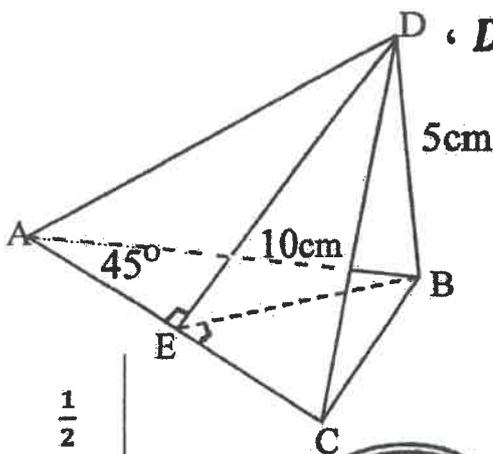
المثلث DBE قائم في B

$$\tan(\widehat{BED}) = \frac{DB}{BE} = \frac{5}{5\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\therefore m(\widehat{BED}) = \tan^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right) \approx 35.2644^\circ$$

\therefore قياس الزاوية الزوجية بين المستويين (BAC) , (DAC) حوالي $35^\circ 15' 52''$

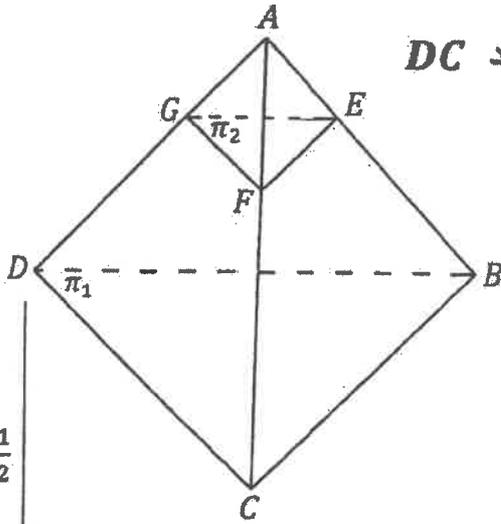
(6)



$\frac{1}{2}$
 1
 1
 $\frac{1}{2}$
 $\frac{1}{2}$
 $\frac{1}{2}$
 $\frac{1}{2}$
 1
 $\frac{1}{2}$
 1
 $\frac{1}{2}$
 $\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$
 $\frac{1}{2}$

السؤال الرابع: (14 درجة)

(a) في الشكل المقابل ، هرم ثلاثي $ABCD$ ، المستويان π_1, π_2 متوازيان (7 درجات)



إذا كان $\frac{AE}{EB} = \frac{1}{3}$ ، $FG = 6 \text{ cm}$ ، فأوجد DC

الحل:

$$\because (ABC) \cap \pi_1 = \overline{BC}$$

$$\because (ABC) \cap \pi_2 = \overline{EF} , \pi_1 // \pi_2$$

$$\therefore \overline{EF} // \overline{BC} \Rightarrow \overline{EF} // \overline{BC}$$

ΔBAC

$$\frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC} = \frac{FE}{CB} = \frac{1}{4}$$

$$\because (ACD) \cap \pi_1 = \overline{DC}$$

$$\because (ACD) \cap \pi_2 = \overline{GF} , \pi_1 // \pi_2$$

$$\therefore \overline{GF} // \overline{DC} \Rightarrow \overline{GF} // \overline{DC}$$

$\therefore \Delta DAC$

$$\frac{AG}{AD} = \frac{AF}{AC} = \frac{GF}{DC} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{GF}{DC} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{6}{DC} = \frac{1}{4}$$

$$\therefore CD = 4 \times 6 = 24 \text{ cm}$$



تابع السؤال الرابع:

(b) (1) استخدم نظرية ذات الحدين لإيجاد مفكوك $(x - 2y)^3$ (4 درجات)

الحل:

$$4 \times \frac{1}{2} (x - 2y)^3 = {}_3C_0(x)^3 + {}_3C_1(x)^2(-2y) + {}_3C_2(x)(-2y)^2 + {}_3C_3(-2y)^3$$

$$1 (x - 2y)^3 = x^3 + 3x^2(-2y) + 3x(-2y)^2 + (-2y)^3$$

$$1 (x^2 - 2y)^3 = x^3 - 6x^2y + 12xy^2 - 8y^3$$



(2) حل المعادلة: ${}_nP_4 = 5 \times {}nP_3$, $n \geq 4$ (3 درجات)

الحل:

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \quad \frac{n!}{(n-4)!} = 5 \times \frac{n!}{(n-3)!}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \quad \frac{1}{(n-4)!} = \frac{5}{(n-3)(n-4)!}$$

$$\frac{1}{2} \quad n - 3 = 5$$

$$\frac{1}{2} \quad n = 8$$

القسم الثاني : البنود الموضوعية (14 درجة)

أولاً: في البنود من (1-2) عبارات لكل بند في ورقة الإجابة ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (b) إذا كانت العبارة خاطئة

(1) الصورة المبسطة للتعبير $(2 - i) - (12 + 5i)$ هي $(10 - 6i)$

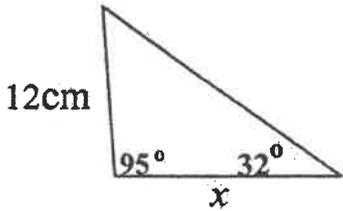
(2) إذا توازي مستقيمان ومر بهما مستويان متقاطعان فإن تقاطعهما هو مستقيم يوازي كلا من هذين المستقيمين.

ثانياً: في البنود من (3-10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح - ظلل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة



(3) قيمة i^{40} تساوي

- (a) $-i$ (b) i (c) 1 (d) -1



(4) في المثلث المقابل ، x تساوي حوالي:

- (a) 8.6 cm (b) 15 cm
(c) 18.1 cm (d) 19.2 cm

(5) في الدالة المثلثية $y = -2 \sin(3x)$ السعة هي:

- (a) -3 (b) 3 (c) -2 (d) 2

(6) إذا كان $\sin x + \cos x = 0$ فإن الربع الذي تقع فيه x هو

- (a) الأول أو الثالث
(b) الثاني أو الرابع
(c) الثالث
(d) الأول

(7) $\sin \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{7} - \sin \frac{\pi}{7} \cos \frac{\pi}{3}$ يساوي

- (a) $\cos \frac{4\pi}{21}$ (b) $\sin \frac{4\pi}{21}$ (c) $\cos \frac{10\pi}{21}$ (d) $\sin \frac{10\pi}{21}$

(8) المنشور القائم خماسي القاعدة يعين:

- (a) خمسة مستويات مختلفة
- (b) ستة مستويات مختلفة
- (c) سبعة مستويات مختلفة
- (d) ثمانية مستويات مختلفة

(9) إذا كان $\vec{l} \subset \pi_2$, $\vec{l} \perp \pi_1$ فإن:



(a) $\pi_1 = \pi_2$

(b) $\pi_1 \cap \pi_2 = \vec{l}$

(c) $\pi_1 // \pi_2$

(d) $\pi_1 \perp \pi_2$

(10) الحدثان m, n متنافيان ، $P(n) = \frac{3}{5}$, $P(m) = \frac{1}{3}$ فإن $P(n \cup m)$ تساوي

معلم

(a) $\frac{14}{15}$

(b) $\frac{3}{15}$

(c) $\frac{1}{5}$

(d) 0

انتهت الأسئلة

إجابة الموضوعي

1	a	●	c	d
2	●	b	c	d
3	a	b	●	d
4	a	b	●	d
5	a	b	c	●
6	a	●	c	d
7	a	●	c	d
8	a	b	●	d
9	a	b	c	●
10	●	b	c	d



- البنود [1 - 2] لكل بند درجة واحدة فقط

- البنود [3 - 10] لكل بند درجة ونصف

14

تابع السؤال الأول :

(b) حل المثلث ABC حيث $\alpha = 36^\circ$ ، $\beta = 48^\circ$ ، $a = 8 \text{ cm}$ (5 درجات)

تابع السؤال الثاني :

(8 درجات)

(b) إذا كان $\sin \alpha = \frac{4}{5}$, $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$

أوجد كلاً مما يلي : $\cos \beta = \frac{-12}{13}$, $\pi < \beta < \frac{3\pi}{2}$

(1) $\sin(\alpha + \beta)$

(2) $\tan 2\beta$

السؤال الثالث : (14 درجة)

(a) اثبت صحة المتطابقة :

$$\frac{\cos x}{1 - \sin x} = \frac{1 + \sin x}{\cos x}$$

(4 درجات)

مطلوب

تابع السؤال الثالث :

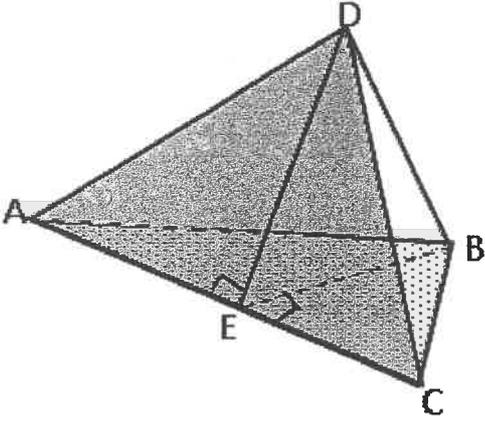
(10 درجات)

(b) في الشكل المقابل : D نقطة خارج مستوى المثلث ABC ، $m(\hat{BAC}) = \frac{\pi}{6}$ ،

$\overline{BE} \perp \overline{AC}$ ، $\overline{DE} \perp \overline{AC}$ ، $\overline{DB} \perp (ABC)$ ، $BD = 5 \text{ cm}$ ، $AB = 10 \text{ cm}$ ،

أوجد : (1) BE

(2) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين (DAC) ، (BAC)



محلولة

السؤال الرابع : (14 درجة)

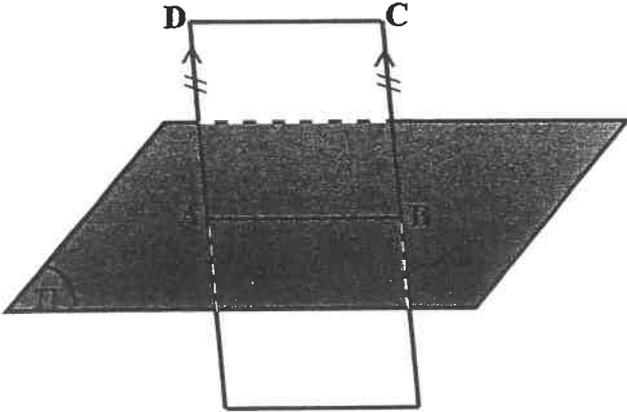
(7 درجات)

(a) (1) أكمل :

إذا وازى مستقيم خارج مستو مستقيما في المستوى ، فإنه

(2) في الشكل المقابل : $\overleftrightarrow{AB} \subset \pi$ ، $\overleftrightarrow{AD} \parallel \overleftrightarrow{BC}$ ، $AD=BC$:

اثبت أن : $\overleftrightarrow{CD} \parallel \pi$



تابع السؤال الرابع :

- (b) خلال شهر التسوق يقدم أحد المحلات العرض التالي : عند شراء كل صنف تحصل (7 درجات)
على بطاقة. تفوز %30 من البطاقات بجوائز ويتم اختيار هذه البطاقات الرابعة
بشكل عشوائي ، مع راشد 4 بطاقات ، فما احتمال أن يفوز راشد بجائزتين ؟

محلوم

القسم الثاني : البنود الموضوعية (14 درجة)

- أولاً: في البنود من (1) إلى (2) عبارات ظلل إذا كانت العبارة صحيحة
(a) إذا كانت العبارة خاطئة .
(b)

(1) مرافق العدد المركب : $z = 3 + 4i$ هو $\bar{z} = 3 - 4i$

(2) إذا كان : $\vec{l} \parallel \pi$, $\vec{m} \parallel \pi$ فإن $\vec{l} \parallel \vec{m}$

ثانياً: في البنود من (3) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(3) الصورة المثلثية للعدد المركب : $z = \frac{-4}{1-i}$ حيث $0 \leq \theta < \pi$ هي z تساوي:

- (a) $4 \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$ (b) $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$
(c) $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$ (d) $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{7\pi}{4} + i \sin \frac{7\pi}{4} \right)$

(4) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاع 7 cm , 8 cm , 9 cm هي :

- (a) $16\sqrt{3} \text{ cm}^2$ (b) $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$ (c) 24 cm^2 (d) $12\sqrt{5} \text{ cm}^2$

(5) في مثلث ABC : $m(\hat{C}) = 60^\circ$, $AC = 10 \text{ cm}$, $BC = 20 \text{ cm}$ فإن طول \overline{AB} يساوي :

- (a) $10\sqrt{3} \text{ cm}$ (b) $10\sqrt{7} \text{ cm}$ (c) 12.4 cm (d) 29 cm

(6) $\cos \left(h + \frac{\pi}{2} \right)$ يساوي :

- (a) $-\sin h$ (b) $\sin h$ (c) $\cos h$ (d) $-\cos h$

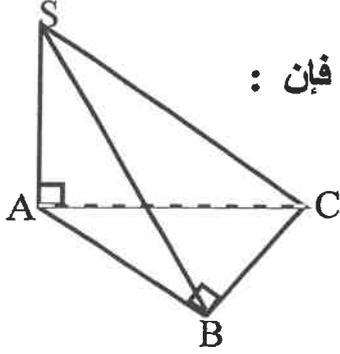
(7) مجموعة حل المعادلة : $\tan(x) = -\sqrt{3}$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$ هي x تساوي:

(a) $\left\{ \frac{2\pi}{3}, \frac{\pi}{3} \right\}$

(b) $\left\{ \frac{2\pi}{3} \right\}$

(c) $\left\{ \frac{4\pi}{3}, \frac{\pi}{3} \right\}$

(d) $\left\{ \frac{2\pi}{3}, \frac{5\pi}{3} \right\}$



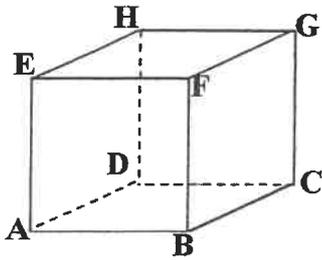
(8) في الشكل المقابل : إذا كان $\widehat{ABC} = 90^\circ$ ، $\vec{SA} \perp (ABC)$ ، فإن :

(a) المثلث SAB قائم في \widehat{B}

(b) $\vec{CB} \perp (SAB)$

(c) المثلث SAB متطابق الضلعين

(d) المثلث SCB قائم في \widehat{C}



(9) في المكعب ABCDEFGH ، \vec{BD} ، \vec{EG} هما :

(a) متوازيان

(b) متقاطعان

(c) متخالفان

(d) يحويهما مستو واحد

(10) معامل الحد الثالث في مفكوك $(3c - 4b)^5$ هو : **محلولة**

(a) 5170 (b) 3312 (c) 4320 (d) 2316

" انتهت الأسئلة "

القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن الاسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (14 درجة)

(5 درجات) (a) (1) أوجد مجموعة حل المعادلة : $4z^2 + 16z + 25 = 0$ في C

$\frac{1}{2}$

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

الحل : نكتب المميز Δ :

$\frac{1}{2}$

$$\Delta = (16)^2 - 4(4)(25)$$

$$= -144$$

$$= (-1) \times (12)^2$$

$$= i^2 \times (12)^2$$



$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$z_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-16 - 12i}{2 \times 4} = -2 - \frac{3}{2}i$$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$z_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-16 + 12i}{2 \times 4} = -2 + \frac{3}{2}i$$

$\frac{1}{2}$

$$\text{مجموعة الحل} = \left\{ -2 - \frac{3}{2}i, -2 + \frac{3}{2}i \right\}$$

(2) أوجد الزوج المرتب (r, θ) للنقطة $D(3\sqrt{3}, 3)$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$

(4 درجات)

الحل :

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$r = \sqrt{(3\sqrt{3})^2 + (3)^2} = \sqrt{36} = 6$$

نفرض أن α زاوية الاسناد

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$\therefore \tan \alpha = \left| \frac{y}{x} \right| = \left| \frac{3}{3\sqrt{3}} \right| = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$\frac{1}{2}$

$$\alpha = \tan^{-1} \left(\frac{1}{\sqrt{3}} \right) = \frac{\pi}{6} \text{ وبالتالي}$$

$\frac{1}{2}$

$\therefore D$ تنتمي إلى الربع الأول $\rightarrow x > 0, y > 0$

$\frac{1}{2}$

$$\therefore \theta = \frac{\pi}{6}$$

$\frac{1}{2}$

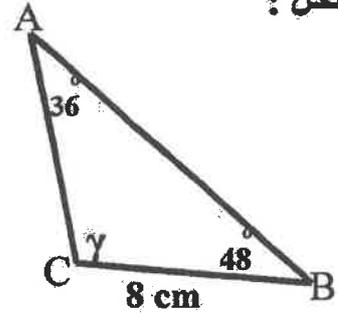
وبالتالي : الاحداثيات القطبية هي $D(6, \frac{\pi}{6})$

تراجعى الحلول الأخرى في جميع أسئلة المقال

تابع السؤال الأول :

(5 درجات) (b) حل المثلث ABC حيث $\alpha = 36^\circ$ ، $\beta = 48^\circ$ ، $a = 8 \text{ cm}$

الحل :



$$\gamma = 180^\circ - (36^\circ + 48^\circ) = 96^\circ$$

$$\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \beta}{b} = \frac{\sin \gamma}{c}$$

$$\frac{\sin 36^\circ}{8} = \frac{\sin 48^\circ}{b} = \frac{\sin 96^\circ}{c}$$

$$\frac{\sin 36^\circ}{8} = \frac{\sin 48^\circ}{b}$$

$$b = \frac{8 \sin 48^\circ}{\sin 36^\circ}$$

$$b \approx 10.11 \text{ cm}$$

$$\frac{\sin 36^\circ}{8} = \frac{\sin 96^\circ}{c}$$

$$c = \frac{8 \sin 96^\circ}{\sin 36^\circ}$$

$$c \approx 13.54 \text{ cm}$$



$\frac{1}{2}$
 $\frac{1}{2}$

1

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أوجد السعة و الدورة ثم ارسم بيان الدالة :

$$y = \frac{1}{2} \cos(-x) \quad : \quad x \in [-2\pi, 2\pi]$$

الحل :

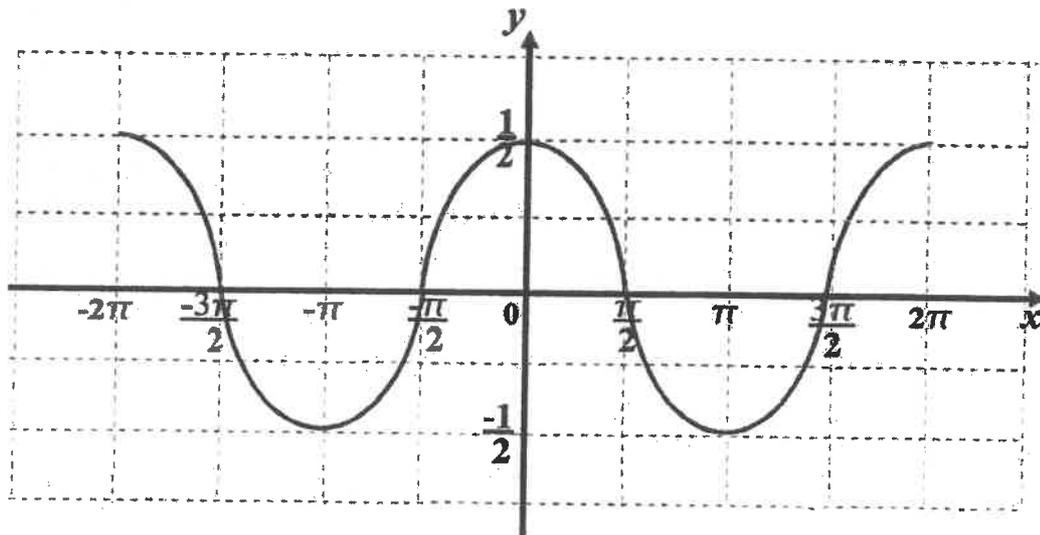
السعة : $|a| = \left| \frac{1}{2} \right| = \frac{1}{2}$

الدورة : $\frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{|-1|} = 2\pi$

∴ ربع الدورة : $\frac{2\pi}{4} = \frac{\pi}{2}$



x	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$-x$	0	$-\frac{\pi}{2}$	$-\pi$	$-\frac{3\pi}{2}$	-2π
$\cos(-x)$	1	0	-1	0	1
$\frac{1}{2} \cos(-x)$	$\frac{1}{2}$	0	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$



الرسم
3

تابع السؤال الثاني :

(8 درجات)

(b) إذا كان $\sin \alpha = \frac{4}{5}$, $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$

أوجد كلاً مما يلي : $\cos \beta = -\frac{12}{13}$, $\pi < \beta < \frac{3\pi}{2}$

(1) $\sin(\alpha + \beta)$

(2) $\tan 2\beta$

الحل :

$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$

$\frac{1}{2}$

$\cos^2 \alpha = 1 - \left(\frac{4}{5}\right)^2$

$\frac{1}{2}$

$\cos^2 \alpha = \frac{9}{25} \rightarrow \cos \alpha = \pm \frac{3}{5}$

$\frac{1}{2}$

$\because 0 < \alpha < \frac{\pi}{2} \rightarrow \therefore \cos \alpha = \frac{3}{5}$

$\sin^2 \beta + \cos^2 \beta = 1$

$\frac{1}{2}$

$\sin^2 \beta = 1 - \left(-\frac{12}{13}\right)^2$

$\frac{1}{2}$

$\sin^2 \beta = \frac{25}{169} \rightarrow \sin \beta = \pm \frac{5}{13}$

$\frac{1}{2}$

$\because \pi < \beta < \frac{3\pi}{2} \therefore \sin \beta = -\frac{5}{13}$

$\frac{1}{2}$

$\tan \beta = \frac{\sin \beta}{\cos \beta}$

$\frac{1}{2}$

$= \frac{-\frac{5}{13}}{-\frac{12}{13}} = \frac{5}{12}$

$\frac{1}{2}$

(1) $\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta$

$1 + \frac{1}{2}$

$= \left(\frac{4}{5}\right)\left(-\frac{12}{13}\right) + \left(\frac{3}{5}\right)\left(-\frac{5}{13}\right) = -\frac{63}{65}$

$1 + \frac{1}{2}$

(2) $\tan 2\beta = \frac{2 \tan \beta}{1 - \tan^2 \beta} = \frac{2 \times \frac{5}{12}}{1 - \left(\frac{5}{12}\right)^2}$

$\frac{1}{2}$

$= \frac{120}{119}$

السؤال الثالث : (14 درجة)

(a) اثبت صحة المتطابقة :

$$\frac{\cos x}{1 - \sin x} = \frac{1 + \sin x}{\cos x}$$

الحل :

محلولة

$$\frac{\cos x}{1 - \sin x} = \frac{\cos x}{1 - \sin x} \times \frac{1 + \sin x}{1 + \sin x}$$

$$= \frac{\cos x (1 + \sin x)}{1 - \sin^2 x}$$



$$= \frac{\cos x (1 + \sin x)}{\cos^2 x}$$

$$= \frac{1 + \sin x}{\cos x}$$

(4 درجات)

1

1

1

1

تابع السؤال الثالث :

(10 درجات)

(b) في الشكل المقابل D نقطة خارج مستوى المثلث ABC ، $m(\hat{BAC}) = \frac{\pi}{6}$ ،

$\overline{BE} \perp \overline{AC}$ ، $\overline{DE} \perp \overline{AC}$ ، $\overline{DB} \perp (ABC)$ ، $BD = 5 \text{ cm}$ ، $AB = 10 \text{ cm}$ ،

أوجد : (1) BE

(2) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين (BAC) ، (DAC)

$\frac{1}{2}$

1

$\frac{1}{2}$

1

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1

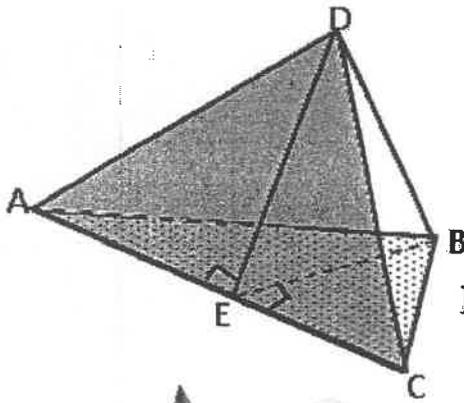
$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

1

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

1

$\frac{1}{2}$



الحل : (1) $\overline{BE} \perp \overline{AC}$:: (1)

$$\therefore m(\hat{BEA}) = \frac{\pi}{2}$$

\therefore AEB مثلث ثلاثيني مستقيم

$$BE = \frac{1}{2}AB = 5 \text{ cm}$$

(2) \overleftrightarrow{AC} هو خط تقاطع المستويين BAC ، DAC

$\overline{BE} \perp \overline{AC}$ في المستوى BAC ،

$\overline{DE} \perp \overline{AC}$ في المستوى DAC

\therefore الزاوية المستوية للزاوية الزوجية بين المستويين BAC ، DAC هي \hat{BED}

(معطى) $\overline{DB} \perp (ABC)$ ، $\overline{BE} \subset (ABC)$

$\therefore \overline{DB} \perp \overline{BE}$ (المستقيم العمودي على مستوي)

\therefore المثلث DBE قائم في B و متطابق الضلعين

$$\therefore m(\hat{BED}) = \frac{\pi}{4}$$

\therefore قياس الزاوية الزوجية بين المستويين BAC ، DAC يساوي $\frac{\pi}{4}$



السؤال الرابع :

(7 درجات)

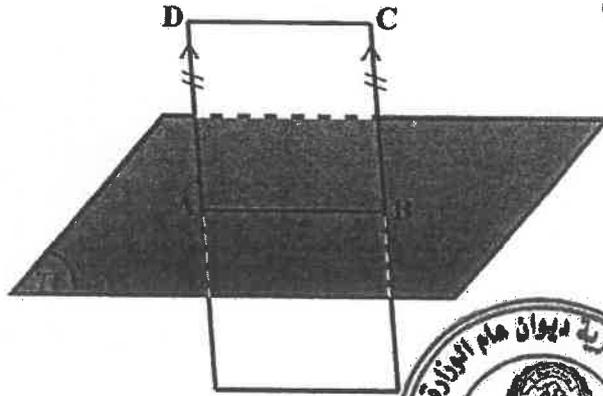
(a) (1) أكمل :

1

إذا وازى مستقيم خارج مستوي مستقيما في المستوى ، فإنه يوازي المستوي

(2) في الشكل المقابل : $\overleftrightarrow{AB} \subset \pi$ ، $\overleftrightarrow{AD} \parallel \overleftrightarrow{BC}$ ، $AD = BC$ ،

اثبت أن : $\overleftrightarrow{CD} \parallel \pi$



الحل :



$\therefore \overleftrightarrow{AD} \parallel \overleftrightarrow{BC}$

$\frac{1}{2}$

1 :

$\therefore \overleftrightarrow{AD}$ ، \overleftrightarrow{BC} يعينان مستويًا وحيداً و ليكن (ABCD) فيه

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$\overleftrightarrow{AD} \parallel \overleftrightarrow{BC}$ ، $AD = BC$

1

\therefore ABCD متوازي أضلاع

ومنه $\overline{DC} \parallel \overline{AB}$

1

$\therefore \overleftrightarrow{DC} \parallel \overleftrightarrow{AB}$

$\frac{1}{2}$

$\therefore \overleftrightarrow{AB} \subset \pi$ (معطى)

1

$\therefore \overleftrightarrow{CD} \parallel \pi$ (نظرية)

تابع السؤال الرابع :

(b) خلال شهر التسوق يقدم أحد المحلات العرض التالي : عند شراء كل صنف تحصل (7 درجات)
على بطاقة تفوز 30% من البطاقات بجوائز ويتم اختيار هذه البطاقات الرابحة
بشكل عشوائي ، مع راشد 4 بطاقات ، فما احتمال أن يفوز راشد بجائزتين ؟

الحل :

نفرض الحدث A : فوز راشد بجائزة

1

$$P(A) = m = 0.30$$

نفرض الحدث B : عدم فوز راشد بجائزة

1

$$P(B) = 1 - m = 0.70$$

نفرض الحدث E : فوز راشد بجائزتين

1

$$\text{فيكون } n = 4 , k = 2$$

1

$$P(E) = {}_n C_k (m)^k (1 - m)^{n - k}$$

2

$$= {}_4 C_2 (0.3)^2 (0.7)^2$$

1



0.2646

القسم الثاني : البنود الموضوعية (14 درجة)

- أولاً: في البنود من (1) إلى (2) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
 (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) مرافق العدد المركب : $z = 3 + 4i$ هو $\bar{z} = 3 - 4i$

(2) إذا كان : $\vec{l} \parallel \pi$, $\vec{m} \parallel \pi$ فإن $\vec{l} \parallel \vec{m}$

ثانياً: في البنود من (3) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(3) الصورة المثلثية للعدد المركب : $z = \frac{-4}{1-i}$ هي z تساوي:

- (a) $4 \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$ (b) $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$
 (c) $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$ (d) $2\sqrt{2} \left(\cos \frac{7\pi}{4} + i \sin \frac{7\pi}{4} \right)$

(4) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاع 7 cm , 8 cm , 9 cm هي :

- (a) $16\sqrt{3} \text{ cm}^2$ (b) $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$ (c) 24 cm^2 (d) $12\sqrt{5} \text{ cm}^2$

(5) في مثلث ABC : $m(\hat{C}) = 60^\circ$, $AC = 10 \text{ cm}$, $BC = 20 \text{ cm}$ فإن طول \overline{AB} يساوي :

- (a) $10\sqrt{3} \text{ cm}$ (b) $10\sqrt{7} \text{ cm}$ (c) 12.4 cm (d) 29 cm

(6) $\cos \left(h + \frac{\pi}{2} \right)$ يساوي :

- (a) $-\sin h$ (b) $\sin h$ (c) $\cos h$ (d) $-\cos h$

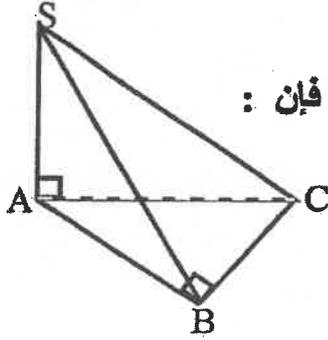
(7) مجموعة حل المعادلة : $\tan(x) = -\sqrt{3}$ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$ هي x تساوي:

(a) $\left\{ \frac{2\pi}{3}, \frac{\pi}{3} \right\}$

(b) $\left\{ \frac{2\pi}{3} \right\}$

(c) $\left\{ \frac{4\pi}{3}, \frac{\pi}{3} \right\}$

(d) $\left\{ \frac{2\pi}{3}, \frac{5\pi}{3} \right\}$



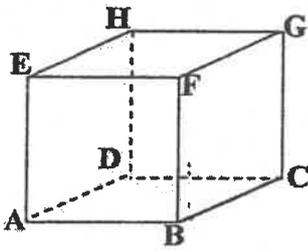
(8) في الشكل المقابل : إذا كان $\vec{SA} \perp (ABC)$ ، $m(\hat{ABC}) = 90^\circ$ فإن :

(a) المثلث SAB قائم في \hat{B}

(b) $\vec{CB} \perp (SAB)$

(c) المثلث SAB متطابق الضلعين

(d) المثلث SCB قائم في \hat{C}



(9) في المكعب ABCDEFGH ، \vec{BD} ، \vec{EG} هما :

(a) متوازيان

(b) متقاطعان

(c) متخالفتان

(d) يحويهما مستو واحد



(10) معامل الحد الثالث في مفكوك $(3c - 4b)^5$ هو : **معلوم**

(a) 5170 (b) 3312 (c) 4320 (d) 2316

" انتهت الأسئلة "

ورقة اجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(2)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(3)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(4)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/>
(5)	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(6)	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(7)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/>
(8)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(9)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> d
(10)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> d

- البنود [1-2] لكل بند درجة واحدة فقط

- البنود [3-10] لكل بند درجة ونصف

14



تابع السؤال الأول :

(b) إذا كان : $z_1 = -2 + 2i$ ، $z_2 = 1 - i$

(1) ضع z_1 في الصورة المثلثية

(2) حل المعادلة : $2z + \overline{z_1} = 3i (z_2)^2$

(9 درجات)

السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أوجد مساحة المثلث ABC حيث

مستخدماً قاعدة هيرون $a = 23 \text{ cm} , b = 19 \text{ cm} , c = 12 \text{ cm}$

تابع السؤال الثاني :

(b) إذا كان $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ ، $\cos \beta = \frac{24}{25}$ حيث α ، β زاويتين حادتين (8 درجات)
أوجد كلاً مما يلي :

(1) $\cos(\alpha - \beta)$

(2) $\sin\left(\frac{\pi}{2} - \beta\right)$

السؤال الثالث : (14 درجة)

$$\sin x = \frac{-\sqrt{3}}{2}$$

(a) حل المعادلة :

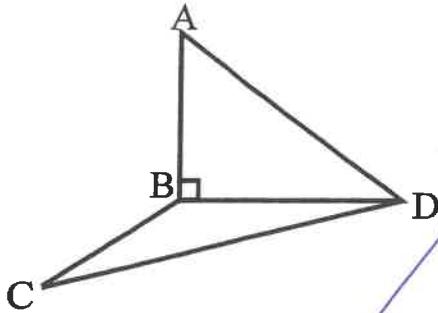
(4 درجات)

تابع السؤال الثالث :

(b) A, B, C, D أربع نقاط ليست مستوية معاً ، إذا كان $\overrightarrow{AB} \perp (BCD)$ (10 درجات)

وكان $(AD)^2 = (AB)^2 + (BC)^2 + (CD)^2$

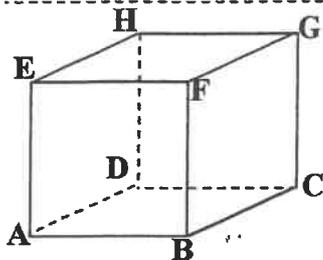
أثبت أن : (1) $\overline{BC} \perp \overline{DC}$ (2) $(ABD) \perp (CBD)$



ثانياً: البنود الموضوعية (14 درجة)

- أولاً: في البنود من (1) إلى (2) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الصورة الجبرية للعدد $3 + \sqrt{-4}$ هي $3 - 2i$



(2) في الشكل المقابل: إذا كان مكعب فإن \overleftrightarrow{AB} ، \overleftrightarrow{HG} يعينان مستويًا

ثانياً: في البنود من (3) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(3) مجموعة حل $z^2 - 4z + 20 = 0$: $z \in C$ هي :

- (a) $\{ 2 - 4i , -2 - 4i \}$ (b) $\{ -2 + 4i , -2 - 4i \}$
(c) $\{ 2 - 4i , -2 + 4i \}$ (d) $\{ 2 - 4i , 2 + 4i \}$

(4) معادلة الدالة المثلثية $y = a \cos (bx)$ حيث السعة 4 و الدورة 6 يمكن أن تكون :

- (a) $y = -\frac{1}{4} \cos (\frac{x}{3})$ (b) $y = -4 \cos (\frac{3}{\pi} x)$
(c) $y = -4 \cos (\frac{\pi}{3} x)$ (d) $y = 4 \cos (\frac{x}{3})$

(5) مثلث قياسات زواياه 50° ، 60° ، 70° فإذا كان طول أصغر ضلع فيه هو 9 cm فإن أطول ضلع يساوي تقريباً :

- (a) 11 cm (b) 11.5 cm (c) 12 cm (d) 12.5 cm

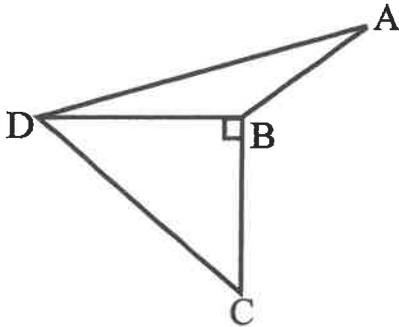
(6) المقدار : $\tan^2 x - \sin^2 x$ متطابق مع المقدار :

- (a) $\cot^2 x$ (b) $\tan^2 x$ (c) $\cot^2 x \cos^2 x$ (d) $\tan^2 x \sin^2 x$

(7) $\sin(2\theta) =$

- (a) $\cos \theta \sin \theta$ (b) $\sin^2 \theta$ (c) $\cos^2 \theta$ (d) $2 \cos \theta \sin \theta$

(8) في الشكل المقابل ، المثلث DBC قائم الزاوية في B فإذا كان $\overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{DB}$ (DBC) فإن الزاوية المستوية للزاوية الزوجية \overrightarrow{BD} هي :



- (a) $\hat{D}BC$ (b) $\hat{A}BC$
(c) $\hat{A}BD$ (d) $\hat{A}DC$

(9) إذا كان $\pi_2 // \pi_1$ ، $\pi_2 \neq \pi_1$ ، $\overrightarrow{l} \subset \pi_1$ ، $\overrightarrow{m} \subset \pi_2$ فإن :

- (a) $\overrightarrow{l} // \overrightarrow{m}$ (b) $\overrightarrow{l} \perp \overrightarrow{m}$ (c) متخالفان \overrightarrow{l} ، \overrightarrow{m} (d) $\overrightarrow{l} \cap \overrightarrow{m} = \phi$

(10) عدد طرائق المختلفة التي يمكن اختيار 3 أعلام من مجموعة من 7 أعلام هي :

- (a) 210 (b) 35 (c) 840 (d) 24

" انتهت الأسئلة "

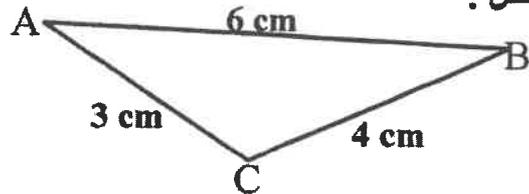
القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن الاسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول: (14 درجة)

(5 درجات) (a) حل المثلث ABC حيث $a = 4 \text{ cm}$ ، $b = 3 \text{ cm}$ ، $c = 6 \text{ cm}$

الحل:

 $\frac{1}{2}$

$$\cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$$

 $\frac{1}{2}$

$$= \frac{9 + 36 - 16}{2(3)(6)}$$

 $\frac{1}{2}$

$$= \frac{29}{36}$$

 $\frac{1}{2}$

$$\alpha \approx 36.3^\circ$$

 $\frac{1}{2}$

$$\cos \beta = \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac}$$

 $\frac{1}{2}$

$$= \frac{16 + 36 - 9}{2(4)(6)}$$

 $\frac{1}{2}$

$$= \frac{43}{48}$$

 $\frac{1}{2}$

$$\beta \approx 26.4^\circ$$

 $\frac{1}{2}$

$$\gamma = 180^\circ - 26.4^\circ - 36.3^\circ$$

 $\frac{1}{2}$

$$\approx 117.3^\circ$$



تراجعى الحلول الأخرى في جميع أسئلة المقال

تابع السؤال الأول :

(9 درجات)

(b) إذا كان : $z_1 = -2 + 2i$ ، $z_2 = 1 - i$

(1) ضع z_1 في الصورة المثلثية

(2) حل المعادلة : $2z + \overline{z_1} = 3i (z_2)^2$

(1) $z_1 = -2 + 2i$ الحل :

$$x = -2 \text{ ، } y = 2$$

$$1 \quad r = |z_1| = \sqrt{(-2)^2 + (2)^2} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$$

نفرض أن α زاوية الإسناد

$$1 \quad \tan \alpha = \left| \frac{y}{x} \right| = |-1| = 1$$

$$\frac{1}{2} \quad \therefore \alpha = \frac{\pi}{4}$$

$$x < 0 \text{ ، } y > 0$$

$\frac{1}{2}$

$\therefore \theta$ تقع في الربع الثاني

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$\theta = \pi - \alpha = \pi - \frac{\pi}{4} = \frac{3\pi}{4}$$

1

الصورة المثلثية هي : $z_1 = 2\sqrt{2} \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$

$$(2) \quad 2z + \overline{z_1} = 3i (z_2)^2$$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$2z + (-2 + 2i) = 3i (1 - i)^2$$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$2z + -2 - 2i = 3i (1 - 2i - 1)$$

$$2z + -2 - 2i = 3i (-2i)$$

$\frac{1}{2}$

$$2z + -2 - 2i = -6i^2$$

$\frac{1}{2}$

$$2z + -2 - 2i = 6$$

$\frac{1}{2}$

$$2z = 6 + 2 + 2i = 8 + 2i$$

$\frac{1}{2}$

$$z = 4 + i$$



السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أوجد مساحة المثلث ABC حيث

مستخدماً قاعدة هيرون $a = 23 \text{ cm}$ ، $b = 19 \text{ cm}$ ، $c = 12 \text{ cm}$

الحل :

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} \quad s &= \frac{1}{2} (a + b + c) \\ 1 \quad &= \frac{1}{2} (23 + 19 + 12) \\ &= \frac{1}{2} (54) \\ \frac{1}{2} \quad &= 27 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1 \quad \text{Area} &= \sqrt{s (s - a) (s - b) (s - c)} \\ 1 \quad &= \sqrt{27 (27 - 23) (27 - 19) (27 - 12)} \\ 1 \quad &= \sqrt{(27) (4) (8) (15)} \\ &= \sqrt{12960} \\ 1 \quad &= 36\sqrt{10} \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

$$\text{Area} \approx 113.84 \text{ cm}^2$$



∴ مساحة المثلث ABC = 113.84 cm² تقريباً

تابع السؤال الثاني :

(b) إذا كان $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ ، $\cos \beta = \frac{24}{25}$ حيث α ، β زاويتين حادتين (8 درجات)

أوجد كلاً مما يلي :

$$(1) \cos(\alpha - \beta)$$

$$(2) \sin\left(\frac{\pi}{2} - \beta\right)$$

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

الحل :

$$\frac{1}{2} \quad \cos^2 \alpha = 1 - \left(\frac{3}{5}\right)^2$$

$$\frac{1}{2} \quad \cos^2 \alpha = \frac{16}{25} \longrightarrow \cos \alpha = \pm \frac{4}{5}$$

$$\frac{1}{2} \quad \therefore \cos \alpha = \frac{4}{5}$$

α زاوية حادة



$$\sin^2 \beta + \cos^2 \beta = 1$$

$$\frac{1}{2} \quad \sin^2 \beta = 1 - \left(\frac{24}{25}\right)^2$$

$$\frac{1}{2} \quad \sin^2 \beta = \frac{49}{625} \quad \sin \beta = \pm \frac{7}{25}$$

$$\frac{1}{2} \quad \therefore \sin \beta = \frac{7}{25}$$

β زاوية حادة

$$1 \quad (1) \cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

$$1 \quad = \left(\frac{4}{5}\right)\left(\frac{24}{25}\right) + \left(\frac{3}{5}\right)\left(\frac{7}{25}\right)$$

$$1 \quad = \frac{117}{125}$$

$$1 \quad (2) \sin\left(\frac{\pi}{2} - \beta\right) = \cos \beta$$

$$1 \quad = \frac{24}{25}$$

السؤال الثالث : (14 درجة)

(4 درجات)

$$\sin x = \frac{-\sqrt{3}}{2} \quad (a) \text{ حل المعادلة :}$$

الحل :

نفرض أن α هي زاوية الإسناد للزاوية x

$$\sin \alpha = | \sin x |$$

$$= \left| \frac{-\sqrt{3}}{2} \right| = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\alpha = \frac{\pi}{3}$$

$$\sin x < 0$$

$\therefore x$ تقع في الربع الثالث أو في الربع الرابع

عندما x تقع في الربع الثالث :

$$x = \left(\pi + \frac{\pi}{3} \right) + 2k\pi, \quad k \in \mathbb{Z}$$

$$= \frac{4\pi}{3} + 2k\pi$$

عندما x تقع في الربع الرابع :

$$x = \left(2\pi - \frac{\pi}{3} \right) + 2k\pi, \quad k \in \mathbb{Z}$$

$$= \frac{5\pi}{3} + 2k\pi$$



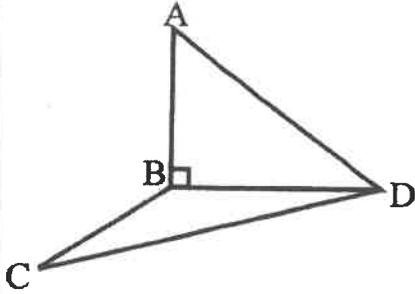
تابع السؤال الثالث :

(10 درجات) (b) $\vec{AB} \perp (BCD)$ إذا كان أربع نقاط ليست مستوية معاً ،

$$(AD)^2 = (AB)^2 + (BC)^2 + (CD)^2 \text{ وكان}$$

أثبت أن : (1) $\overline{BC} \perp \overline{DC}$ (2) $(ABD) \perp (CBD)$

الحل :



1 $\vec{AB} \perp (BCD)$

1 $\vec{BD} \subset (BCD)$

1 $\therefore \vec{AB} \perp \vec{BD}$



\therefore ABD مثلث قائم الزاوية في \hat{B} ومنه :

1 $(AD)^2 = (AB)^2 + (BD)^2$ (1)

1 $(AD)^2 = (AB)^2 + (BC)^2 + (CD)^2$ (2)

من (1) ، (2) نجد أن :

2 $(BD)^2 = (BC)^2 + (CD)^2$

\therefore BDC مثلث قائم الزاوية في \hat{C} (عكس نظرية فيثاغورث) ومنه :

1 $\therefore \overline{BC} \perp \overline{DC}$

1 $\vec{AB} \perp (BCD)$

(معطى)

1 $\vec{AB} \subset (ABD)$

1 $\therefore (ABD) \perp (CBD)$ (نظرية)

السؤال الرابع : (14 درجة)

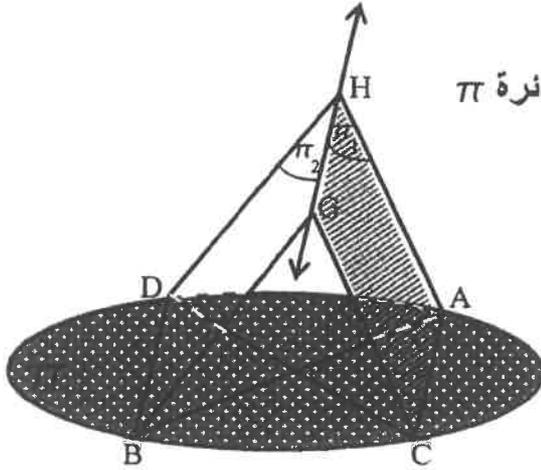
(7 درجات)

(a) في الشكل المقابل : \overline{AB} , \overline{CD} قطران في مستوى الدائرة π

$\overleftrightarrow{GH} = \pi_2 \cap \pi_1$ ، أثبت أن مستوى الدائرة π يوازي \overleftrightarrow{GH}

الحل :

1/2
1/2
1/2
1
1/2
1
1
1
1
1



\overline{AB} , \overline{CD} قطران في مستوى الدائرة π :

\therefore ينصف كل منهما الآخر و متطابقان

\therefore الشكل ABCD مستطيل

$\therefore \overline{AC} \parallel \overline{DB} \dots\dots\dots (1)$

$\overline{AC} \subset \pi_1$, $\overline{DB} \subset \pi_2$

$\pi_2 \cap \pi_1 = \overleftrightarrow{GH} \dots\dots\dots (2)$

$\overleftrightarrow{GH} \parallel \overline{AC} \parallel \overline{DB}$ من (1) ، (2)

$\therefore \overleftrightarrow{GH} \parallel \overline{AC}$, $\overline{AC} \subset \pi$

$\therefore \overleftrightarrow{GH} \parallel \pi$

أي أن مستوى الدائرة π يوازي \overleftrightarrow{GH}



(7 درجات)

(b) أوجد الحد الذي يحتوي على $x^3 y^4$ في مفكوك $(2x + 3y)^7$

الحل:

1
1/2
1/2
2
1
1
1

الحد الذي رتبته $r + 1$ هو : $T_{r+1} = {}_n C_r \cdot x^{n-r} \cdot y^r$

في مفكوك كثيرة الحدود $(2x + 3y)^7$, $n = 7$

\therefore أس y يساوي 4 $\therefore r = 4$

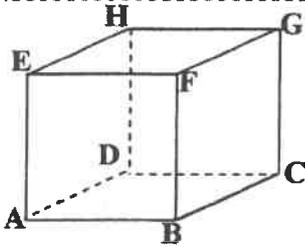
$T_5 = {}_7 C_4 \cdot (2x)^3 \cdot (3y)^4$
 $= (35) 2^3 x^3 \cdot 3^4 y^4$
 $= (35) (8) (81) x^3 y^4$
 $= 22680 x^3 y^4$

معلوم

ثانياً: البنود الموضوعية (14 درجة)

- أولاً: في البنود من (1) إلى (2) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
 (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الصورة الجبرية للعدد $3 + \sqrt{-4}$ هي $3 - 2i$



(2) في الشكل المقابل: إذا كان ABCDEFGH مكعب فإن
 \overrightarrow{AB} ، \overrightarrow{HG} يعينان مستويًا

ثانياً: في البنود من (3) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(3) مجموعة حل $z^2 - 4z + 20 = 0$: $z \in C$ هي :

- (a) $\{ 2 - 4i , -2 - 4i \}$ (b) $\{ -2 + 4i , -2 - 4i \}$
 (c) $\{ 2 - 4i , -2 + 4i \}$ (d) $\{ 2 - 4i , 2 + 4i \}$

(4) معادلة الدالة المثلثية $y = a \cos (bx)$ = الدورة 6 يمكن أن تكون :

- (a) $y = -\frac{1}{4} \cos (\frac{x}{3})$ (b) $y = -4 \cos (\frac{3}{\pi} x)$
 (c) $y = -4 \cos (\frac{\pi}{3} x)$ (d) $y = 4 \cos (\frac{x}{3})$

(5) مثلث قياسات زواياه 50° ، 60° ، 70° فإذا كان طول أصغر ضلع فيه هو 9 cm فإن أطول ضلع يساوي تقريباً :

- (a) 11 cm (b) 11.5 cm (c) 12 cm (d) 12.5 cm

معلوم

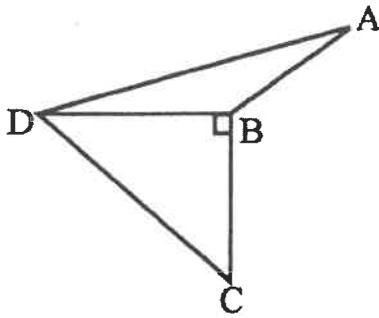
(6) المقدار : $\tan^2 x - \sin^2 x$ متطابق مع المقدار :

- (a) $\cot^2 x$ (b) $\tan^2 x$ (c) $\cot^2 x \cos^2 x$ (d) $\tan^2 x \sin^2 x$

$= \sin (2\theta)$ (7)

- (a) $\cos \theta \sin \theta$ (b) $\sin^2 \theta$ (c) $\cos^2 \theta$ (d) $2 \cos \theta \sin \theta$

(8) في الشكل المقابل ، المثلث DBC قائم الزاوية في B فإذا كان $\overrightarrow{AB} \perp (DBC)$ فإن الزاوية المستوية للزاوية الزوجية \overrightarrow{BD} هي :



- (a) \widehat{DBC} (b) \widehat{ABC}
(c) \widehat{ABD} (d) \widehat{ADC}

(9) إذا كان $\pi_2 // \pi_1$ ، $\pi_2 \neq \pi_1$ ، $\vec{l} \subset \pi_1$ ، $\vec{m} \subset \pi_2$ فإن :

- (a) $\vec{l} // \vec{m}$ (b) $\vec{l} \perp \vec{m}$ (c) متخالفان \vec{l} ، \vec{m} (d) $\vec{l} \cap \vec{m} = \phi$

(10) عدد طرائق المختلفة التي يمكن اختيار 3 من مجموعة من 7 أعلام هي :

- (a) 210 (b) 35 (c) 840 (d) 24

معلوم

" انتهت الأسئلة "

ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(2)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(3)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
(4)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(5)	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(6)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
(7)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
(8)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(9)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
(10)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d

14

البنود [1 - 2] لكل بند درجة واحدة فقط
-البنود [3 - 10] لكل بند درجة ونصف

