

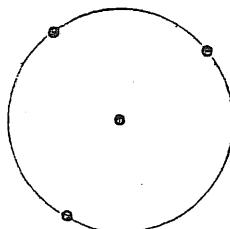
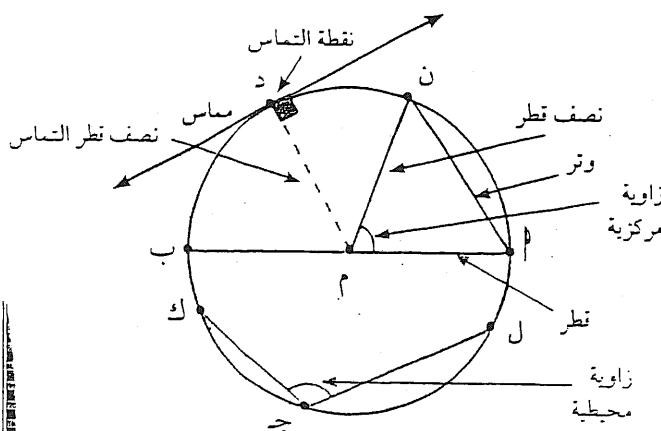
الدائرة

(١-٧) (٩)

تعريف الدائرة

الدائرة هي مجموعة نقاط المستوى التي تبعد كل منها عن نقطة ثابتة م في المستوى بعدها ثابتا.

تسمى النقطة الثابتة مركز الدائرة ويسمى بعد الثابت طول نصف القطر ويرمز إليه عادة بالرمز r .

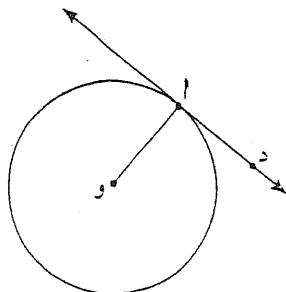


كل ثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة تمر بها دائرة واحدة.

مماض للدائرة

(١-٧) (١)

المماض للدائرة هو مستقيم في المستوى يتقاطع مع الدائرة في نقطة واحدة.
نقطة التقاطع تسمى نقطة التماس.



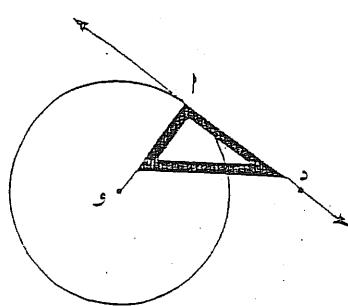
\leftrightarrow
أد مماض.

\leftrightarrow
أد شعاع مماض.

\leftrightarrow
أد قطعة مماسية

أو نصف قطر التماس

نظرية (١)

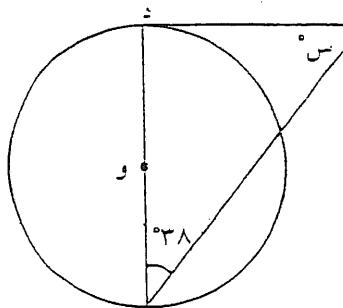


المماض عمودي على نصف قطر التماس.
إذا كان مستقيماً مماساً للدائرة، فإنه يكون متعمداً مع نصف القطر المار بنقطة التماس.

أي أن $O \perp AD$.

١٥ حاول أن تحل

في الشكل المقابل، \leftrightarrow مماس للدائرة التي مركزها و. أوجد قيمة s .



المعطيات: \leftrightarrow مماس للدائرة التي مركزها و

المطلوب: \rightarrow قيمه s

البرهان:

\rightarrow مماس \leftrightarrow نصف قطر التمس

(نظرية)

$\therefore \text{مجموع قياسات زوايا المثلث} = 180^\circ$

$$90^\circ + 38^\circ + s = 180^\circ$$

$$\therefore s = 52^\circ$$

مثال (٢)

في الشكل المقابل \leftrightarrow مماس للدائرة التي مركزها و. أوجد قياس الزاوية L من.

الحل:

المعطيات: \leftrightarrow مماس للدائرة التي مركزها و.

المطلوب: إيجاد قياس الزاوية L من

البرهان:

\leftrightarrow مماس

ول نصف قطر التمس

$$\therefore L(M\hat{L}W) = 90^\circ$$

$$\text{ وبالمثل: } L(M\hat{N}W) = 90^\circ$$

بما أن L من و رباعي فمجموع قياسات زواياه يساوي 360° .

$$\therefore L(L\hat{N}) + L(N\hat{M}) + L(M\hat{W}) + L(W\hat{L}) = 360^\circ$$

بالتعويض

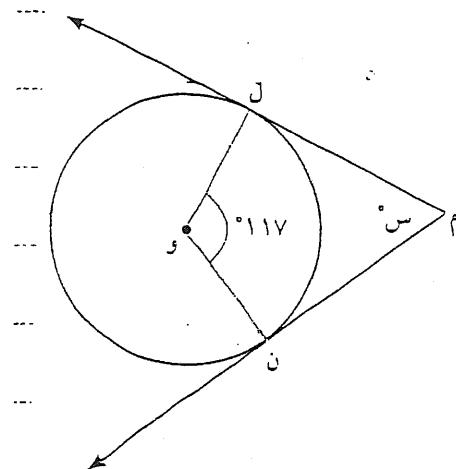
$$360^\circ = 90^\circ + 90^\circ + s + 90^\circ$$

بالتبسيط

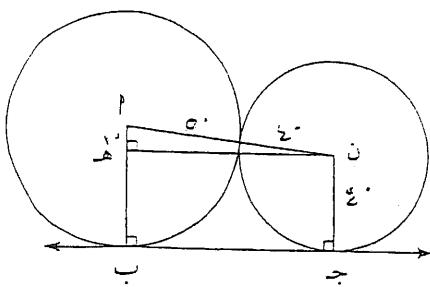
$$360^\circ = 297^\circ + s$$

$$s = 63^\circ$$

$$\therefore L(L\hat{M}N) = 63^\circ$$



حاول أن تحل ص ١٧



٣٠ يمثل الشكل المقابل مقطعاً لأسطوانتين في معمل الورق.
أوجد طول ب ح إذا كانت الدائرتان متماستين وطول نصف
قطريهما ٥٠ سم، ٤٠ سم على الترتيب.

لبرهانه بحسب قائم لزاوية في

بخطيروه لنظرية جيب المثلث

$$(NP)^2 = (NH)^2 + (HN)^2$$

$$(AP)^2 - (NP)^2 = (PN)^2$$

$$A \dots = (1) - (2) =$$

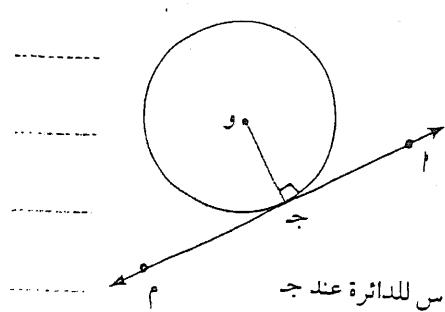
$$289 = 400$$

الشكل سهل تطبيق

$$289 = 400$$

نظرة (٢)

المستقيم العمودي على نصف قطر دائرة عند نهايته التي تتنبئ
إلى الدائرة يكون مماساً لهذه الدائرة عند هذه النقطة.

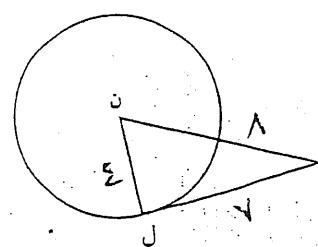


\leftrightarrow مماس للدائرة عند ج

اذ $AM = 40$ سم $BM = 10$ سم

عماه $AB = 50$ سم للدائرة عند ح

حاول أن تحل ص ١٨



في الشكل المقابل، إذا كان $NL = 4$ ، $LM = 7$ ، $NM = 8$ ، فهل مل مماس - م
للدائرة؟ فسر إجابتك

$$(NL)^2 + (LM)^2 = 4^2 + 7^2 = 65$$

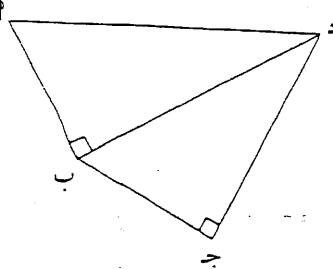
$$(NM)^2 = 8^2 = 64$$

$$(NL)^2 + (LM)^2 \neq (NM)^2$$

ـ و $(NL)^2 + (LM)^2 \neq (NM)^2$ \rightarrow مل ليس مماس للدائرة

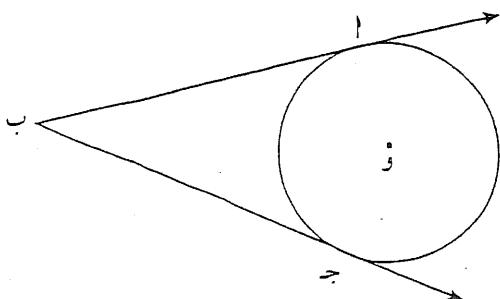
حاول أن تحل ص ١٩

٥ أكمل النص التالي:



القطعتان المماستان لدائرة المرسومتان من نقطة خارجها متطابقتان.

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \equiv \frac{1}{\sqrt{3}}$$



سائح النظرية

Δ بـ جـ مـنـطـابـقـ الضـلـعـينـ منـ النـظـرـيـةـ السـابـقـةـ.

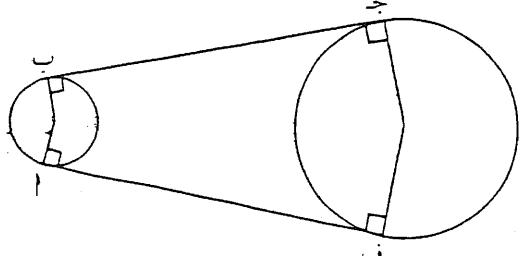
ب و منصف الزاوية ۱ ج

وَبِمَنْصَفِ الزَّاوِيَةِ أَوْ جَ

و ب ت ا ج

حائل آن تحل ۲۱

ستخدما الرسم أعلاه، أثبت أن $y = g$ إذا لم يتقاطع جـ بـ مع ℓ



$$\emptyset = \overleftarrow{\text{S.P}} \cap \overleftarrow{\text{S.P}}^c, \quad \text{and} \\ \emptyset = \overleftarrow{\text{S.P}} \cap \overleftarrow{\text{S.P}}^c.$$

لـكـلـ مـفـ حـ مـتـصلـ

$\vec{F} = \rho u$

الدائرة المحيطة ب مثلث (الداخلة)

هي دائرة مماسة لأضلاع المثلث الثلاثة من الداخل.

مركز هذه الدائرة هو نقطة تلاقى منصفات الزوايا الداخلية للمثلث

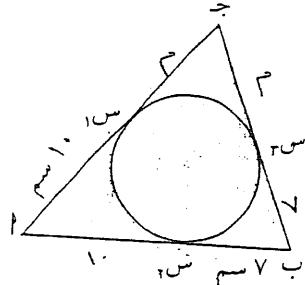
الدائرة المحيطة ب مثلث (الخارجية)

هي دائرة تمر برؤوس المثلث الثلاثة.

مركز هذه الدائرة هو نقطة تلاقى المحاور الثلاثة لأضلاع المثلث (نقطة تلاقى المنصفات العمودية لأضلاع المثلث).

٢٣ ص

في الشكل المقابل إذا كان محاط المثلث $A B C = 50$ سم، فأوجد طول $B C$.



البرهان : $P = 50$ سم نظرية

$P = 50$ سم نظرية

$P = 50$ سم نظرية

محاط المثلث $P = 50$ سم

$$P = P + B + C$$

$$50 = 10 + 7 + 5 + A$$

$$50 = 22 + A$$

$$24 = 50 - A$$

$$\frac{16}{2} = 24$$

$$A = 16$$

$$P = A + B + C$$

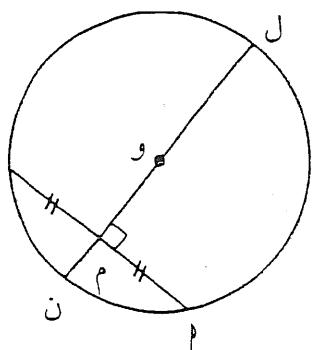
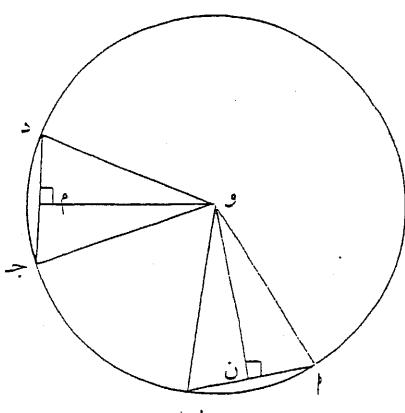
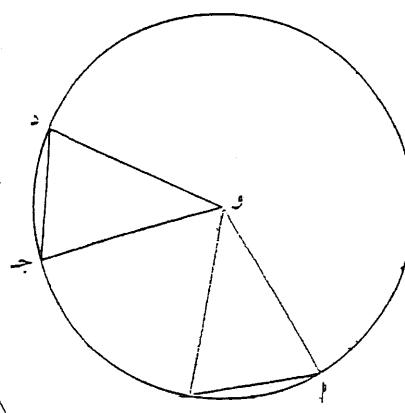
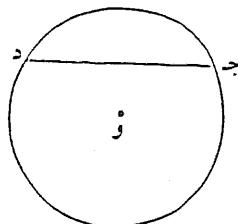
الدُّوَكَارِ وَالْأَفْعَادِ

(5-7)

الوتر (Chord) هو قطعة مستقيمة يتسمى طرفاها إلى دائرة.

- الشكل المقابل، الورت جد والقوس (Arc) جد المناظر لهذا الورت.

تتمحور النظرية التالية على العلاقة بين الزوايا المركزية في دائرة والأوتار والأقواس التي تحصرها.



١٥

ففي الرسم أعلاه، إذا كان $\overline{b} \cong \overline{d}$ ، فماذا تستنتج؟

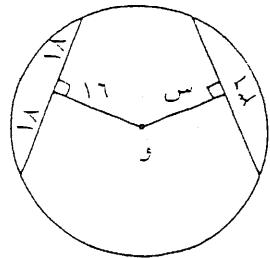
$$\overline{f(x)} \approx \overline{f_0}$$

$$(\overset{\wedge}{1}) \cong (\overset{\wedge}{2})$$

$$\widehat{\phi} \equiv \widehat{\psi}$$

77

الحاول أن تحل ص ٧



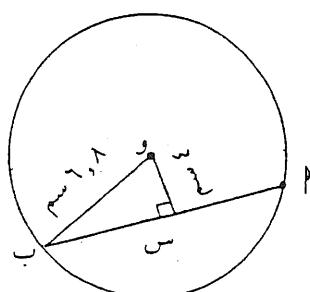
دائرة مركزها O . أوجد قيمة س في الشكل المقابل، وفسر إجابتك.

$$\text{لور} = \text{لور} = 36$$

$$\text{لبع} = \text{لبع}$$

$$س = 18$$

الحاول أن تحل ص ٣



استخدم الشكل المقابل لإيجاد:

$$\text{طول الوتر } AB$$

المسافة من متصف الوتر إلى متصف القوس الأصغر AB .

$$س = 180$$

$$س = 90$$

$$(س ب) = (و ب) = (و س)$$

$$(س ب) = (أ ب) = (أ س) = عمو ٢$$

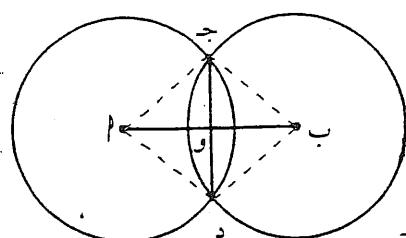
$$س = 90$$

$$س = 90$$

الحاول أن تحل ص ٣

معلومة مفيدة:

خط المركزين لدائرةتين متقاطعتين يكون عمودياً على الوتر المشترك بينهما وينصفه.



في مثال (٤)، إذا كان $ج د = 14$ سم، $ن = 13$ سم، فأوجد طول AB .

خط المركزين ينكمش ويزداد على الوتر المشترك
وينصفه

$$\text{مسافة } PQ = 90\sqrt{2}$$

$$ج د = 90\sqrt{2}$$

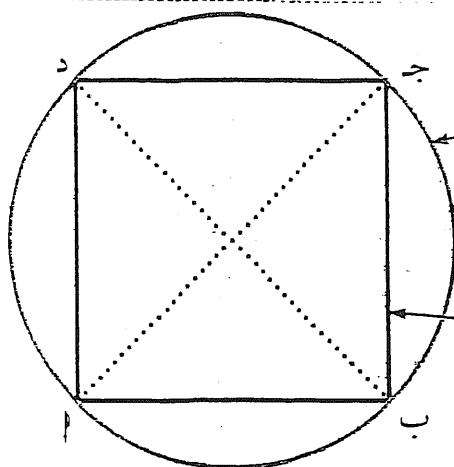
في $\triangle ABC$ المتساوي والمحض

$$(س و) = (أ ب) = (أ س) = 12$$

$$س = 90 \times 2 = 180 \leftarrow س = 90$$



٥) في مثال (٥) أعلاه، أوجد طول نصف قطر الدائرة إذا كان طول ضلع المربع يساوي ١٠٥ متر.



النافذة

الإطار

الخبي

$$\pi \times r^2 = P$$

$$\pi r^2 = 105 \times 105$$

$$r^2 = \frac{105 \times 105}{\pi}$$

* * * * *

* * * * *

* * * * *

* * * * *

* * * * *

* * * * *

* * * * *

* * * * *

* * * * *

* * * * *

* * * * *

A

(٦-٣)

لزاوية مركزية والزاوية المحيطة

١- الزاوية المركزية والزاوية المحيطة

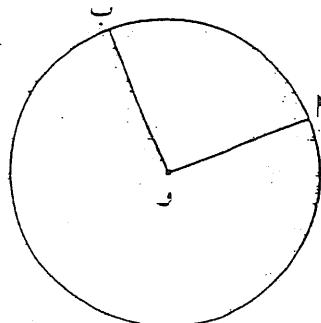
تعريف:

الزاوية التي رأسها مركز الدائرة تسمى بالزاوية المركزية.

الزاوية التي رأسها إحدى نقاط الدائرة وضلعها يقطعان الدائرة تسمى بالزاوية المحيطة.



قياس الزاوية المركزية يساوي قياس القوس المحصور بين ضلعيها على الدائرة.



$$\text{م}(\widehat{AOC}) = \text{م}(\widehat{AB})$$

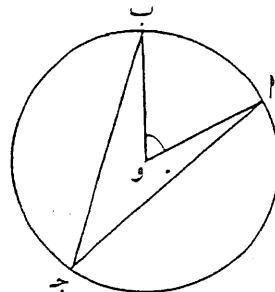
حاول أن تحل ص ٣٣

إذا كان قياس زاوية مركزية 35° , فأوجد قياس القوس على الدائرة المحصور بين ضلعيها.

$$\therefore \text{ص}(\widehat{ACB}) = 35^\circ$$

$$\therefore \text{ص}(\widehat{ABC}) = 35^\circ$$

نظريه (٢)



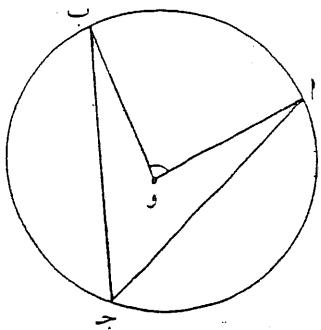
في الدائرة قياس الزاوية المحيطة يساوي نصف قياس القوس المحصور بين ضلعيها.

$$\text{م}(\widehat{ACB}) = \frac{1}{2} \text{م}(\widehat{AOB}) = \frac{1}{2} \text{م}(\widehat{AB})$$

قياس الزاوية المحيطة يساوي نصف قياس الزاوية المركزية المشتركة معها في القوس نفسه.



مثال (٢)



في الشكل المقابل: إذا كان $\angle AOB = 80^\circ$ فأوجد $\angle ADB$.

الحل:

المعطيات: دائرة مركزها و، أ، ب، ج نقاط تنتهي إلى الدائرة. $\angle AOB = 80^\circ$.

المطلوب: إيجاد $\angle ADB$.

البرهان:

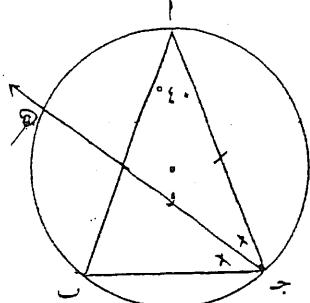
أجب زاوية محاطة في الدائرة $\therefore \angle ADB = \frac{1}{2} \angle AOB$

$$\therefore \angle ADB = \frac{1}{2} \times 80^\circ = 40^\circ$$

وبالتالي $\angle ADB = 40^\circ$

حاول أن تحل ص ٣٥

إذا كان قياس زاوية محاطة في دائرة يساوي 45° ، فأوجد قياس القوس المحصور بين ضلعيها.



أجب مثلث متطابق الضلعين حيث أ، ب، ج نقاط على الدائرة التي مركزها و، $\angle AOB = 40^\circ$.

أوجد قياس كل من الأقواس \widehat{AB} , \widehat{BC} , \widehat{CA} .

البرهان:

زوايا المثلث هي زوايا محاطة في الدائرة $\therefore \angle AOB = \frac{1}{2} \angle AOC$

$$\text{ومنه: } 40^\circ = \frac{1}{2} \angle AOC \therefore \angle AOC = 2 \times 40^\circ = 80^\circ$$

$$\therefore \angle AOB = 280^\circ - 80^\circ = 200^\circ$$

$$\therefore \angle AOB = 200^\circ$$

$$\therefore \angle AOB = \frac{280^\circ}{2} = 140^\circ$$

حاول أن تحل ص ٣٦

في المثال (٣) إذا كان جـ، منصف الزاوية الداخلية أـجـب ويقطع الدائرة في النقطة هـ. ما قياس القوس الأصغر هـ؟

$$\angle AHD = \frac{1}{2} \angle AOB = 140^\circ$$

$$\therefore \angle AHD = 140^\circ$$

$$\therefore \text{قـوس } \widehat{AH} \text{ الأصغر} = 360^\circ - 140^\circ = 220^\circ$$

مثال (٤)

في الشكل المقابل دائرة مركزها O . أثبت أن $\overline{D}\perp\overline{B}G$.

الحل:

المعطيات: A, B, G مثلث قائم الزاوية، رؤوسه الثلاثة تسمى إلى الدائرة التي مركزها O .
 \overline{AD} منصف $\angle BGA$ ويقطع الدائرة في D .

المطلوب: إثبات أن $\overline{D}\perp\overline{B}G$

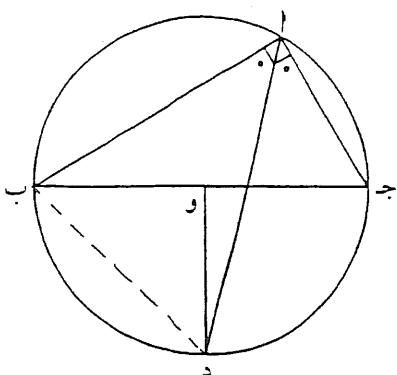
البرهان:

معطى

$$\therefore m(\angle BGD) = 90^\circ$$

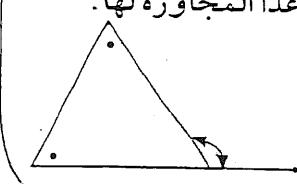
\overline{AD} منصف الزاوية BGA

$$\therefore m(\angle BGD) = 45^\circ$$



تذكرة

قياس الزاوية الخارجية
عن مثلث يساوي مجموع
قياسي الزاويتين الداخلتين
ما عدا المجاورة لها.



نظيرية

$$\therefore m(\angle BGD) = \frac{1}{2}m(\angle BGA)$$

نظيرية

$$\therefore m(\angle BGD) = 90^\circ, m(\angle BGD) = 90^\circ$$

$\therefore \overline{D}\perp\overline{B}G$.

حاول أن تحل ص ٣٧

٤) في المثال (٤)، إذا كان $m(\angle BGD) = 30^\circ$ ، أوجد $m(\angle ADB)$.

٥) حاول

$$m(\angle BGD) = 90 - 30 = 60^\circ$$

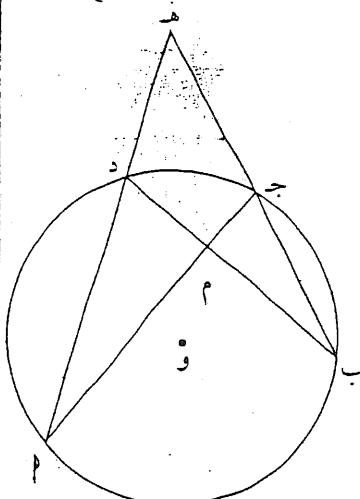
$$m(\angle BGD) = 60 \times \frac{1}{2} = 30^\circ$$

$$m(\angle ADB) = \frac{1}{2}m(\angle BGD) = \frac{1}{2} \times 30^\circ = 15^\circ$$

حاول أن تحل ص ٣٧

$$\frac{m(\angle B) - m(\angle D)}{2}$$

٥) في المثال (٥)، أثبت أن $m(\angle BGD) =$



البرهان: (P) خارج من مثلث BCD

$$m(\angle BGD) = m(\angle BCD) - m(\angle BDC)$$

$$= \frac{1}{2}m(\angle BAC) - m(\angle BDC)$$

$$= m(\angle BAC) - m(\angle BDC)$$

مثال (٦)

أ ب ج د شكل رباعي دائري. أثبت أن $\pi(\widehat{A} \widehat{D}) = \pi(\widehat{B} \widehat{C})$.

الحل:

المعطيات: أ ب ج د شكل رباعي دائري.

المطلوب: إثبات تساوي قياسي الزاويتين $(\widehat{A} \widehat{B} \widehat{D})$, $(\widehat{B} \widehat{C} \widehat{D})$.

البرهان: أ ب ج د شكل رباعي دائري.

$$\text{أ ب د زاوية محاطية} \therefore \pi(\widehat{A} \widehat{D}) = \frac{1}{2} \pi(\widehat{B} \widehat{C} \widehat{D}) \quad (1)$$

$$\text{م ج د زاوية محاطية} \therefore \pi(\widehat{B} \widehat{D}) = \frac{1}{2} \pi(\widehat{B} \widehat{C} \widehat{D}) \quad (2)$$

من (1), (2) نستنتج أن $\pi(\widehat{A} \widehat{D}) = \pi(\widehat{B} \widehat{C} \widehat{D})$.

حاول أن تحل ص ٣٨

في المثال (٦)، أثبت أن $\pi(\widehat{A} \widehat{B}) = \pi(\widehat{C} \widehat{D})$

معلومة رياضية:

الشكل الرباعي الدائري هو مضلع رباعي تقع رؤوسه على دائرة.

البرهان: م ك د ح زاوية محضر $\therefore \pi(\widehat{A} \widehat{D}) = \frac{1}{2} \pi(\widehat{B} \widehat{C})$
 م ح د زاوية محضر $\therefore \pi(\widehat{B} \widehat{D}) = \frac{1}{2} \pi(\widehat{A} \widehat{C})$
 م ك د ح زاوية محضر $\therefore \pi(\widehat{A} \widehat{B}) = \frac{1}{2} \pi(\widehat{C} \widehat{D})$
نتيجاً $\therefore \pi(\widehat{A} \widehat{D}) = \pi(\widehat{B} \widehat{C}) = \pi(\widehat{A} \widehat{B})$

مثال (٧)

أ ب قطر في دائرة مركزها و. من أ، ب نرسم وتران متوازين يقطعان الدائرة في ج، د على الترتيب. أثبت أن الوترتين هما على بعد نفسه من مركز الدائرة.

الحل:

المعطيات: أ ب قطر في دائرة مركزها و. أ ج // ب د.

المطلوب: إثبات أن الوترتين أ ج، ب د هما على بعد نفسه من المركز و.

العمل: من ونرسم مستقيماً متعامداً مع أ ج ويقطع أ ج في ه ويقطع ب د في ي.

البرهان: أ ج // ب د \therefore وه متعامد مع ب د ويقطعها في النقطة ي. علينا إثبات أن وه = وي.

في المثلثين و أ ه، و ب ي: و أ = و ب = غ

$$\pi(\widehat{B} \widehat{Y}) = \pi(\widehat{H} \widehat{O}) = 90^\circ$$

$$\pi(\widehat{Y} \widehat{B}) = \pi(\widehat{O} \widehat{H})$$

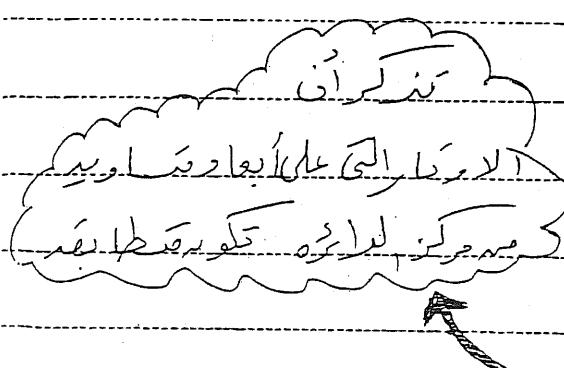
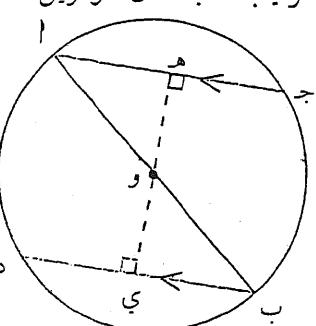
بالتبادل والتوافي

.. المثلثان و أ ه، و ب ي متطابقان (ز. ض. ز)

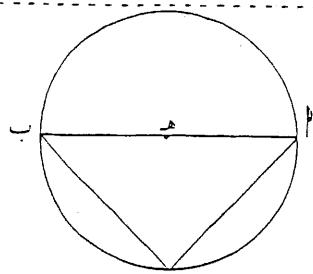
و منه وه = وي (تطابق الأضلاع المتناظرة)

حاول أن تحل ص ٣٨

في المثال (٧)، أثبت أن أ ج = ب د.



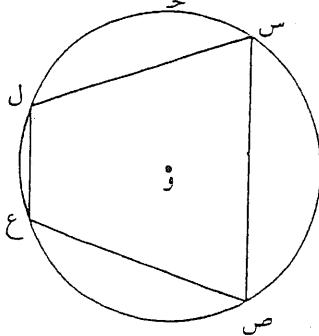
٣٩: ص (١) تدريب



إذا كان \overline{AB} قطر في الدائرة التي مركزها G في الدائرة، أثبت أن $(\widehat{A} \widehat{B})$ زاوية قائمة.

$\therefore \text{قطر} \therefore \widehat{G} = 90^\circ \therefore \widehat{A} + \widehat{B} = 90^\circ$

٣٩: ص (٢) تدريب



مسنون شكل رباعي دائري. أثبت أن $\widehat{S} + \widehat{C} = 180^\circ$.

$$\begin{aligned} \widehat{G} + \widehat{H} &= \frac{1}{2} \widehat{A} + \frac{1}{2} \widehat{B} \\ &= \frac{1}{2} \cdot 180^\circ \\ &= 90^\circ \end{aligned}$$

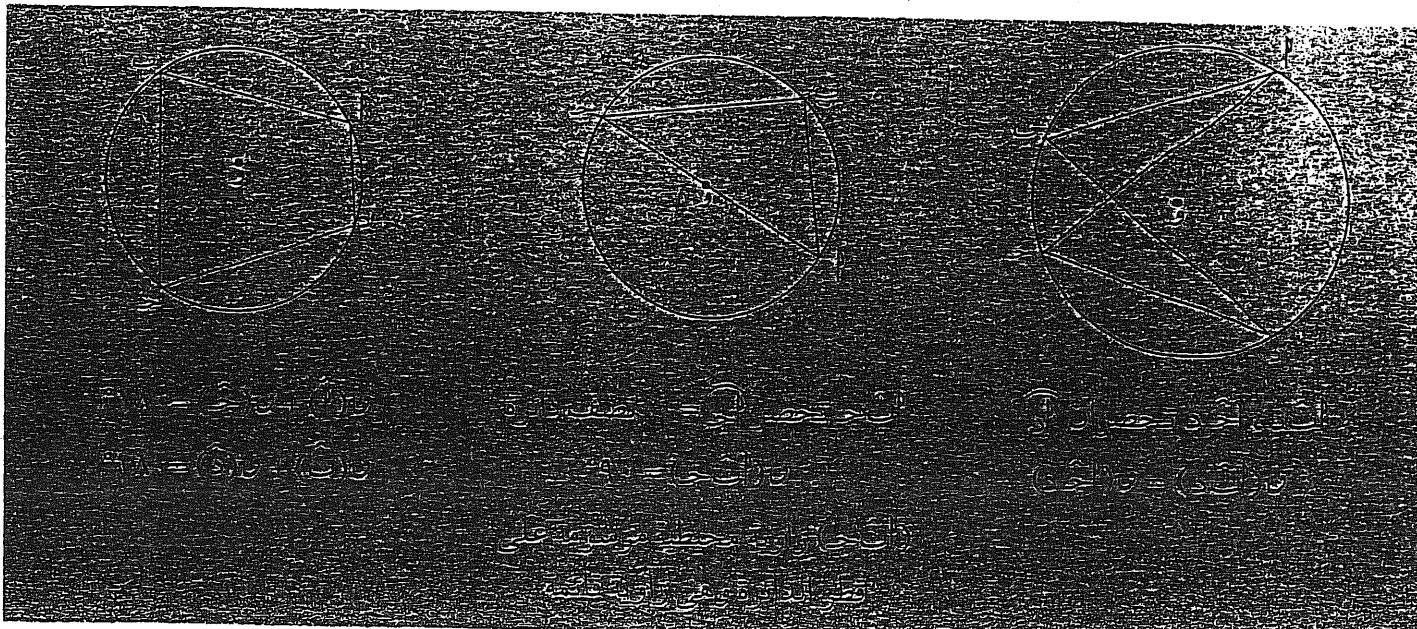
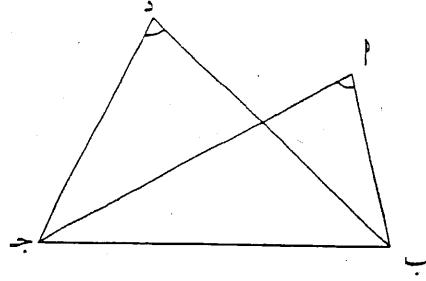
نتائج

١ كل زاويتين محيطيتين في دائرة تحصران القوس نفسه متطابقتان.

٢ كل زاوية محيطية في دائرة تحصر نصف دائرة تكون زاوية قائمة.

٣ كل شكل رباعي دائري (محاط بدائرة)، تكون زواياه المتقابلة متكاملة.

٤ في الشكل إذا تطابقت الزاويتان \widehat{A} ، \widehat{B} المرسومات على القاعدة AB وفي جهة واحدة منها. كان الشكل AB رباعياً دائرياً.



تدریب (۳): صنایع

لـكـن بـ نقطـة تـنـتمـي إـلـى الدـائـرـة التـي مـرـكـزـهـاـن

أ) مماس للدائرة عند النقطة ج

ج ب وتر في الدائرة يمر بنقطة التماس ج.

يسمى جب وتر التماس

الزاوية (\hat{J}) تسمى زاوية مماسية، الزاوية ($s\hat{J}b$) تسمى زاوية مماسية أيضاً.

الزاوية (ذهب) تشتراك مع الزاوية المماسية في القوس نفسه باستخدام المنقلة.

أكمل:

$\hat{P}(\text{جـبـ}) = \frac{1}{\sqrt{2}}$

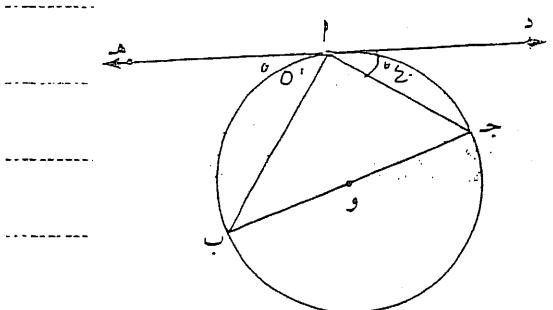
جہب (جہب) =

ماذا تستحق؟ $\omega(\text{تحف}) = \omega(\text{حده}) = ٧٠$

نظرية (٢)

(١١) قياس الزاوية المماسية يساوى قياس الزاوية المحاطية المشتركة معها في القوس نفسه.

(٢) قياس الزاوية المماسية يساوى نصف قياس القوس المحصور بين المماس والوتر .



حَاوْلَانِيَّةُ

في الشكل المقابل، لدينا:

$$\text{ب}(د\hat{أ}ج) = ٤٠، \text{ب}(ه\hat{أ}ب) = ٥٠$$

أوجد قياسات زوايا المثلث أب جـ.

ث أثبت أن \overline{JB} قطر للدائرة.

البرهان : زاده متعدد (٥٦)

$$g = (o + \varepsilon) \cdot iA = (\hat{P} \varphi) o$$

$$o = (\overbrace{p}^{\wedge} A) \circ = (\overbrace{s}^{\wedge} f) \circ$$

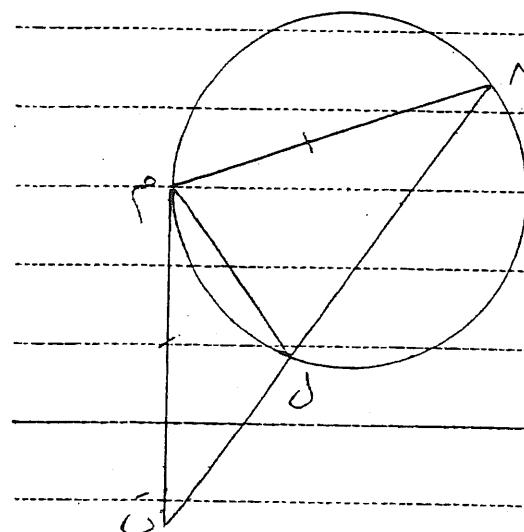
$$\Sigma = (\mathcal{P}, \mathcal{S}) \models (\mathcal{P}, \mathcal{S})$$

$\circ q = (\sqrt{p})$

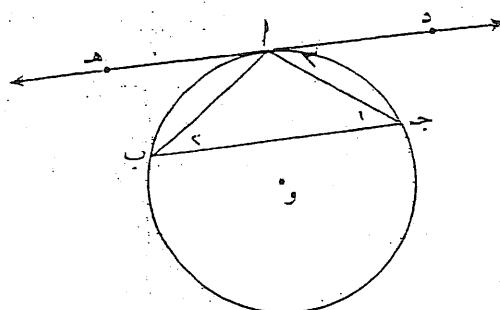
حد قط لداره

حاول أن تحل ص ٤٢

أثبت أن ΔLT متطابق الأضلعين ($L = L$, $T = T$, $M = M$) \leftrightarrow M تلامس لدائرة مركزها O . M وتر في الدائرة بحيث يكون $MN = MT$. (M نقطة التلامس) T نقطع الدائرة في L



فـ (تـ حـ لـ) بـ لـ اـ سـ يـ تـ وـ (حـ مـ لـ) بـ لـ حـ طـ بـ هـ كـ الـ



في الشكل المقابل، إذا كان لدينا ده مماس للدائرة عند النقطة \mathbf{M} .
 المثلث AB يمتلك مطابقين (الصلعين) ($AB = AG$).
 أثبت أن ده موازي لـ BG .

The diagram illustrates two circles, labeled N and M , which overlap. Circle N has a vertical diameter and a horizontal chord. A dashed line extends from the top of the vertical diameter through the intersection point to the bottom of circle M . Another dashed line extends from the left side of the horizontal chord through the intersection point to the right side of circle M .

حاول أن تحل صدع

١١) في الشكل المقابل، أثبت أن النقاط A ، B ، C ، D تقع على مستقيم واحد.

$$q = (\overset{\wedge}{\theta} + s), \quad \overset{\wedge}{\theta} - \overset{\wedge}{\theta}s$$

$$g = (\hat{w}_p)_p \in \overline{\mathcal{A}(\mathbb{C}^p)}.$$

$$\Delta = (-\hat{P})_x + (\hat{S}_x \hat{P}_x)_y = (\hat{S}_x \hat{P}_x)_y$$

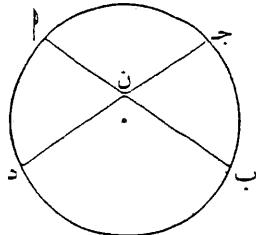
نَعْلَى صَمَدِ وَاحِدٍ

الأدوية المتعاقبة على بعضها

$(\Sigma - \top)$

١ - تقاطع الاوتار داخل الدائرة

نظريّة (١)

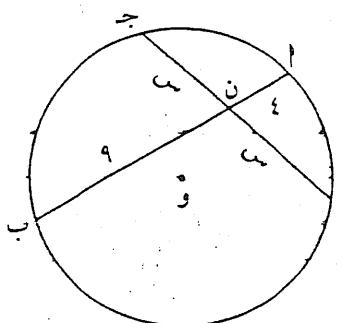


إذا تقاطع وتران داخل دائرة، فإن ناتج ضرب طولي جزءٍ من أحد الوترتين يساوي ناتج ضرب طولي جزءٍ من الوتر الآخر.

$$n^{\frac{1}{2}} \times n^{\frac{1}{2}} = n$$

حاول أن تحل ص ٦

فِي الشَّكْلِ الْمُقَابِلِ، أُوْجِدَ قِيمَةُ سِ.



$$\text{G} \times \mathbb{S} = \text{F} \times \mathbb{S}$$

$$27 = \underline{\quad}$$

للسحر مني

حائل ان تحل صراع

أوجد قيمة س.

٢٣ في الدائرة المقابلة التي مركزها و: $M = 4$ سم، $M B = 6$ سم، $M J = 3$ سم، $M D = 5$ سم.

أوجد قيمة س.

٣) أوجد البعد بين المركز والوتر إذا علمت أن طول نصف

قطر الدائرة يساوي ٨ سم.

$$L^P \times P^P = D^P \times S^P$$

$$\sqrt{\lambda} = \frac{7x\varepsilon}{\rho} = v$$

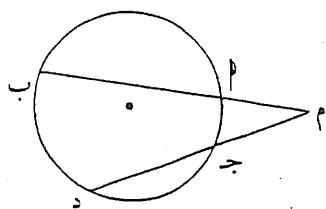
$$f(x_0) = \text{ps}_1 \dots \text{ps}_n$$

$$r \rightarrow \infty = \{(\alpha, \alpha) - \{A\} = \{(\alpha, \alpha)\}$$

$$\overline{f \circ g} = n_9 =$$

٢ - تقاطع الأطوال خارج الدائرة

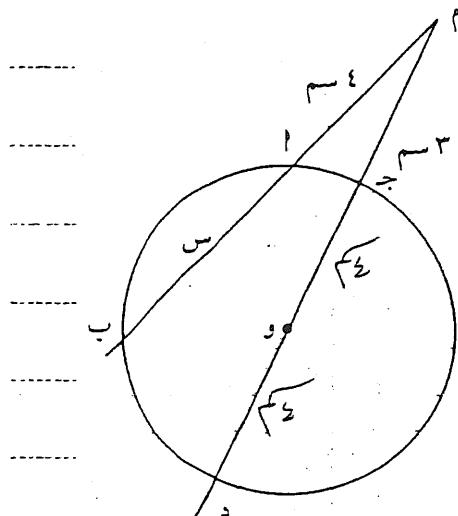
الحل (١)



إذا رسم قاطع من نقطة خارج دائرة، فإن ناتج ضرب طول أحد القاطعين في طول جزءه الخارجي يساوي ناتج ضرب طول القاطع الآخر في طول جزءه الخارجي.

$$MB \times MB = MG \times MJ$$

حاول أن تحل ص ٨٤



في الشكل المقابل، دائرة مرکزاها و طول نصف قطرها يساوي ٤ سم. أوجد قيمة س.

$$5 \times 4 = 4 \times 4$$

$$2 \times (4 + س) = 11 \times 3$$

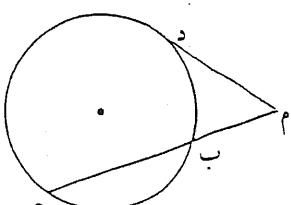
$$\frac{33}{2} = 2 + س$$

$$س = 40 - 8 = 32$$

$$س = 32$$

٣ - تقاطع مماس وقاطع الدائرة من نقطة خارج دائرة

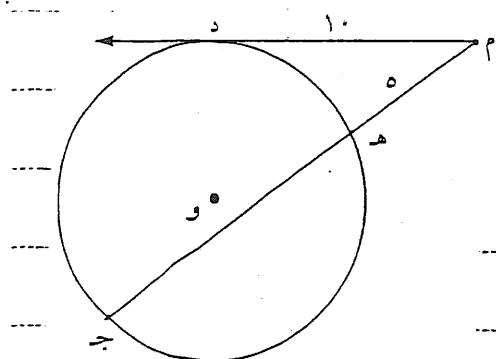
الحل (٢)



إذا رسم من نقطة خارج دائرة قاطع ومماس، فإن ناتج ضرب طول القاطع في طول جزءه الخارجي يساوي مربع طول القطعة المماسية.

$$(MD)^2 = MB \times MG$$

حاول أن تحل ص ٥



في الشكل المقابل، \overline{MD} قطعة مماسية حيث $M D = 10$ و $M H = 5$. أوجد طول HM .

$$(MD)^2 = MH \times HM$$

$$10^2 = 5 \times HM$$

$$(5 \times 5) \times \frac{5}{5} = 100$$

١٢٧

$$10 = 5$$

$$5 = 5 + 0$$

مثال (٥)

أراد أحد الأشخاص معرفة طول القطعة المماسية من النقطة A إلى النقطة B على الدائرة، فأخذ مسطرة ووضع الصفر عند النقطة A فوجد أن المسطرة تقاطع مع الدائرة عند النقطة C بحيث $AC = 4$ سم وعند النقطة D بحيث $AD = 9$ سم. ما طول القطعة المماسية AB ؟

الحل: جرباً

المعطيات: $AC = 4$ سم، $AD = 9$ سم، AB قطعة مماسية.

المطلوب: إيجاد طول AB .

البرهان:

$$(AB)^2 = AC \times AD$$

$$(AB)^2 = 9 \times 4$$

بالتبسيط

$$(AB)^2 = 36$$

$$AB = 6$$

بإيجاد الجذر التربيعي

فيكون طول AB يساوي 6 سم

حاول أن تحل ص ٥٠

في المثال (٥). أوجد طول نصف قطر الدائرة إذا كانت $AC = 2$ سم.

$$(AC)^2 = AP \times PC$$

$$2^2 = PC \times AP$$

$$4 = PC \times AP$$

$$\sqrt{4} = \frac{36}{PC}$$

$$2 = 36 \div PC$$

$$2 = 18$$

$$\sqrt{18} = PC$$